

# **СРЕДНОРОЧНО ПЛАНИРАЊЕ по Математика за VII одделение**

**деветгодишно основно образование**

учебна 2016/2017 година

според адаптираната програма на Меѓународниот центар за испити Кембриџ



Здружение на математичари - Охрид

obrazovanie.[literatura.mk](http://literatura.mk)

**СРЕДНОРОЧНО ПЛАНИРАЊЕ**

<b>ПОЛУГОДИЕ 1</b>			<b>ПОЛУГОДИЕ 2</b>		
<b>1А</b> Број и решавање проблеми	<b>23</b>	<b>1</b>	<b>2А</b> Број и решавање проблеми	<b>19</b>	<b>1</b>
<b>1Б</b> Алгебра и решавање проблеми	<b>7</b>	<b>4</b>	<b>2Б</b> Алгебра и решавање проблеми	<b>15</b>	<b>3</b>
<b>1В</b> Геометрија и решавање проблеми	<b>6</b>		<b>2В</b> Геометрија и решавање проблеми	<b>16</b>	<b>1</b>
<b>1Г</b> Мерење и решавање проблеми	<b>12</b>	<b>3</b>	<b>2Г</b> Мерење и решавање проблеми	<b>11</b>	<b>3</b>
<b>1Д</b> Работа со податоци и решавање проблеми	<b>8</b>	<b>2</b>	<b>2Д</b> Работа со податоци и решавање проблеми	<b>6</b>	<b>3</b>
<b>Вкупно</b>	<b>66</b>			<b>78</b>	



## Оценување на постигањата на учениците

За да се оценат постигањата на учениците неопходно е:

- Да се направи согледување на прфетходните искуства, знаења и вештини на учениците,
- Да се разговара со ученикот за да се добијат сознанија за неговото логичко размислување, степенот на разбирање и способеноста да го примени стекнатото знаење.
- Континуиорано утврдување и проверка на стекнатите знаења, способности и вештини.

Во текот на учебната година треба да се реализираат четири задолжителни писмени проверки на постигањата на целите, по две во секое полугодие. Писмените работи треба да содржат задачи од сите тежински нивоа: со понудени одговори, со дополнување и со целосна постапка на решавање.

Во текот на натавната година ученикот се оценува со бројчана оценка.

## ПРВО ПОЛУГОДИЕ

### Единица 1А: Број и решавање проблеми

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 1			
<b>1. Негативни цели броеви</b>			
Цели за час 1  Препознава негативни броеви дадени на бројна права и подредува, собира и одзема позитивни и негативни цели броеви во даден контекст. Консолидира брзо потсетување на факти за броеви, вклучувајќи дополнување на позитивен цел број до 100, факти за множење до $10 \cdot 10$ и соодветните за делење.	<p>Активности за час 1</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>■ Дајте им на учениците различни цели броеви на карти. Вклучете негативни и позитивни цели броеви. Побарајте од нив да се подредат по замислена бројна права според бројот кој им е даден. Дискутирајте за целите броеви кои недостасуваат меѓу два цели броеви.</li> <li>■ Демонстрирајте собирање и одземање на цели броеви, побарајте од учениците да демонстрираат пресметувања двежејќи се по бројна права на подот. Прво демонстрирајте го ефектот на собирање и одземање цели броеви и потоа дискутирајте за пресметувања како што се <math>2 + (-5)</math> и <math>2 - (-5)</math> (т.е. разликата помеѓу два и минус пет) за да заклучите дека:</li> <ul style="list-style-type: none"> <li>- За собирање со негативен број, се поместувате кон лево долж бројната права.</li> <li>- За одземање на негативен број, се поместувате кон десно долж бројната права.</li> </ul> <li>■ Поделете ја паралелката на четири групи. Поставете прашање кое се однесува на факти за броеви или собирање/одземање вклучувајќи позитивни и/или негативни броеви, пр. Колку е <math>6 - 7</math>? ... <math>81 : 9</math>? Колку треба да додадеме на 63 за да добиеме 100? Колку е <math>100 - (-89)</math>? Првата група која ќе крене рака и има точен одговор, добива поен за нивниот тим. Повторете ја активноста неколку пати.</li> <li>■ Учениците играат игра со карти кои прикажуваат прашања и нивните одговори во групи од 3 или 4 ученика. Тие ги подредуваат нивните карти со лицето (предната страна) свртена надолу. Потоа тие еден по еден превртуваат две карти. Доколку се соодветни, ученикот го задржува тој пар, објаснува како знае дека тие се пар и потоа повторно отвара друг пар. Доколку картите не се совпаѓаат, ги враќа на своите места со лицето свртено надолу. Победник е</li> </ul>	<p>Карти во А5 формат со запишан број на секоја карта. Броевите треба да вклучуваат позитивни и негативни цели броеви помеѓу -100 и + 100. (Би можноело да се зголеми нивниот број со вклучување и на некои децимални броеви.) Голема бројна права за на подот од -10 до 10 (или јаже со еднакво поде-лени бројни ознаки).</p> <p>Комплети од карти, кои прикажуваат прашања и нивните одговори. Притоа, вклучете факти за броевите и операции со собирање и одземање на негативни броеви, пр.</p>	Позитивен број, негативен број, поголем од..., помал од..., подредува, собира, одзема, разлика



	ученикот кој ќе собере најмногу парови.	6·7 70+?=100	42 30	
<b>2. Множење и делење на броеви</b>				
Цели за час 2  Толкува децимален запис и месна вредност, множи и дели цели броеви со 10, 100 или 1000.  Заокружува цели броеви на најблиската 10-ка, 100-ка или 1000-ка и децимални броеви, вклучувајќи мерење, до најблискиот цел број или децимален број со едно децимално место.  Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.	Активности за час 2  Во мали групи, учениците разговараат што се случува кога даден цел број е помножен со 10, 100 или 1000. Потоа им давате децимален број. <i>Како вашите правила се применуваат кај децималните броеви?</i>  Тие повторуваат за делење на даден цел број и даден децимален број со 10, 100 или 1000.  <i>Што се случува со цифрата на десетките при помнење со 100? Што се случува со цифрата на местото на единиците кога ќе се подели со 10?</i>  Учениците работат во парови со два комплети карти – на едниот има цели или децимални броеви; а на другиот покажува операција множење или делење со 10, 100, 1000. Еден по еден земаат по една карта од двата комплети и го кажуваат одговорот. Доколку одговорот е точен, тие добиваат еден поен. Охрабрете ги учениците да донесат општи заклучоци за множењето и делењето со 10, 100 и 1000: <i>Како би им објасниле на учениците во седмо одделение што се случува кога множите ... делите било кој број со 10 ... 100 ... 1000?</i>  Резимирајте го наученото за заокружување цели броеви до најблиската 10, 100 и 1000. <i>Која е најважната цифра кога се обидувате да заокружите до најблиската 10 ... 100 ... 1000?</i>  Учениците добиваат трицифрени броеви со влечење на три карти со цифра по случаен избор. Откако ќе формираат шест различни трици-френ броеви, тие ги подредуваат во растечки редослед. Потоа го заокружуваат секој број до најблиската 10-ка. Активностаа се повторува, прво со добивање на четирицифрени броеви и заокружување до најблиската 100-ка, со добивање петцифрени броеви и заокружување до најблиската 1000-ка.	Два комплета карти по пар. Еден комплет прикажува: 1000; : 100; : 10; · 1000; · 100 или · 10, а другиот комплет прикажува голем број цели и децимални броеви од 0 до 10 000	децимален број децимално место цифра место месна вредност множи дели генерализира шаблон редослед заокружува заокружува до најблиската 10- ка ...100- ка...1000-ка	
<b>3. Одредување на делители. Признаци за деливост</b>				
Цели за час 3  Препознава содржатели, делители (множители), заеднички делители (множители), прости	Активности за час 3  Учениците го користат ситото на Ерастотен за да одредат прости броеви. Користете ги обележаните множители за да го резимираат наученото за одредување на деливост со 2, 4, 5 и 10 и продолжете со одредување на	Интерактивна алатка за демон-стрирање на ситото на Ерастотен, пр. <a href="http://www.visnos.com/demo">http://www.visnos.com/demo</a>	множи делител деливо со признаци на	



<p>броеви (помали од 100), корис-ти некои признания за деливост, наоѓа најмал заеднички содржател во едноставни случаи, користи "сито" за генерирање на прости броеви според Ератостен.</p> <p>Знае и применува признания за деливост со 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10 и 100.</p> <p>Препознава математички својс-тва, модели и врски, воопшту-вајќи ги во едноставни случаи</p>	<p>деливост со 3, 6, 8 и 9. Што забележувате за цифрите на броевите кои се деливи со 3 ... 9? (Нивниот збир е делив со 3 ... 9 или 18.) Што забележувате за делителите на 6 ... 8? (Делители се 2 и 3 ... 2 и 4.) Како можете да одлучите дали еден број е делив со 3, 6, 8 и 9?</p> <p>¶ Дајте им на учениците број кој е поголем од 100. Со кои броеви е делив?</p> <p>Побарајте од учениците да објаснат како го добиле одговорот.</p> <p>¶ Тајно запишете број кој е помал од 100. Кажете еден од неговите делители и побарајте од учениците да кажат кој би можел да биде бројот и зошто. Потоа кажете им два делители. Дали вашиот одговор се уште би можел да биде еден од точните одговори? Зошто? Продолжете со активноста додека вашиот таен број не биде единствениот точен одговор.</p>	<p>s/sieve-of-eratosthenes (Кликнете на бројот за автоматски да ги обележите сите негови содржате-ли. Променете го обележувањето на бојата со кликување на палетите за боја.)</p> <p>или</p> <p>Голема табела 100 и маркери во боја</p>	<p>деливост цифра збир прост број можност предвидува</p>
--	---	---	--

#### 4. Стратегии за множење и делење броеви

<p>Цели за час 4</p> <p>Користи познати факти и месна вредност за да множи и дели двоцифрени броеви со едно-цифрен број, на пример</p> <p>Користи познати факти и месна вредност за да множи едно-ставни децимални броеви со едноцифрени броеви, на при-мер 0,8 · 6.</p> <p>Проверува резултати од пресметувања со користење на инверзни операции</p>	<p>Активности за час 4</p> <p>¶ Побарајте од учениците да дадат кратки забелешки додека користат познати факти за множењето и делењето двоцифрени броеви со едноцифрени броеви. Дискутирајте како тие ги добиле своите одговори, пр. со поделба :</p> $45 \cdot 6 = (40 \cdot 6) + (5 \cdot 6)$ $96 : 6 = (90 : 6) + (6 : 6)$ <p>Поврзете го познаењето на уче-ниците за факти за броеви, како и познавањето на математичките својства, модели и врски (односи) на броевите. Учениците вежбаат множење и делење на двоцифрен број со едноцифрен број со цел да го поедностават множењата со децимални броеви со употреба на познати факти и месна вредност, пр. Колку е <math>0.8 \cdot 6</math>?</p> $0.8 \cdot 6 = 0.8 + 0.8 + 0.8 + 0.8 + 0.8$ <p>или</p> $8 \cdot 6 = 48$ , значи $0.8 \cdot 6 = 4.8$ , бидејќи 0.8 е десет пати помал од 8. <p>¶ Побарајте од учениците да формулираат свои стратегии за множење и делење на двоцифрени броеви со едноцифрени броеви и да ги направат пресметувањата (да множи/подели). Се разменуваат со друг ученик, кој ќе ги проверува одговорите со употреба на инверзни операции</p>	<p>Мини бели табли (или парче хартија) и маркери за пишување и прикажува-ње забелешки</p>	<p>факти за множењето факти за делењето множи множење дели делење инверзна операција стратегија шаблони (модели) односи (врски) месна вредност</p>
---	---	---	--



Недела 2		5. Содржател. Заеднички содржатели	
Цели за час 1 Препознава содржатели, делители (множители), заеднички делители (множители), прости броеви (помали од 100), користи некои признания за деливост, наоѓа најмал за-еднички содржател во едноставни случаи, користи "сито" за генерирање на прости броеви според Ератостен. Користи логички следства и изведува заклучоци	Активности за час 1 ■ Побарајте од учениците да наведат колку е можно повеќе содржатели на дадени броеви за 30 секунди. Поставете предизвик за учениците да го подобрят резултат за домашна работа. Повторете ја активноста во следната лекција  На секоја мала група од ученици дадте им комплет од карти (не по редослед) кој ги покажува содржателите на еден број, плус уште еден број кој не е содржател на тој број, пр. 66, 18, 102, 52, 84, 12, 48, 126. <i>На кој број овие броеви освен еден од нив, се содржатели? Кој број не припаѓа во оваа група?</i> <i>Како знаете?</i> Учениците би можеле да состават свој комплет од карти за да предизвикаат друга група. ■ Користете дигитрон за да ги прикажете содржателите на даден едноцифрен број. (Притиснете го бројот, потоа +, +, потоа =, =, = ...) Побарајте од учениците да ги запишат множителите (пр. до $\cdot 20$ ) и да објаснат какви шаблони забележуваат. На пример, при множење со 3: - единиците го следат шаблонот: 3, 6, 9, 2, 5, 8, 1, 4, 7, 0, 3, 6, 9... - цифрите на десетките се појавуваат три пати пред да се појави следната цифра на десетки. Тоа не важи освен за цифри 3, 6, 9 кои се појавуваат четири пати како цифри на десетки. Учениците потоа избираат свој број со кој множат и ги истражуваат шаблоните на содржателите на тој број. <i>Дали она што го забележу-вате продолжува целосно? А што е кога множителот ќе достигне три цифри?</i>	Штоперица  Комплети од карти со броеви кои се содржатели на истиот број освен и една карта со број кој не е содржател на тој број. (По избор) Празни карти и маркери Голем калкулатор Онлајн калкулатор е достапен на: <a href="http://www.online-calculator.com/">http://www.online-calculator.com/</a> (Можете да кликнете на текстот под калкулаторот за да го гледате калкулаторот на цел экран.)	множи шаблон (модел) повторено собирање
6. Најмал заеднички содржател (НЗС)			
Цели за час 2 Препознава содржатели, делители (множители), заеднички делители (множители), прости броеви (помали од 100), користи некои признания за деливост, наоѓа најмал заеднички содржател во едноставни случаи, користи "сито" за генерирање на	Активности за час 2 ■ Одредете множители, користејќи ги учениците како ресурси. На пример, побарајте од 12 ученици да излезат напред. <i>Како можеме да добиеме 12 со примена на нашето знаење за множење?</i> Објаснете дека 12 ученици може да се поделат на повеќе начини на еднакви групи: - 12 поединци (кои прикажуваат $1 \cdot 12$ ) - 6 пари (кои прикажуваат $6 \cdot 2$ ) - 4 групи од 3 (кои прикажуваат $4 \cdot 3$ ) - 3 групи од 4 (кои прикажуваат $3 \cdot 4$ ) итн. Забележете ги множителите на табла и дискутирајте зошто множителите (пр.4,	Мини бели табли или хартија и маркери/пенкала Хартија и пенкала Селотејп	делител множител

прости броеви според Ератостен. Користи логички следства и изведува заклучоци.	З и 3,4 ) не треба да се повторуваат. ☒ Направете 'Трка за множители' во групи. Кажете број. Групите се тркаат за да бидат најбрзата група која ќе запише целосна листа на множители на бројот што се го кажале. ☒ Залепете таен делител (множител) на грбот на секој ученик. Кажете број. ☒ Учениците групираат заедно други ученици кои имаат делител (множител) на бројот што им е кажан. Повторете неколку пати така што учениците собираат информации за нивниот таен делител (множител), пр. „Јас сум делител на 9 и 12, но не на 16“. Тие се обидуваат да заклучат кој е нивниот таен делител (множител).	
---	---	--

#### 7. Одредување на најмал заеднички содржател (НЗС)

Цели за час 3  Препознава содржатели, делители (множители), заеднички делители (множители), прости броеви (помали од 100), користи некои признаци за деливост, наоѓа најмал заеднички содржател во едноставни случаи, користи "сито" за генерирање на прости броеви според Ератостен. Користи логички следства и изведува заклучоци.	Активности за час 3  ☒ Резимирајте го наученото за најмал заеднички содржател. Во парови, учениците објаснуваат како да го најдат најмалиот заеднички содржател на два едноставни броеви. Изберете ученик кој ќе го објасни методот на целата паралелка  ☒ Учениците ја играат играта со делители (множители) на веб-сајтот поединечно или во парови. Доколку играат поединечно, тие се обидуваат да ја исполнат мрежата така што да нема четири броја со заеднички содржател што се на линија. Доколку играат во парови, еден по еден додаваат број на мрежата, имајќи за цел да добијат четири броја во линија кои имаат заеднички содржател.  ☒ На секоја мала група од учениците дадете им комплет од карти од 2-100. Тие ги групираат броевите во три комплета според тоа колку множители имаат: „Точно два множители“, „Парен број множители поголем од два“, „Непарен број множители“. Што забележувате за броевите во секој комплет? (Одредете ги простите броеви, броевите на квадрат и на правоаголник). <i>Можете ли да најдете броеви во рамките на секоја група со заеднички содржатели?</i>	Проблемите кои вклучуваат најмал заеднички содржател се достапни на: <a href="http://www.transum.org/Software/SW/Starter_of_the_day/starter_August4.ASP">http://www.transum.org/Software/SW/Starter_of_the_day/starter_August4.ASP</a> <a href="http://www.transum.org/Software/SW/Starter_of_the_day/starter_January28.ASP">http://www.transum.org/Software/SW/Starter_of_the_day/starter_January28.ASP</a> <a href="http://www.transum.org/Software/Game/Connect4/">http://www.transum.org/Software/Game/Connect4/</a> Комплет од карти со цифри од 2–100 за секоја група	содржател заеднички содржател најмал заеднички содржател непарен број парен број прост број број на квадрат (број кој ја дава 2Д формата квадрат) број на правоаголник (број кој ја дава 2Д формата на правоаголник)
---	---	---	--

#### 8. Квадрат на број. Квадратен корен

Цели за час 4  Препознава квадрати на цели броеви до најмалку и соодветни квадратни корени;	Активности за час 4  ☒ Учениците играат игра со карти во групи од 3 или 4 ученици. Тие започнуваат со картите свртени со лицето надолу. Еден по еден превртуваат по две карти. Доколку картите се соодветни (пр. $\sqrt{9}$ и 3 или $11^2$ и 121), ученикот ги задржува	Комплет од карти за секоја група: $\sqrt{1}$ , $\sqrt{4}$ , $\sqrt{9}$ , $\sqrt{16}$ , $\sqrt{25}$ , $\sqrt{36}$ , $\sqrt{49}$ , $\sqrt{64}$ ,	квадратен корен на квадрат број на квадрат број на
---	---	--	--



како на пример и $\sqrt{ }$ Евидентира и објаснува методи, резултати и заклучоци.	<p>своите карти, објаснува како знае дека тие се пар, потоа повторно превртува пар карти. Доколку картите не се соодветни, ги враќа на нивните позиции со лицето надолу. Победникот е ученикот кој ќе собере најмногу парови карти.</p> <p>Учениците цртаат квадрати на хартија со квадратчиња за да ги прикажат броевите на квадрат. Тие ги запишуваат броевите од соодветните карти, на пр. <math>3^2 = 9</math>, <math>\sqrt{9} = 3</math>.</p> <p>Учениците работат во мали групи. Тие ги ставаат картите со броеви во торба. Потоа еден по еден земаат број од торбата и наведуваат дали е број на квадрат или не. Доколку другите членови од групата одлучи дека е во право, ја задржуваат картата. Доколку не е во право бројот се враќа во торбата. Торбата се подава додека да бидат потрошени сите броеви. Победник е ученикот со најмногу карти. За играта да биде попредизвикувачка, дадете им на учениците одредено време за нивната одлука.</p>	$\sqrt{81}$ , $\sqrt{100}$ , $\sqrt{121}$ , $\sqrt{144}$ , $\sqrt{169}$ , $\sqrt{196}$ , $\sqrt{225}$ , $\sqrt{256}$ , $\sqrt{289}$ , $\sqrt{324}$ , $\sqrt{361}$ , $\sqrt{400}$ , 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, $1^2$ , $2^2$ , $3^2$ , $4^2$ , $5^2$ , $6^2$ , $7^2$ , $8^2$ , $9^2$ , $10^2$ , $11^2$ , $12^2$ , $13^2$ , $14^2$ , $15^2$ , $16^2$ , $17^2$ , $18^2$ , $19^2$ , $20^2$ , 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100, 121, 144, 169, 196, 225, 256, 289, 324, 361, 400 Алтернативно, игра со совпаѓање е достапна на: <a href="http://www.math-play.com/square-root-game.html">http://www.math-play.com/square-root-game.html</a> Хартија со квадратчиња, Линијари Карти со броеви (сите броеви на квадрат од 1 до 400 како и прости проеви и други броеви кои може да се претстават во форма на правоаголник, како што се 5, 12, 50, 66, 204, 250 ...) Непрозирна торба (или кутија) од која ќе бидат извлечени картите (По избор) Штоперица Проблем кој вклучува броеви на квадрат е достапен на: <a href="http://www.transum.org/Software/SW/Starter_of_the_day/starter_February10.ASP">http://www.transum.org/Software/SW/Starter_of_the_day/starter_February10.ASP</a>	правоаголник прост број
Недела 3			
Цели за час 1	9. Собирање и одземање со ментални стратегии		
Активности за час 1			стратегија



<p>Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви.</p>	<p>④ Дајте им на учениците пример за собирање на цели броеви и побарајте пресметувањето да го направат со ментални стратегии, пр. <math>1589 + 446</math>. Побарајте од нив да демонстрираат како го добиле одговорот. Дискутирајте за различните методи (пр. разложува на илјади, стотки, десетки и единици; заокружување и прилагодување). <i>Дали има некои други методи кои би можело да се користат? Кој би можел да биде најефикасен? Зошто? Кога некој друг метод би бил поефикасен? Како познавањето на месната вредност ни помага брзо да го решиме ова прашање со ментални стратегии?</i></p> <p>④ Дајте им на учениците пример за одземање на цели брои и побарајте пресметувањето да го направат со користење на ментални стратегии, пр. <math>2007 - 1998</math>. Побарајте да демонстрираат како го добиле одговорот. Дискутирајте за различните методи. <i>Како собирањето (броенето нана-пред) може да се користи за да се изврши одземањето?</i></p> <p>④ Дискутирајте зошто <math>4 + 3 = 3 + 4</math> но <math>4 - 3 \neq 3 - 4</math>. Воведете го комутативниот закон: <math>a + b = b + a</math> но <math>a - b \neq b - a</math>.</p> <p>④ Објаснете дека редоследот на собирање не е важен, пр. <math>2 + (3 + 4) = (2 + 3) + 4</math>. Воведете го „асоцијативен закон“.</p>		<p>метод собирање одземање аритметички закон комутативен закон асоцијативен закон разложување инверзен инверзна операција</p>
---	---	--	---

#### 10. Множење и делење со ментални стратегии

<p>Цели за час 2</p> <p>Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви.</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>④ Дајте им на учениците пример за множење и истиот да го решат со ментална стратегија, пр. <math>25 \cdot 12</math>. Побарајте да демонстрираат како го добиле одговорот. Дискутирајте за различните методи. <i>Дали има некои други методи кои би можеле да бидат користени? Кој би можело да биде најефикасен? Зошто? Кога некој друг метод би бил поефикасен?</i></p> <p>④ Дајте им на учениците пример за делење и истиот побарајте да го решат со ментална стратегија, пр. <math>3 : 12</math>. Побарајте да демонстрираат како го добиле одговорот. Дискутирајте за различните методи. <i>Како множењето може да се користи за да помогне да се направи пресметувањето со делење?</i></p> <p>④ Дискутирајте зошто <math>4 \cdot 3 = 3 \cdot 4</math> но <math>4 : 3 \neq 3 : 4</math>. Воведете го комутативниот закон: <math>a \cdot b = b \cdot a</math> но <math>a : b \neq b : a</math>. Објаснете го терминот „комутативен закон“. Дискутирајте дека редоследот на множењето не е важен, пр. <math>2 \cdot (3 \cdot 4) = (2 \cdot 3) \cdot 4</math>. Објаснете го терминот „асоцијативен закон“.</p> <p>④ Демонстрирајте употреба на мето-дот на теписон за множење за да пресметате, пр. за <math>23 \cdot 45</math>:</p>		<p>стратегија метод множење делење метод на теписон аритметички закон комутативен закон асоцијативен закон разложување инверзен инверзна операција</p>
--	---	--	--



	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td></td><td>20</td><td>3</td></tr> <tr><td>40</td><td>800</td><td>120</td></tr> <tr><td>5</td><td>100</td><td>15</td></tr> </table> <p style="text-align: center;"><math>23 \cdot 45 = 800 + 100 + 120 + 15 = 1035</math></p>		20	3	40	800	120	5	100	15		
	20	3										
40	800	120										
5	100	15										
			Интерактивен методот на тетисон за множење е достапен на: <a href="http://www.iboard.co.uk/iwb/Grid-Method-547">http://www.iboard.co.uk/iwb/Grid-Method-547</a>									
<b>11. Редослед на извршување на аритметички операции</b>												
<p>Цели за час 3 Користи редослед на операции, вклучувајќи и загради, при едноставни пресметувања. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.</p>	<p>Активности за час 3</p> <p>□ Дајте им на учениците броен израз со повеќе операции кој ќе го решат ментално, на пр.  <math>2 + 2 \cdot 25 + 26</math>      Може да има разлика во добиените вредности при пресметување, како на пример 78, 104 и 126 се изнесени како можни одговори. (Доколку не се, изнесете ги одговорите 104 и 126 за учениците да коментираат за нив.)      Запишете го редоследот на извршување на операциите:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- загради</li> <li>- степенови показатели (пр. квадрати)</li> <li>- множење и делење (од лево кон десно)</li> <li>- сирање и одземање (од лево кон десно).</li> </ul> <p>Објаснете дека планирате да има спакувани ручеци за едно училишно патување. На патувањето ќе има две паралелки – една паралелка од 25 ученици, една паралелка од 26 ученици и еден наставник. Планирате по две лепиња за секој. <i>Како може да се осигураме дека редоследот на пресметката се совпаѓа со проблемот?</i> (Со користење на загради: <math>2 + 2 \cdot (25 + 26)</math>).</p> <p>□ На учениците кажете им три броја, пр. 2, 3, 4. Учениците работат во парови за да добијат колку е можно повеќе различни одговори со употреба на загради, квадрати, сирање, одземање, множење и делење, пр.</p> $2 + 3 + 4 = 9$ $2^2 + 3 + 4 = 11$ $2^2 \cdot (3 + 4) = 28$	<p>Учениците може да го вежбаат редоследот на операции на:</p> <p><a href="http://www.learnalberta.ca/content/mejhm/index.html?ID1=AB.MATH.JR.NUMB&amp;ID2=AB.MATH.JR.NUMB.INTE&amp;lesson=html/object_interactives/order_of_operations/use_it.html">http://www.learnalberta.ca/content/mejhm/index.html?ID1=AB.MATH.JR.NUMB&amp;ID2=AB.MATH.JR.NUMB.INTE&amp;lesson=html/object_interactives/order_of_operations/use_it.html</a></p> <p>Кликнете на точната операција за да напредувате со пресметување на бројниот израз.      После 10 пресметки, играјте ја играта каде што коцките мора да бидат избрани во точен редослед.</p>	<p>операција редослед на операции множење делење сирање одземање загради на квадрат броен израз</p>									



	<b>Дали можете да го најдете најголемото/најмалото решение? Како знаете дека ги имате најдено сите можности?</b>		
<b>12. Пресметување бројна вредност на израз</b>			
Цели за час 4 Користи редослед на операции, вклучувајќи и загради, при едноставни пресметувања. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.	Активности за час 4 ■ Побарајте од учениците да ги дадат најниските и највисоките можни одговори со употреба на пет цифри. Мора да користат најмалку еден комплет од загради, еден квадратен број и едно собирање, одземање, множење и делење во секое пресметување. ■ Објаснете дека на англиски кратенката BIDMAS (загради, степе-нови показатели, делење/множење, собирање/ одземање) им помага на учениците да го запомнат редослед-дот на операции. Дали учениците може да сmisлат кратенка или начин за да го научат редоследот на операциите на македонски?	Комплет од карти со цифри од 1 до 9 по ученик	операции редослед на операции множење делење собирање одземање загради на квадрат
Недела 4			
<b>13. Решавање задачи со цели и децимални броеви со ментални стратегии</b>			
Цели за час 1 Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви. Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма	Активности за час 1 ■ Учениците работат во групи од 2 до 3 ученици за да одговорат на серија прашања од собирање и одземање со децимални броеви кои ги решаваат со ментални стратегии. Вклучете прашања каде има различен број цифри во секој број. Учениците може да користат кратки забелешки доколку сакаат. Глав-ната цел на оваа задача е учениците да дискутираат за нивните идеи, а не за брзината на пресметување. <i>Како ги собравте/-одзее-мавте овие броеви ментално? Кое математичко знаење и вештини ги користевте за да го најдете решението?</i> ■ Во парови учениците фрлаат коцка четири пати за да го добијат децимален број со следната форма:  ■■.■■ Потоа го повторуваат ова за да добијат втор децимален број со истата форма. Поединечно, учениците ги собираат двета броја со примена на умствени стратегии и кратки забелешки и исто така го одземаат помалиот број од поголемиот број. Ги споделуваат и проверуваат нивните решенија. Доколку има грешка, тие разговараат за истата. Доколку одговорот е точен, тие разговараат за методите кои ги користеле за пресметување. <i>Која умствена стратегија за пресметка ја користевте? Дали вашите методи беа исти или различни? Кој метод беше поефективен и ефикасен во овој случај? Како можете да ги проверите вашите одговори?</i>	Претходно подгответени вежби за собирање и одземање на цели броеви и децимални места Големи листови хартија Фломастери	децимално место метод умствена стратегија собирање одземање десетки единици десеттинки стотинки



		Kоцка, една по пар	
<b>14. Собира и одзема цели броеви и децимални броеви</b>			
Цели за час 2 Собира и одзема цели броеви и децимални броеви, вклучувајќи децимални броеви со различен број на децимални места. Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма	Активности за час 2 <p>Резимирајте како треба да се утврди писмено собирање и одземање со користење на колони. Нагласете ја важноста на употребата на месна вредност разговарајќи со учениците што е неточно во следниот пример:</p> <p>58362 + 346 92962</p> <p>Учениците ги мешаат нивните карти и потоа ги ставаат десетте цифри во два реда од по пет карти за да формираат пресметување во пишана форма. Ги собираат и одземаат двата броја со употреба на пишани методи. <i>Што треба да направите за да се осигурате кога ги ставате картите?</i> (цифрите со иста месна вредност треба да бидат во иста колона; поголемиот број треба да биде поставен на горната позиција за одземање).</p>	Комплет од карти со цифри од 0 до 9 по ученик	цел број метод пишан метод собирање одземање единици десетки стотки илјади (итн.)
<b>15. Користење на аритметички закони при собирање и одземање</b>			
Цели за час 3 Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви. Собира и одзема цели броеви и децимални броеви, вклучувајќи децимални броеви со различен број на децимални места. Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма	Активности за час 3 <p>Предизвик за учениците нека биде најбрзи да кренат рака и да го дадат точниот одговор за дадено собирање и одземање. Прво, измерете го времето кое им е потребно на учениците да завршат 10 дадени пресметувања. Потоа повторете со уште 10 пресметувања, предизви-кувајќи ги учениците да го подобрят нивното време.</p> <p>Учениците работат во парови, секој на сопствено пресметување и свој комплет од карти. Секој ученик составува два децимални броја со вртење на карти со една цифра и нејзино поставување во мрежа на следниот начин:      Откако ќе бидат поставени цифрите, учениците потоа одлучуваат каде да ја постават децималната запирка. <i>Кој може да направи најмал збир? Кој може да направи најмала разлика? Кој може да направи најголем збир/разлика? Кој може да направи парен/непарен збир/разлика? Збир/разлика кој(а) е содржател на пет? Која разлика би била доколку децималната запирка би била на различно место? Како ова би влијаело врз</i></p>	(По избор) Штоперица  Комплет од карти со цифри од 1 до 9 за секој ученик Три карти со децимална запирка за секој ученик	децимално место метод стратегија умствен метод пишан метод собирање одземање илјади стотки десетки единици десеттинки стотинки илјадинки (итн.)

	<i>вашиот одговор – дали се уште би победиле/-загубиле во таа рунда? Зашто?</i>		
<b>16. Користење на аритметички закони при собирање и одземање</b>			
Цели за час 4 Собира и одзема цели броеви и децимални броеви, вклучувајќи децимални броеви со различен број на децимални места. Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма.	<p>Активности за час 4</p> <p>Учениците ја играат „Играта на грешки“ во групи од 3 или 4 ученика. Целта на играта е да се одреди ученикот(ците) кој/кои направил/е намерка грешка во пресметувањето во пишана форма. Има два комплета карти (погледнете десно). На секој играч му се дели по една карта од Комплетот 1 (видлива на групата) и втора карта од Комплетот 2 (скриена од групата). Секој играч користи метод во пишана форма за да одговори на пресметката на нивната карта. Доколку ја имаат картата ТОЧНО карта, тие мора точно да го одговорат прашањето. Доколку ја имаат картата ПОГРЕШНО, треба да направат мала грешка. Штом сите ученици во групата ги имаат завршено своите пресметувања, тие им ги покажуваат на другите во групата кои треба да одредат дали имал карта со ТОЧНО или карта со ПОГРЕШНО. Се разговара за одговорите. Се доделува еден поен за точни одговори со карата ТОЧНО и за неточни одговори со карта ПОГРЕШНО. Бонус поен се доделува на секој ученик кој направил грешка која другите не ја забележале.</p> <p>Учениците конструираат tabela за собирање и одземање децимални броеви.</p>	Два комплета карти по група Комплети 1: карти кои покажуваат собирања и одземања (едно прашање по карта), пр. $34.633 + 782.02$ Комплет 2: карти на кои е запишано ТОЧНО или ПОГРЕШНО. На повеќето карти треба да биде наведено ТОЧНО.  Софтвер за табели	децимално место метод писан метод собирање одземање илјади стотки десетки единици десеттинки стотинки илјадинки (итн.)
Недела 5	<b>17. Множење и делење цели броеви со декадна единица</b>		
Цели за час 1 Толкува децимален запис и месна вредност, множи и дели цели броеви со 10, 100 или 1000. Проверува резултати од пресметувања со користење на инверзни операции. Евидентира и објаснува методи, резултати и заклучоци.	<p>Активности за час 1</p> <p>Разгледајте што се случува кога децималните броеви се помножени или поделени со 10, 100 или 1000, поттикнувајќи ги учениците да го објаснат процесот со свои зборови.</p> <p>Играјте ја играта „Кој е мојот број?“. Кажете им на учениците дека размислувате за одреден број. Прво го множам мојот број со 10. Го делам одговорот со 100 и потоа уште со 10. Бројот кој сега го имам е 0.0386. <i>Кој беше мојот првичен број? Како знаете?</i> Разговарајте како да користат инверзни операции за да го најдат првичниот број и како да го проверат.</p>		множи дели 10/100/1000 пати помал 10/100/1000 пати поголем децимално место цифра

	<p>Повторете ја активноста со различни комбинации на множење и делење со 10, 100 и 1000 со првичниот број кој секогаш содржи едно или две децимални места.</p> <p>☒ Учениците ја играат играта дадена погоре во мали групи, еден по еден даваат насоки</p>		
<b>18. Множење и делење на децимални броеви</b>			
<p>Цели за час 2</p> <p>Множи и дели децимални броеви со едно и/или две децимални места со едноцифрен број, на пример 13,7 8; 4,35 5. Проценува, одредува приближна вредност и ја проверува својата работа. Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма.</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>☒ Побарајте од учениците да го проценат одговорот на <math>152 \cdot 6</math>. Потоа тие со ментални стратегии го наоѓаат одговорот. <i>Колку близку била вашата проценка? Зашто треба да ги процениме прво одговорите на пресметувањата?</i> Сега го знаеме одговорот на <math>152 \cdot 6</math>, а колку е <math>15,2 \cdot 6</math>? Како знаете? А колку е <math>1,52 \cdot 6</math>? <i>Зашто сте убедени дека ова е точното решение?</i> Продолжете со поголем број на пресметувања, секогаш почнувајќи со цел број и да дојдете до децимален број.</p> <p>☒ Во парови, учениците запишуваат множење на двоцифрен или трицифрен број со едноцифрен број и пресметува, пр. <math>588 \cdot 3 = 1764</math>. Под него тие запишуваат пресметувања со децимални броеви според предходното пресметување со позитивни цели броеви, пр. <math>58,8 \cdot 3 = 176,4</math> <math>5,88 \cdot 3 = 1,64</math>. Поврзете ги претходните лекции за множење и делење со 10, 100 и 1000 за да објасните зашто одговорите се точни.</p> <p>☒ Учениците имаат два комплета карти. Земаат децимален број од Комплетот 1 и едноцифрен број од Комплетот 2. Тие го проценуваат производот и потоа умствено го пресметуваат одговорот. Потоа разговараат за нивните стратегии со партнерот. <i>Како ја најдовте вашата проценка? Колку близку беше вашата проценка до одговорот? Дали мислите дека вашата проценка беше соодветна? Зашто?</i></p>	<p>проценува множи множење цел број децимално место</p> <p>Два комплета карти по ученик: Комплет 1: 8 карти со броеви со едно или две децимални места Комплет 2: карти со цифри од 2–9</p>	



**19. Множење и делење на децимални броеви**

<p>Цели за час 3 Множи и дели децимални броеви со едно и/или две децимални места со едноцифрен број, на пример 13,7 8; 4,35 5. Проценува, одредува приближна вредност и ја проверува својата работа. Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма.</p>	<p>Активности за час 3</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>■ Побарајте од учениците да го проценат одговорот на <math>783 : 3</math>. Потоа тие со ментални стратегии го наоѓаат одговорот. <i>Колку близку беше вашата проценка? Дали вашата проценка беше корисна? Сега кога го знаеме одговорот на <math>783 : 3</math>, колку е <math>78,3 : 3</math>? Како знаете? А колку е <math>7,83 : 3</math>? Зошто сте убедени дека ова е точното решене?</i> Продолжете со други пресметувања, секогаш почнувајќи со цел број и да дојдете до децимален број.</li> <li>■ Во парови, учениците првата пресметувања со делење и добиениот количник го запишуваат, пр. <math>1416 : 6 = 236</math>. Под него тие запишуваат пресметување со делење на децимални броеви според предходно направеното делење со позитивни цели броеви, пр. <math>141.6 : 6 = 23,6</math> <math>14.16 : 6 = 2,36</math> Поврзете ги претходните лекции за множење и делење со 10, 100 и 1000 за да објасните зошто одговорите се точни.</li> <li>■ Секој ученик запишува броен израз за делење на децимални броеви, а неговиот партнери да го пресмета. При запишување на бројните изрази со делење, тој мора самиот да го знаат одговорот со цел да може да го провери одговорите на неговиот партнери.</li> </ul>		<p>проценка децимален број делење дели</p>
---	---	--	--

**20. Решавање на текстуални задачи**

<p>Цели за час 4 Множи и дели децимални броеви со едно и/или две децимални места со едноцифрен број, на пример 13,7 8; 4,35 5. Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма. Знае кога да заокружи нагоре, а кога надолу по делење кога контекстот бара одговорот да биде цел број. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се</p>	<p>Активности за час 4</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>■ Споделете текстуален проблем со паралелката, пр. Имам лента со должина од 1,82 м. Сакам да ја пресечам на пет еднакви парчиња за да завиткам подароци. Која должина (во метри) треба да биде секое парче? Побарајте од еден ученик да демонстрира како би го нашол одговорот со помош на пресметување во пишана форма. <i>Што треба да запомните кога користите стандарден метод на делење во пишана форма?</i> Побарајте од некој друг ученик да демонстрира како да го провери одговорот со употреба на множење во писмена форма. <i>Што треба да запомните кога го користите стандарниот метод на множење во писмена форма?</i> Би можеле од друг ученик да побарате да покаже мерење и сечење на лентата/конецот за да ги нагласите стратегиите за прецизно мерење.</li> <li>■ Дискутирајте за различните контексти во кои луѓето множат и делат децимални броеви со едно или две децимални места, пр. Градежен работник кој го пресметува растојанието помеѓу греди, пекарот кој го дели тестото подеднакво за лепиња или векни со еднаква маса, шапкарот кој</li> </ul>	<p>(По избор) Конец/лента со должина од 182 см Ножици Линијар</p>	<p>текстуален проблем децимално место множи дели проверува инверзен</p>
---	---	---	---



разумни	<p>користи одредена должина на лента за декорирање шапки. Побарајте од учениците да создадат свои текстуални проблеми кои вклучуваат множење или делење на децимални броеви, да го проценат одговорот и потоа да го пресметаат со употреба на метод во писмена форма.</p> <p>Дајте им на учениците текстуални проблеми со дополнување за учениците да внесат свои децимални броеви и едноцифрени броеви пред решавањето, пр. Бабата на Јован му давала _____ € секоја недела во период од _____ недели. Колку евра добил Јован вкупно?</p> <p>Вклучете одредени примери кои вклучуваат заокружување нагоре или надолу при делење со остаток, пр.</p> <p>Сања има шише со лекови. Содржи _____ литри. Таа користи една четвртина од лекот. Доколку една полна лажичка собира __ ml, колку полни лажички се останати?</p> <p><i>Дали вашиот одговор има смисла во контекстот?</i></p>	Претходно подгответни проблеми во кои недостасува број	
Недела 6			

### 21. Користење на проценти за описување на делови од форми

Цели за час 1 Го разбира процентот како стоти дел од целината; користи дропки и проценти за да опише делови од форми, целини и мерки. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни.	Активности за час 1 Дискутирајте за поимот „процент“ – дека доаѓа од латински јазик „per centum“ со значење „за секои сто“. Објаснете дека во некои контексти, процентот може да биде поголем од 100, пр. Доколку профитот на една компанија се зголемил за 16% оваа година, нивниот профит е 116% споредено со минатогодишниот профит. Побарајте од учениците да најдат различни проценти на поголем број форми, количини и мерки. Вклучете проценти поголеми од 100%, пр. - Сипете вода во бокалче од 100 ml за да биде наполнет 40%. - Обележете точка која одговара на 67% по должината на отсечка од 1 m. - Со употреба на табела 10 x 10 обојте 124%. Дискутирајте како учениците ги наоѓаат различните проценти. <i>Како знаеате</i>	Голем број форми, количини и мерки кои учениците може да ги користат за да најдат проценти, пр. садови од 100 ml, линијари од еден метар, табели 10 x 10, парчиња тесто и ваги за мерење, конзерви	процент <i>per centum</i> за секои сто % (символ) 100 проценти едно цело дропка децимално место еквивалентен
---	---	--	--



	<p>дека тоа беше ... %? Што значи процент? Дали има друг начин како би можеле да го најдете тој процент? Како би изгледал овој процент како дропка? ... како децимален број?</p> <p>Учениците земаат проценти од торбата и ги запишуваат како број на делови од една стотка, пр.</p> <p>60% е еквивалентно на <math>\frac{60}{100}</math></p> <p>150% е еквивалентно на <math>\frac{150}{100}</math>.</p> <p>Предизвикајте ги учениците, барајќи од нив да ги најдат еквивалентните децимални броеви, пр.</p> <p>60% е еквивалентно на <math>\frac{60}{100}</math> и 0,6; 150% е еквивалентно на <math>\frac{150}{100}</math> и 1,5.</p>	<p>исушен грашок, хартиени кругови (како жетони) дропка? ... како децимален број?</p> <p>Учениците земаат проценти од торбата и ги запишуваат како број на делови од една стотка, пр.</p> <p>60% е еквивалентно на 150% е еквивалентно но . Предизвикајте ги учениците, барајќи од нив да ги најдат еквивалентните децимални броеви, пр. 60% е еквивалентно на и 0,6; 150% е еквивалентно на и 1,5.</p>	
--	--	---	--

## 22. Пресметување процентен износ

<p>Цели за час 2</p> <p>Пресметува едноставни проценти од целината (одговорот е цел број) и изразува дел од целината како дропка или процент.</p> <p>Пресметува едноставни</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>Објаснете дека:</p> <p>10% е еквивалентно на = 0,1 и 5% е половина од 10%.</p> <p>Побарајте од учениците да ги користат овие информации за да ги најдат процентите со ментални стратегии, пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- 10% од 20€ (со делење со 10)</li> <li>- 10% од 37 g (со делење со 10)</li> </ul>	<p>Мини бели табли и маркери</p>	<p>проценти за секои сто % (символ) едно цело дропка децимално место еквивалентен</p>
--	---	----------------------------------	---



<p>дропки и проценти од количини, на пример, една четвртина од 64, 20% од 50 kg. Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.</p>	<p>- 5% од 5€ (со наоѓање на 10% и преполовување)      - 100% од 4 литри (знаејќи дека 100% ја претставува целината)      - 15% од 40 (со наоѓање на 10%, потоа 5% и собирање на резултатите). Учениците ги запишуваат своите одговори на мини бели табли. <i>Како го најдовте одговорот? Која стратегија ја користевте? Како го користевте вашето знаење за проценти, дропки, децимални броеви и множење/делење со 10?</i></p> <p>■ Објаснете дека 1% е еквивалентно на <math>\frac{1}{100} = 0,01</math>. Учениците користат мини бели табли или хартија како помош при пресметката на процентите на поголеми броеви, пр.      - 11% од 2800 денари      - 70% од 130 g.</p> <p>■ Со употреба на калкулатор и без користење на копчето за проценти, учениците пресметуваат проценти, пр.      - 24% од 34      - 14,5% од 56 литри.</p>	<p>Мини бели табли (или хартија) и маркери/пенкала Калкулатори (по еден за секој ученик или по еден на секој пар)</p>	
--	---	---	--

### 23. Решавање текстуални проблеми со проценти

<p>Цели за час 3 Користи проценти за да претстави и да спореди различни количини. Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.</p>	<p>Активности за час 3</p> <p>■ Со употреба на колекција од пакувања прикажувајќи искази како „50% гратис бесплатно“, учениците ја запишуваат првичната и ревидираната количина. <i>Колкав процент од старата големина е новата големина? Како можете да добиете нова големина од првичната големина?</i></p> <p>■ Со употреба на производи со „етикети за распродажба“, учениците одлучуваат кој производ е најдобра зделка. На пример: Дали треба да го купам производот 1 која чини 4500 денари со 35% попуст, или производот 2 која чини 4000 денари со 25% попуст? ■ Прикажете два различни садови за храна. Прашајте, на пример <i>Што би претпочитале: 50% од сладоле-дот кој е останат во овој сад или 40% од сладоледот кој е останат во овој сад? Зошто?</i> Користете популярни и</p>	<p>Комплет од пакувања од производи кои прикажуваат искази како што е на пр. „25% гратис бесплатно“ (пр. кутии од житарици, шишиња) Производи етикетирани со измислени цени и етикети за</p>	<p>проценти за секои сто % (символ) 100 проценти едно цело дропка децимално место еквивалентен</p>
---	--	--	--



	<p>непопуларни јадења.</p> <p>■ Учениците го истражуваат процен-тот на волна, памук, полиестер итн. во облека со испитување на етиекти. <i>Што е исто за сите облеки? Зошто е тоа така?</i> (Процентите исто така дали даваат збир 100%).</p>	<p>распродажба (или производи на интернет)</p> <p>Садови за храна со различна големина на кои се означени нивните маси</p> <p>Облека со етикети кои го прикажуваат составот на облеката (или примери на интернет).</p>	
--	---	--	--

#### 24. Контролен тест

Цели за час 4 Користи проценти за да претстави и да спореди различни количини. Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.	Активности за час 4 ■ Дајте им на учениците проблеми во кои споредуваат две различни популации на училишта, пр. 48% од учениците во Училиштето А се девојчиња. Има 600 ученици во Училиштето А. Во Училиштето Б има 650 ученици и 45% се девојчиња. Кое училиште има повеќе девојчиња? <i>Зошто процентите се корисен начин за споредба на два/е сета (групи) кои немаат иста големина?</i> ■ Донесете пакувања од храна и побарајте од учениците да најдат кое пакување има најголема содржина на шеќер, сол и масти во целото пакување. ■ Поставете прашања кои се однесуваат на подготовкa на овошен сок, пр. Има 20% концентрати во секој литар од овошниот сок. <i>Колку концентрат има во 2,5 литри овошен сок? Колку овошен сок може да се направи од 1 литар концентрат?</i> Би можеле да ги моделирате одговорите со подготовкa на овошниот сок.	<p>Пакување со храна на која се прикажани деталите за вкупната маса и составот (или примери од интернет)</p> <p>Концентрат од овошен сок</p> <p>Бокали</p> <p>Вода</p>	<p>споредба</p> <p>проценти</p> <p>за секои сто % (символ)</p> <p>100 проценти</p> <p>едно цело</p> <p>дропка</p> <p>децимално место</p> <p>еквивалентен</p>
--	---	--	--



## Единица 1Б: Алгебра и решавање проблеми

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 7			
<b>25. Решавање на равенки</b>			
Цели за час 1 Користи букви за да претстави непознати броеви или променливи; го знае значењето на зборовите: член, израз и равенка. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.	<p>Активности за час 1</p> <p>■ Објаснете ја идејата за непознат број давајќи им на учениците едноставни равенки за решавање, пр. <math>23 + \square = 79</math> 4 · <math>\square - 7 = 17</math>.</p> <p>Исто така прашајте: Ако <math>\square + \square = 6</math>, што би можеле да преставуваат <math>\square</math> и <math>\square</math>? Поврзете го ова со користење на букви во математика. Така: <math>23 + \square = 79</math> би можноело да се запише како <math>23 + n = 79</math> <math>\square + \square = 6</math>, би можноело да се запише како <math>a + b = 6</math>.</p> <p>■ Во парови, учениците земаат два броја и буква/форма од нивните два комплета. Тие создаваат равенка со употреба на <math>+</math>, <math>-</math>, <math>\cdot</math> или <math>:</math> и ја решаваат.</p> <p>■ Дајте примери на членови, изрази и равенки и осигурајте се дека учениците сигурно ги знаат дефинициите на овие поими. Во групи, учениците еден по еден вртат карта од едно купче. Потоа кажуват дали картата покажува член, израз или равенка.</p>	<p>Два комплета карти по пар:</p> <p>Комплет 1: 10 карти кои покажуваат броеви со 1 или 2 цифри</p> <p>Комплет 2: букви или форми кои претставуваат непознати броеви</p> <p>Комплети од карти кои покажуваат голем број на членови, изрази и равенки на одделни карти</p>	алгебра член израз равенка непознат број
<b>26. Решавање на проблеми со алгебарски изрази</b>			
Цели за час 2 Составува едноставни алгебарски изрази, користејќи букви во замена за броеви. Заменува позитивни цели броеви во едноставни линеарни изрази/формули. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во	<p>Активности за час 2</p> <p>■ Учениците користат карти за да најдат алгебарски изрази запишани со зборови и алгебарски изрази запишани со симболи кои се соодветни, пр. „Додадете број на 7.“ Ќе се совпадне со „<math>n + 7</math>“; „Број поделен со 2.“ би се совпаднало со „<math>n : 2</math>“ или „<math>n/2</math>“; „Број помножен сам со себе.“ би се совпаднало со „<math>n \cdot n</math>“ или „<math>n^2</math>“</p> <p>■ Дајте им на учениците проблеми од секојдневниот живот за да запишат едноставни алгебарски изрази како следните: Лазар собира жетони. Секој жетон вреди 25 поени. Колку поени има Лазар? (пр. 25t.)</p> <p>■ Во парови, учениците користат табели 100 како поддршка во решавањето на проблеми кои се однесуваат на изрази и равенки, пр. Која е вредноста на изразот <math>x + 25</math> кога <math>x = 5</math>? Која е вредноста на <math>x</math> кога <math>x + 17 = 25</math>?</p>	<p>Карти, од кои секоја прикажува едноставен алгебарски израз со симболи или алгебарски израз со зборови за активност за совпаѓање (погледнете ја активноста преку дадени примери)</p>	замена непознат број символ решава



проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.	<p>Како го најдовте одговорот? Како би можеле да го најдете одговорот доколку сте немале табела 100?</p>	Претходно подгответни проблеми од секојдневниот живот кои може да се изразат како прости алгебарски изрази. Табела 100 по пар Онлајн игри кои вклучуваат изрази и равенки се достапни на: <a href="http://www.learnalgebra.ca/content/mejhm/index.html?l=0&amp;ID1=AB.MATH.JR.PATT&amp;ID2=AB.MATH.JR.PATT.ALG&amp;lesson=html/object_interactives/algebra/use_it.html">http://www.learnalgebra.ca/content/mejhm/index.html?l=0&amp;ID1=AB.MATH.JR.PATT&amp;ID2=AB.MATH.JR.PATT.ALG&amp;lesson=html/object_interactives/algebra/use_it.html</a> <a href="http://www.math-play.com/soccer-math-one-step-equations-game/one-step-equations-game.html">http://www.math-play.com/soccer-math-one-step-equations-game/one-step-equations-game.html</a>	
--	--	---	--

### 27. Редослед на операции во алгебарски изрази

Цели за час 3 Знае дека алгебарски операции се извршуваат по истиот редослед како аритметички операции.	Активности за час 3 ☒ Користете калкулатор за да го резимирате наученото за редоследот на аритметички операции, пр. <i>Кoj е редоследот на операциите во бројниот израз <math>3 \cdot (4 + 5)</math>? Зошто?</i> Потсетете ги учениците дека алгебарските изрази се формирани на сличен начин, со комбинација на букви, броеви и знаци за операции. Објаснете дека алгебарските	Големи листови хартија и пенкала	аритметичка операција алгебарска операција (алгебарски) израз комутативен закон
--	--	----------------------------------	---



Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.	<p>операции го следат истиот редослед како аритметичките операции. Со замена на некои броеви за букви во бројните изрази може да се добијат алгебарски изрази, како на пр.: <math>3 \cdot (4 + 5)</math>  <math>n(4 + 5) 3(a + 5) 3(4 + b) 3(a + b) n(a + b)</math></p> <p><i>Кој број го претставуваат <math>n</math> ... <math>a</math> ... <math>b</math>?</i> Дајте им на учениците други аритметички изрази каде што тие можат да заменат еден или повеќе од броевите со букви.</p> <p>Учениците работат во парови на големи листови хартија за да биде полесна дискусијата на ниво на паралелка.</p> <p><i>Што претставува оваа буква? Која операција би ја извршиле прво во овој израз? Зашто? Што ако заградите биле околу овие букви/броеви? Што би сториле прво тогаш?</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>□ Дајте на секоја мала група еден алгебарски израз. Учениците се согласуваат за редоследот по кој може да се извршат операциите. Изберете ученик кој ќе го запише изразот и редоследот на извршување на операциите пред паралелката. Фокусот е на комуникацијата и тимската работа.</li> <li>□ Учениците работат во парови за да состават алгебарски израз за нивниот партнери да го реши. Дискутирајте за редоследот на операциите и зошто редоследот е важен</li> </ul>		асоцијативен закон загради  Претходно подготвени изрази
--	---	--	---

### 28. Решавање на алгебарски изрази

Цели за час 4 Знае дека алгебарски операции се извршуваат по истиот редослед како аритметички операции. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми	<p>Активности за час 4</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>□ Дајте и на секоја група алгебарски изрази и точен/неточен редослед на извршување на операциите за алгебарскиот израз . Тие ги групи-раат картите според тоа дали редоследот на извршување на операциите во алгебарскиот е точен или не е точен. Проследете го ова со дискусија од целата паралелка.</li> <li>Дајте им на учениците бројни изрази кои прикажуваат аритметички закони и побарајте да ги запишат како алгебарски изрази, пр. <math>2 + 3 = 3 + 2</math> станува <math>a + b = b + a</math> каде што <math>a = 2</math> и <math>b = 3</math></li> <li><math>2 \cdot 3 = 3 \cdot 2</math> станува</li> <li><math>a \cdot b = b \cdot a</math> каде што <math>a = 2</math> и <math>b = 3</math></li> <li><math>2 + (3 + 4) = (2 + 3) + 4</math> станува</li> <li><math>a + (b + c) = (a + b) + c</math> каде што <math>a = 2</math>, <math>b = 3</math> и <math>c = 4</math></li> <li><math>2 \cdot (3 \cdot 4) = (2 \cdot 3) \cdot 4</math> станува</li> <li><math>a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c</math> или</li> </ul>	<p>Комплет од карти за подредување за секоја група, кои прикажуваат алгебарски изрази и редослед на извршување на операциите во алгебарскиот израз, пр. <math>n(a + b)^2</math> и:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Соберете ги <math>a</math> и <math>b</math>.</li> <li>2. Помножете го збирот на <math>a</math> и <math>b</math> сам со себе.</li> <li>3. Помножете со <math>n</math>. Вклучете некои</li> </ol>	аритметичка операции алгебарска операции комутативен закон асоцијативен закон решава загради на квадрат
---	---	--	---



	<p><math>a(bc) = (ab)c</math> каде што <math>a = 2</math>, <math>b = 3</math> и <math>c = 4</math>.</p>	<p>карти кои прикажуваат неточен редослед на извршување на операциите во алгебарскиот израз, пр. <math>n(a + b)^2</math> и</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Квадрирајте го <math>a</math>.</li> <li>2. Квадрирајте го <math>b</math>.</li> <li>3. Соберете ги <math>a^2</math> и <math>b^2</math>.</li> <li>4. Помножете со <math>n</math>.</li> </ol> <p>Претходно подгответни бројни низи кои даваат пример за аритметички закони</p>	
Недела 8			
<b>29. Одредува непознат член во низа</b>			
<p>Цели за час 1 Генерира членови на низа од цели броеви и наоѓа член што е на дадена позиција во низата; наоѓа едноставни правила за добивање на член по член. Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.</p>	<p>Активности за час 1</p> <p>¶ Објаснете дека низата е подредување на одредени броеви кои следат правило и секој број во низата се нарекува „член“. Побарајте од учениците да седат во парови. Кажете им ги на учениците првите четири или пет члена на една низа од цели броеви, пр. 8, 16, 24, 32, или 89, 80, 71, 62, 53, ... Побарајте од учениците во парови да го дадат следниот член во низата. <i>Како знаеате кој член бил следен? Кои информации ги користеате од првите членови кои ви ги дадов за да го најдете одговорот? Кое е правилото за добивање на член по член?</i> ¶ Учениците прават табела или едноставен компјутерски програм за да добијат членови на низа од цели броеви. <i>Кое е правилото за добивање на член по член?</i> ¶ Учениците играат „Трка со часовникот“ во мали групи. Еден ученик зема карта со првиот член и карта со правилото за добивање на член по член. Тие имаат 30 секунди за да видат колку членови може да добијат. На пример, доколку извлечат почетна карта од 32 и доколку го имаат правилото „удвојте и додадете еден“ кажуваат: „32,</p>	<p>Софтвер со табели или соодветна компјутерска алатка за програмирање Два комплета карти: Комплет 1: карти за првиот член (кои го даваат почетниот член за низа со цели броеви) Комплет 2: Карти со правилото за добивање на член</p>	<p>низа член правила за добивање на член по член</p>

	<p>65, 131, 263, 527 ... ". Победник е ученикот во групата кој ќе каже најмногу точни членови во време од 30 секунди.</p>	<p>по член (кој ја дава разликата помеѓу членовите во низата). Штоперица Основна онлајн активност за одредување на броевите во низа може да се најде на:</p> <p><a href="http://www.fueltherain.com/games/line-dry/">http://www.fueltherain.com/games/line-dry/</a>.</p>	
--	---	--	--

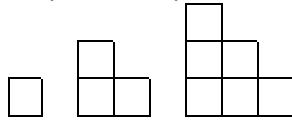
### 30. Алгоритми за одредување на општ член на низа

Цели за час 2 Генерира членови на низа од цели броеви и наоѓа член што е на дадена позиција во низата; наоѓа едноставни правила за добивање на член по член. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.	Активности за час 2 <ul style="list-style-type: none"><li>☒ Во парови, секој ученик на својот партнёр му дава низа. Партерот го кажува првиот член на низата и правилото за добивање на член по член.</li><li>☒ Користете ја онлајн активноста која ги поврзува низите со визуелно со дијаграмски прикази.</li><li>☒ Учениците работат во мали групи. Секој ученик во групата ги запишува првите четири члена на низа по сопствен избор и ги предизвикуваат другите ученици во групата да го најдат петтиот, десеттиот и дваесеттиот член. <i>Кое е правилото за добивање на член по член на низата?</i></li><li>☒ Учениците ги користат онлајн активности со функционални машини за да го толкуваат и одредат правилото за општиот член.</li></ul>	<p><a href="http://www.e-learningforkids.org/math/lesson/sequences-and-patterns/">http://www.e-learningforkids.org/math/lesson/sequences-and-patterns/</a></p> <p>Кликнете на сивата лента "Exercises (Вежби)" на дното за да започнете. Кликнете на копчето со стрелката за да се придвижете кон следниот екран.</p> <p><a href="http://teams.lacoe.edu/documentation/classrooms/amy/algebra/5-6/activities/function-machine/functionma">http://teams.lacoe.edu/documentation/classrooms/amy/algebra/5-6/activities/function-machine/functionma</a></p>	низа член правило за добивање на член по член општ член
--	--	--	---



		<p><a href="#">chine5_6</a> Кликнете „Start (Старт)“, а потоа изберете го копчето за:            - наоѓање на излез            - наоѓање на влез            - наоѓање на функцијата.</p>	
--	--	--	--

### 31. Одредување на општ член на низа

<p>Цели за час 3 Генерира низи на броеви од визуелни прикази и го опишува општиот член во едноставни случаи. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.</p>	<p>Активности за час 3</p> <p>Учениците користат карти кои прикажуваат општи правила. Тие ги наоѓаат првите пет члена на низите од цели броеви според општото правило запишано на картата.</p> <p>Им давате на учениците голем број ресурси и барате од нив да конструираат низа од шаблони/-модели со употреба на пр. на квадрати:</p>  <p>или стапчиња:</p>  <p>Учениците ги запишуваат првите пет члена на бројните низи кои се совпаѓаат со шаблоните. Потоа тие го кажуваат правилото за општиот член со употреба на нивниот шаблон. <i>Како е конструиран овој шаблон/модел? Кои информации ги користевте од конструирањето на шаблонот/моделот за ви помогнат да го одредите општиот член?</i></p> <p>Секој ученик создава низа од шаблони и го предизвикува партнерот да го опише и запише правилото за општ член <i>Дали има повеќе од едно општо правило? Доколку е така, зошто е тоа така?</i></p>	<p>Картите кои прикажуваат општи правила за низите, пр.</p> <p>Општиот член е <math>4n</math>. Општиот член е <math>n + 4</math>. Општиот член е <math>105 - 5n</math>.</p> <p>Ресурси за изработка на шаблони, пр. копчиња, стапчиња (пр. чепкалки за заби), жетони, коцки</p>	<p>наза член правило добивање на член по член општ член</p>
--	---	---	---

### 32. Подготовка за писмена работа

<p>Цели за час 4 Генерира низи на броеви од визуелни прикази и го опишува општиот член во едноставни случаи. Работи со броеви,</p>	<p>Активности за час 4</p> <p>Дајте им на учениците поголем број ресурси и побарајте од нив да продолжат со создавање на повеќе неовообичаени низи на шаблони, пр. со жетони:</p>	<p>Ресурси за изработка на шаблони, пр. копчиња, стапчиња (пр. чепкалки за заби)</p>	<p>наза шаблон/модел член правило за добивање на член по член</p>
--	---	--	---



<p>алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.</p> <p>Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.</p>	 <p>Ги запишуваат првите пет члена на бројната низа кои се појавуваат и го одредуваат правилото за општиот член со употреба на нивниот шаблон. <i>Како е конструиран овој шаблон? Кои информации ќе ги користевте конструирањето на шаблонот кои ќе ви помогнат да дојдете до општото правило?</i></p> <p>Побарајте од учениците да работат на следниот проблем: Правилото за добивање на член по член за низа е: „Додадј 3“. Постојат многу низи со ова правило. Дали е можно да се најде низа за која правилото за добивање на член по член на низа е:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) сите членови се содржатели на 3?</li> <li>б) сите членови се непарни?</li> <li>в) сите членови се содржатели на 9?</li> <li>г) никој од членовите не е цел број?</li> </ul>	<p>заби), жетони, коцки</p>	<p>општ член</p>
<p>Недела 9</p>	<p><b>33. Подготовка за писмена работа</b></p>		
<p>Цели за час 1 Собира и одзема цели броеви и децимални броеви. Користи проценти за да претстави и да спореди различни количини. Решава текстуални проблеми со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки. Генерира низи на броеви одредува општ член во едноставни случаи. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми. Одредува непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици</p>	<p>Подгответени задачи од страна на наставникот за повторување на соадржините од темата</p>		
<p>Цели за час 2 Примена на стекнатите</p>	<p><b>34. Прва писмена работа</b> Активности за час 2 Ученикот работи смостојно, решава зададени задачи кои претходно се подгответи од</p>		

знаења и вештини	страна на натавникот		
<b>35. Анализа на Прва писмена работа</b>			
Цели за час 3 Идентификување и посочување на направените грешки при решавање на понудените задачи	Активности за час 3 Наставникот врши, сублимација и анализа на постигањата на учениците		

## Единица 1В: Геометрија и решавање проблеми

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 9			
<b>36. Многуаголник. Видови многуаголници</b>			
Цели за час 4 Идентификува, описува, визуелизира и црта 2Д форми во различни положби. Евидентира и објаснува методи, резултати и заклучоци.	<p>Активности за час 4</p> <p>¶ Побарајте од учениците да нацртат триаголник на нивните мини бели табли, потоа уште еден триаголник и уште еден триаголник <i>Колку различни триаголници можете да нацртате? Дали овие два (со различна положба) се исти или различни? Зашто? Што е исто ... различно кај овие два триаголници?</i></p> <p>¶ Во групи, учениците цртаат (скицираат) и именуваат колку што е можно повеќе 2Д форми. Ова е корисна задача за да се процени знаењето на учениците за 2Д форми.</p> <p>¶ Учениците ги затираат нивните очи и визуелизираат различни 2Д форми. Побарајте од нив да замислат и дејствуваат во однос на формите на различни начини, пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Визуелизирајте квадрат. Нацртајте права по дијагонала на квадратот. <i>Кои две форми ги имате сега?</i> (рамнокрак правоаголен триаголник)</li> <li>- Визуализирајте правоаголник. Нацртајте права по дијагонала на правоаголникот. <i>Какви форми се добиени сега? Колку конкретни можете да бидете кога ги именувате триагол-ниците?</i> (разнострани правоаголни триаголници)</li> </ul> <p>¶ Дајте му на секој пар комплет од карти со 2Д форми. Тие ги групираат картите на кој било начин кој ќе го изберат. Дискутирајте на ниво на паралелка кои групирања се избрани. <i>Можете ли да ги именувате формите во оваа група? Како ги класифицирате формите во овој комплет? Можете ли да нацртате уште некои форми кои ќе припаѓаат во оваа група?</i></p> <p>Покажете им на учениците форми групирани според нивните својства. <i>Зашто овие форми се групи-рани заедно? Што е исто ... различно кај нив? Нацртајте уште три форми кои би припаѓале на оваа група.</i></p> <p>¶ Учениците цртаат именувани 2Д форми со користење на основен геометрички софтвер.</p> <p>Ќе биде предизвик за учениците ако дополнително се охра-бруваат да конструираат (наместо да цртаат) 2Д формите.</p>	<p>Мини бели табли и пенкала</p> <p>Комплети од карти за секој пар. Секоја карта покажува 2Д форма</p>	<p>2Д форма</p> <p>многуаголник</p> <p>петаголник</p> <p>шестаголник</p> <p>осумаголник</p> <p>триаголник</p> <p>рамностран триаголник</p> <p>рамнокрак триаголник</p> <p>разностран триаголник</p> <p>прав агол</p> <p>четириаголник</p> <p>делтоид</p> <p>паралелограм</p> <p>правоаголник</p> <p>ромб</p> <p>квадрат</p> <p>трапез</p> <p>неправилна</p> <p>правилна</p>



		подготвени групирања на форми Геометрички софтвер, пр. GeoGebra кој е бесплатно достапен од: <a href="https://app.geogebra.org/#geometry">https://app.geogebra.org/#geometry</a> .	
Недела 10			
<b>37. Означување и проценување на агли</b>			
Цели за час 1  Користи соодветни ознаки за точки, прави, агли и форми.  Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма.	Активности за час 1  Учениците цртаат отсека AB со дадена должина. Проверете го точното означување (и со употреба на големи букви). <i>Што иденти-фикувате кога ја означувате отсечката AB? Можете ли да ми ги покажете точките A и B на вашата отсечка?</i> Потоа побарајте од учениците да ја нацртаат точката C далеку од отсечката. Побарајте од нив да го нацртаат и да го обележат аголот ABC.  Воведете го означувањето ABC за агли. Побарајте од учениците да го запишат ова, обрнувајќи внимание на симболот кој има една хоризонтална права, така што не изгледа како знак за нееднаквост.  Учениците цртаат голем број форми, означувајќи ги нивните темиња и агли. <i>Како ги означуваме правите агли различно од други агли?</i> Кажете им на учениците за име-нување на формите ги користиме буквите со кои се означени нивните темиња, на пр. триаголник ABC.  Дајте им на учениците повеќе точки, отсечки, агли и форми. Побарајте од нив да ги означат и/или да одредат конкретни делови од секоја.	Моливи Хартија Линијари  Мини бели табли и маркери. Претходно подготвени листови на кои се прикажани точки, отсечки, агли и форми	означува точка права агол форма теме темиња агол
<b>38. Цртање и мерење на агли</b>			
Цели за час 2  Проценува големина на остар, тап и неконвексен	Активности за час 2  <i>Кои се степените кои се користат за мерење? Што е посебно кај острите агли ... тапите агли?</i> Воведете го терминот 'неконвексен агол' за да општете агол помеѓу $180^\circ$ проценка се	Претходно подготвени агли за проценка се	агол остар тап



<p>агол до најблискиот степен изразен со цели 10-ки. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии. .</p>	<p>и <math>360^\circ</math></p> <p>Покажете поголем број агли. Учениците работат во групи за да го проценат секој агол до најблискиот степен. Доколку групите се во право до специфично ниво на точност (пр.до најблиските два степени), на нив им се доделува еден поен. Групата која победува е таа која има најмногу бодови на крај.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>☒ Учениците користат интерактивна активност за да ги проценат и проверат аглите.</li> <li>☒ Предизвикајте ги учениците да користат само линијар за да нацраат агол со одредена големина. Партнерот ја проверува големината на аголот со агломер. Доделете поени за цртање во рамките на пет степени на отстапување од големината на аголот (во која било насока) и дадете бонус поени за цртање на точниот агол.</li> </ul>	<p>достапни на:  <a href="http://www.transum.org/software/SW/Starter_of_the_day/Students/Angles.asp?Level=1">http://www.transum.org/software/SW/Starter_of_the_day/Students/Angles.asp?Level=1</a></p> <p>Користете ги лентите „Level (Ниво)“ на горната страна за да го промените нивото на барање</p> <p>Активност за создавање агли со различна големина е достапна на:  <a href="https://nrich.maths.org/1235">https://nrich.maths.org/1235</a></p> <p>Кликнете на кругот за да започнете со создавање на аголот. Повторно кликнете на него за да прекинете.</p> <p>Можете да го промените нивото на барање со употреба на менито со спуштање „Level (Ниво)“ лево на дното.. Линијари, Агломери</p>	<p>неконвексен степени агломер до најблискиот ... степен(и)</p>
<b>39. Својства на страните, аглите и симетријата на правилни многуаголници</b>			
<p>Цели за час 3 Именува и идентификува</p>	<p>Активности за час 3</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>☒ Учениците работат во групи од по 2 до 4 ученика со комплет од претходно</li> </ul>	<p>Претходно конструирани четириаголници,</p>	<p>четириаголник петаголник</p>



<p>страни, агли и симетричност на четириаголници и триаголници и правилни многуаголници со 5, 6 и 8 страни. Користи логички следства и изведува заклучоци. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии.</p>	<p>конструирани четириаголници, идеално на динамичен геометрски софтвер. Учениците дискутираат за она што го забележуваат во врска со својствата на страните, аголите и симетријата на 2Д формите.</p> <p>¶ Дајте им на учениците својства на 2Д форми запишани на карти. Во парови или мали групи, учениците ги наведуваат формите кои може да го имаат својството запишано на картата. <i>Дали ги вклучивте сите можни форми? Која форма се појавува најчесто на вашиите листи? Зашто мислите дека тоа е така? Која форма се појавува најретко? Зашто мислите дека е тоа така? Дали има некои форми кои ги немаат овие својства? Можете ли да нацртате таква форма? Кои својства ги има?</i></p> <p>¶ Користете слики на форми за да дискутирате за својствата на страните, аголите и симетријата на четириаголниците, триаголниците и правилните многуаголници.</p>	<p>идеално на динамичен геометрски софтвер како што е GeoGebra: <a href="https://app.geogebra.org/#geometry">https://app.geogebra.org/#geometry</a></p> <p>Карти со својства на 2Д форми, пр. Има два еднакви и два спротивни пари агли. Слики од четириаголници триаголници и правилни многуаголници. Својства на формите на четириаголниците се резимираны на следната веб-страница: <a href="http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathsshape_space/2d_shapes/revision/2/">http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathsshape_space/2d_shapes/revision/2/</a></p> <p>Својствата на формите на триаголниците се резимираны на следниот веб-сайт: <a href="http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks2/mathsshape_space/2d_shapes/read/2/">http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks2/mathsshape_space/2d_shapes/read/2/</a></p> <p>Својствата на формите на правилните многуаголници се резимираны на следната веб-страница: <a href="http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks2/mathsshape_space/2d_shapes/read/2/">http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks2/mathsshape_space/2d_shapes/read/2/</a></p>	<p>шестаголник осумаголник својства теме страна агол симетрија</p>
--	--	---	--



[pe\\_space/2d\\_shapes/read/5/](#)

#### 40. Цртање на правилен многуаголник

		<a href="#">pe_space/2d_shapes/read/5/</a>	
<b>40. Цртање на правилен многуаголник</b>			
<p>Цели за час 4 Именува и идентификува страни, агли и симетричност на четириаголници и триаголници и правилни многуаголници со 5, 6 и 8 страни. Користи логички следства и изведува заклучоци. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии.</p>	<p>Активности за час 4</p> <p>☒ Дајте им на учениците вербални инструкции за цртање многуаголници и/или 5-, 6- и 8-аголници. Штом ќе завршите, дискутирајте која е формата и зошто.</p> <p>☒ Учениците изработуваат правоаголник од хартија со димензии 4 см и 10 см. Отсекуваат рамнокрак правоаголен триаголник, чии еднакви страни се по 4 см како што е на цртежот:</p>  <p><i>Која друга форма ја добивте? Кои својства на двете форми можете да ги одредите? Како знаете? Повторете ја активноста со други почетни форми.</i></p> <p>☒ Со примена на динамички геометриски софтвер, учениците прецизно конструираат свои сопствени четириаголници (со примена на својствата на формата наместо со скицирање). <i>Дали својствата се менуваат кога темињата се влечат? Зошто/зошто не? Кој својства се константни? Кои карактеристики се менуваат?</i> Објаснете дека должините на страните и големината на аглите обично не претставуваат својства, бидејќи тие обично може да се менуваат без да се влијае на видот на форма (исклучоци се големините на аглите кај квадрати и правоаголници). Својствата како што се паралелни страни никогаш не се менуваат.</p>	<p>Хартија, моливи, линијари, агломери Хартија, моливи, линијари, агломери (или комплет од триаголници), ножици Динамичен геометриски софтвер како што е GeoGebra: <a href="https://app.geogebra.org/#geometry">https://app.geogebra.org/#geometry</a></p>	<p>својства страна агол симетрија правилен многуаголник петаголник шестаголник осумаголник прави агли четириаголник квадрат трапез ориентација</p>

#### 41. Чита и одредува координати на точки.

<b>41. Чита и одредува координати на точки.</b>			
<p>Цели за час 4 Чита и одредува координати на точки во сите четири квадранти. Црта прецизни математички дијаграми и графици Чита и одредува координати на точки во сите четири квадранти. Црта прецизни</p>	<p>Активности за час 4</p> <p>☒ Учениците одредуваат координати точки и решаваат проблеми кои се во врска со нив, пр. - Ги нанесува точките со координати (-3, 1) и (2, 1) во координатен систем. Доколку овие две се темиња на правоаголник, кои би можеле да бидат координатите на другите две темиња?</p> <p>Учениците си поставуваат слични проблеми користејќи го нивното знаење за својствата на четириаголниците.</p> <p>☒ Во парови или мали групи, учениците еден по еден избираат карта и ја нанесуваат точката во координатен систем. После договорен број вртења на карти, учениците ги</p>	<p>Примери на координатни системи се достапни на: <a href="http://www.taw.org.uk/lic/itp/itps/coordinates_1_1.swf">http://www.taw.org.uk/lic/itp/itps/coordinates_1_1.swf</a>)</p> <p>Користете ја опцијата кон долната десна страна за да го промените бројот на квадранти.</p> <p>Координатни мрежи</p>	<p>координати координатен почеток х-оска у-оска оски квадрант прв, втор, трет, четврти квадрант позиција скицира</p>



математички дијаграми и графици.	спојуваат точките и ја одредуваат формата која ја имаат создадено.	со четири квадранти, прикажувајќи вредности од -4 до 4 на двете оски. Можете да преземете координати системи од: <a href="http://www.math-aids.com/Graph_Paper/Coordinate_Plane_Graph_Paper.html">http://www.math-aids.com/Graph_Paper/Coordinate_Plane_Graph_Paper.html</a> За оваа активност: - Изберете „Четири на страница, квадрати од 1/4 инч (6 x 8 единечни квадранти“ под заглавјето „Четири квадранти ...“. - Кликнете на опцијата „Create it (Создади)“ под страницата. Координатни мрежи со четири квадранти. Онјан мрежа е достапна на: <a href="http://www.teacherled.com/resources/fourquadgraph/fourquadload.html">http://www.teacherled.com/resources/fourquadgraph/fourquadload.html</a> Линијари Координатни системи со четири квадранти. Комплети од карти кои прикажуваат координати Линијари	
----------------------------------	--	---	--

**Единица 1Г: Мерење и решавање проблеми**

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 11			
<b>42. Проценка и мерење на должина.</b>			
Цели за час 1 Избира соодветни мерни единици за проценка, мерење, пресметување и решавање на проблеми во секојдневен контекст. Заокружува цели броеви на најблиската 10-ка, 100-ка или 1000-ка и децимални броеви, вклучувајќи мерење, до најблискиот цел број или децимален број со едно децимално место. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.	<p>Активности за час 1</p> <p>Часовите од оваа недела се фокусираат на должина.</p> <p>☒ Прашајте: <i>Каде користиме мерки поврзани со должина? Кои единици ги користите? Кои други единици ги знаете? Која е најмалата/најголемата единица за должина?</i></p> <p>☒ Учениците извршуваат една од следните активности за проценка:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Тие играат „Голф со мерење (Measurement golf)“. Обезбедете карти кои прикажуваат отсечки со различни должини. Учениците проценуваат и потоа мерат должина. Тие ја запишуваат разликата помеѓу нивната проценка и реалната должина. Победник е ученикот со најмалата разлика (или вкупна разлика) после пет мерења.</li> <li>- Тие проценуваат и потоа мерат подолги растојанија како што е ширината на училиницата или должината на еден ходник во m и см. Тие треба да ги заокрижат нивните мерења до најблискиот центиметар.</li> </ul> <p>☒ Подредете ги учениците по висина. Учениците ја проценуваат висината на тројца ученици. Измерете друг ученик, дискути-рајќи како да обезбедите точност во проценката. Дајте им на учениците можност да ги прилагодат нивните проценки во однос висината измерена на ученикот. Потоа измерете ги реалните висини на тројцата ученици. <i>Како одлучувате за вашата проценка? Дали ја прилагодивте проценката отка-ко знаете друга висина? Зашто?/Зашто не?</i></p>	<p>Карти кои прикажуваат отсечки со различни должини (да се измери до најблискиот mm) линијари во mm</p> <p>Метра Линијари (метар и 30 cm)</p> <p>Линијари од едно метро или метра</p>	<p>должина милиметар центиметар дециметар метар проценува мери заокружува до најблискиот центиметар</p>
<b>43. Должина. Мерење, пресметување и решавање на проблеми</b>			
Цели за час 2 Чита скала на аналогни и дигитални мерни инструменти.	<p>Активности за час 2</p> <p>☒ Обезбедете поголем број предмети за учениците да ги проценат и измерат должините, како и голем број линијари. Учениците одлучуваат за најсоодветните мерни единици кои ќе ги користат за секој предмет.</p>	<p>Предмети за мерење Линијари (cm, mm, см и mm)</p>	<p>должина скала прецизно</p>



Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.	<p>Учениците планираат модел, го скицираат и ги обележуваат неговите димензии. Моделот може да се поврзе со друга тема која се проучува или други интереси на учениците. Учениците потоа го изработуваат својот модел. Фокусот е ставен да се обезбеди учениците да користат најпрецизни мерења и прецизно читање на линијарот.</p> <p>Посочете им на учениците како мерните скали за други мерења може да бидат слични на линијари, пр. кујнска вага се користи за мерење маса; часовникот за да се мери минувањето на времето; скалата на мензура за мерење на капацитет. <i>Што е исто и различно за овие скали?</i> Појаснете дека часовникот користи различен основен систем (60 минути = 1 час) и дека иако тие изгледаат слично, важно е да се забележи што се мери (пр. должина, маса, времетраење, агол).</p>	<p>Материјали за изработка на модели, пр. стапчиња, хартиени сламки, картон, селотејп.</p> <p>Линијари Ножици</p> <p>Голем број реални скализа онлајн мерење. Некои онлајн примери се достапни на:  <a href="http://www.teacherl ed.com/resources/re adingscales/scalesloa d.html">http://www.teacherl ed.com/resources/re adingscales/scalesloa d.html</a>.</p>	милиметар центиметар дециметар метар
---	--	--	---

#### 44. Должина. Претворање од една во друга мерна единица

<p>Цели за час 3 Ги знае ознаките и односите меѓу мерните единици и ги претвора една во друга:  - километри (km), метри (m), центиметри (cm), милиметри (mm)  Подредува децимални броеви, вклучувајќи мерење и ги претвара во иста мерна единица.  Заокружува цели броеви на најблиската 10-ка, 100-ка или 1000-ка и децимални</p>	<p>Активности за час 3</p> <p>Проверете дека учениците ги знаат кратенките за киломтери (km), метри (m), дециметри (dm), центиметри (cm) и милиметри (mm). Исто така проверете дека учениците се сигурни во своето знаење кога да ја користат секоја од овие единици.</p> <p>Учениците играат „Snap“ во парови. Еден ученик ги дели картите. Учениците еден по еден ставаат една од нивните карти со лицето свртено нагоре во средината на масата. Доколку картата е иста со последната карта која е ставена, тогаш првиот ученик кој ќе ја стави раката на купчето карти и ќе извика „snap (зграбувам)“ ги добива сите карти на табелата. Победник е првиот ученик кој ќе ги собере сите карти.</p> <p>Користете табела за конвертирање (кој ја даваат врската меѓу мерните единици) како помош да ги потсетите учениците како да ги претвараат мерните единици km, m, cm и mm. Објаснете дека, пр.  <math>7000 \text{ m} = 7 \text{ km}</math> <math>6 \text{ m} = 600 \text{ cm}</math> <math>6000 \text{ mm} = 6 \text{ m}</math> <math>49 \text{ cm} = 0.49 \text{ m}</math>  <math>732 \text{ mm} = 0.732 \text{ m}</math></p>	<p>Комплет карти за секој пар, кои прикажуваат еквивалентни должини, пр. шест од картите би можело да бидат:  2000 m, 2 km, 200 000 cm  83 cm, 0.83 m, 830 mm  (Вклучете три или</p>	<p>должина единица милиметар центиметар дециметар метар конвертира/претвара еквивалентен заокружува до најблиската десетинка заокружува до едно децимално место заокружува до најблиската цела единица</p>
--	--	--	--



броеви, вклучувајќи мерење, до најблискиот цел број или децимален број со едно децимално место.  
Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.

1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001
km	-	-	m	-	cm	mm
7	0	0	0			
			6			
				4	9	
				7	3	2

Користете ги примерите од табелата за конвертирање за да повторите заокружување до најблиската десетинка или цела единица, пр. Колку е  $0.732\text{ m}$  до најблискиот метар? ... до едно децимално место? Зошто? Која цифра ви помогна да одлучите?

четири еквивалентни должини за да ги подобрите можностите за совпаѓање.)

Празна табела за конвертирање:

1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001
km	-	-	m	-	-	-

#### 45. Решавање на задачи со должина

Цели за час 4  
Ги знае ознаките и односите меѓу мерните единици и ги претвора една во друга:  
- километри (km), метри (m), центиметри (cm), милиметри (mm)  
Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.

Активности за час 4  
 ¶ Учениците истражуваат преку пример во кои конвертираат поголема единица за должина во помала и обратно, пр.  
 - претворање на 36 cm во mm  
 - претворање на 0.89 km во m  
 - претворање на 0.56 m во mm  
 - претворање на 3 cm во m - претворање на 4 mm во cm.  
**Што забележувате?** Поврзете со множењето и делењето со 10, 100 и 1000. Исто така забележете дека кога конвертирате во помала единица, бројот ќе биде поголем и кога конвертирате во поголема единица, бројот ќе биде помал.  
 ¶ Претставете им на учениците листа од материјали кои се потребни за изградба на проект. Објаснете дека за жал листата е составена од некој кој користел несоодветни единици. Побарајте од учениците да ја корегираат листата.  
 ¶ Побарајте да решаваат проблеми кои вклучуваат должина, притоа проблемите се со повеќе од еден чекор. На пример:  
 Ставам две полици. Секоја полица треба да одговара на простор со должина од 87 cm. Купувам дрво со должина од 2 метри. Колку од дрвото ќе остане?

должина  
милиметар  
центиметар  
дециметар  
метар  
конвертира  
еквивалентни  
единици  
  
Подгответена листа  
од градежни  
материјали  
вклучувајќи  
нереални единици

Недела 12



Здружение на математичари - Охрид

obrazovanie.literatura.mk

**46. Проценка и мерење на маса**

<p>Цели за час 1 Избира соодветни мерни единици за проценка, мерење, пресметување и решавање на проблеми во секојдневен контекст. Подредува децимални броеви, вклучувајќи мерење и ги претвара во иста мерна единица. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>Активности за час 1 Часовите од оваа недела се фокусираат на маса.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>☒ Прашајте: <i>Каде користиме мерки поврзани со маса? Кои единици ги користите? Кои други единици ги знаете? Која е најмалата/најголемата единица за маса?</i></li> <li>☒ Учениците играат „Measurement golf (Голф со мерење)“. Обезбедете предмети со различна маса. Учениците ја проценуваат масата на секој предмет и потоа ја мерат маса со употреба на ваги за мерење. Тие ја запишуваат разликата помеѓу нивната проценка и реал-ната тежина. Победник е ученикот со најмалата разлика (или вкупната разлика) после пет обиди.</li> <li>☒ Забелешка: Размислете за чувствителноста на учениците која се однесува на нивната маса пред да ја реализирате оваа активност. Веројатно најдобро е да избегнете споделување или запишување на проценките и мерењата од страна на учениците. Учениците ја проценуваат својата маса. Споделете ја со учениците својата маса или масата на добро познат спортсмен. Дајте им на учениците можност да ги прилагодат своите проценки за својата маса врз основа на масата која им ја кажавте.</li> </ul> <p><i>Како одлучувате за вашата проценка? Дали ја прилагодите откако знаете нечија друга маса? Зашто/зашто не? Побарајте од секој ученик да ја измери својата маса. Како се осигурувате дека вашето мерење е колку е можно попрецизно? Колку прецизна беше вашата проценка?</i></p>	<p>Голем број предмети или измерени вреќички/кутии за учениците да ги најдат масите</p> <p>Ваги за мерење</p>	<p>маса тон килограм грам проценува</p>
---	---	---	---

**47. Маса. Мерење, пресметување и решавање на проблеми**

<p>Цели за час 2 Чита скала на аналогни и дигитални мерни инструменти. Подредува децимални броеви, вклучувајќи мерење и ги претвара во иста мерна единица. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>Активности за час 2</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>☒ Обезбедете поголем број предмети за учениците да ја проценат нивната маса и да ги измерат на голем број ваги за мерење. Учениците одлучуваат за најсоодветната мерна единица која ќе ја користат за мерење на секој предмет.</li> <li>☒ Учениците следат рецепт без печење. Фокусот е ставен на обезбедување на тоа дека учениците прецизно ги мерат масите.</li> <li>☒ Дискутирајте за тоа како аналогните ваги за мерење имаат различни скали за различни намени. Споредете дигитални и аналогни скали. <i>Кој тип на скала преферирате да го читате? Кој мислите дека е најпрецизен? Зашто?</i></li> </ul>	<p>Голем број предмети за мерење</p> <p>Ваги за мерење</p> <p>Рецепт кој вклучува различни тежини</p>	<p>маса скала прецизно грам килограм тон проценува</p> <p>Состојки и кујнски прибор за вашиот избран рецепт</p> <p>Кујнски ваги</p> <p>Поголем број ваги за мерење</p>
--	---	---	--



### 48. Маса. Претворање од една во друга мерна единица

<p><b>Цели за час 3</b></p> <p>Ги знае ознаките и односите меѓу мерните единици и ги претвора една во друга:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- тони (t), килограми (kg) и грами (g)</li> </ul> <p>Заокружува цели броеви на најблиската 10-ка, 100-ка или 1000-ка и децимални броеви, вклучувајќи мерење, до најблискиот цел број или децимален број со едно децимално место.</p> <p>Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.</p>	<p><b>Активности за час 3</b></p> <p>Проверете дека учениците ги знаат кратенките за тони (t), килограми (kg) и грами (g). Исто така, проверете дали учениците се сигурно во своето знаење кога да ги користат овие мерни единици.</p> <p>Ставете лепливо ливче на грбот на секој ученик на кое е запишана маса (на учениците не им е дозволено да знаат што е наведено на нивната лепливи ливчиња). Учениците наоѓаат ученици чии маси на нивните лепливи ливчиња им се еквивалентни. Врз основа на собраниите информации за масата што е запишана на лепливото ливче на нивниот грб, побарајте од ученици-те да предвидат која би можеле да биде масата на нивното лепливо ливче.</p> <p>Користете табела за конвертирање за да ги потсетите учениците како да конвертираат помеѓу t, kg и g. Објаснете дека, пр.</p> $7000 \text{ kg} = 7 \text{ t } 6 \text{ kg} = 6000 \text{ g} \quad 1497 \text{ g} = 1.497 \text{ kg}$ $730 \text{ g} = 0.73 \text{ kg}$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; text-align: center;"> <tr> <td>1000</td> <td>100</td> <td>10</td> <td>1</td> <td>0.1</td> <td>0.01</td> <td>0.001</td> </tr> <tr> <td>T</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>kg</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>g</td> </tr> <tr> <td>7</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td>6</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td>1</td> <td>4</td> <td>9</td> <td>7</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td>7</td> <td>3</td> <td>0</td> </tr> </table> <p>Користете примери од табелата за конверирање за да го резимираат наученото за заокружување до најблиската десетинка или цела единица, пр. Колку е <math>1.497 \text{ kg}</math> до најблискиот килограм? ... до едно децимално место? Зашто? Која цифра ви помага да одлучите?</p>	1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001	T	-	-	kg	-	-	g	7	0	0	0							6							1	4	9	7					7	3	0	<p>Лепливи ливчиња кои покажуваат маса (или парчиња хартија и</p> <p>Празна табела за конвертирање:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; text-align: center;"> <tr> <td>1000</td> <td>100</td> <td>10</td> <td>1</td> <td>0.1</td> <td>0.01</td> <td>0.001</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td>kg</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>	1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001				kg																									<p>маса грам килограм тон конвертира еквивалентен заокружува до најблиската десетинка</p>
1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001																																																																										
T	-	-	kg	-	-	g																																																																										
7	0	0	0																																																																													
			6																																																																													
			1	4	9	7																																																																										
				7	3	0																																																																										
1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001																																																																										
			kg																																																																													

### 49. Решавање на задачи со маса

<p><b>Цели за час 4</b></p> <p>Ги знае ознаките и односите меѓу мерните единици и ги претвора една во друга:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- тони (t), килограми (kg) и грами (g)</li> </ul> <p>Решава текстуални проблеми кои вклучуваат</p>	<p><b>Активности за час 4</b></p> <p>Учениците ги испитуваат шаблоните/моделите кога конвертираат поголема единица за маса во помала и обратно (би можеле да вклучите mg како предизвик), пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- претворање на <math>36t</math> во kg</li> <li>- претворање на <math>0.89\text{kg}</math> во g</li> <li>- претворање на <math>3\text{g}</math> во kg - претворање на <math>4\text{ kg}</math> во t</li> </ul> <p>Што забележувате? Поврзете со множење и делење со 10, 100 и 1000. Исто така забележете дека кога конвертирате во помала единица, бројот ќе биде поголем и кога конвертирате во поголема единица, бројот ќе биде помал.</p>	<p>маса грам килограм тон конвертира</p>
--	---	--



пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.	<p>¶ Претставете им на учениците листа од состојки кои се потребни за поголем проект. Објаснете дека за жал листата е составена од некој кој користел несоодветни мерни единици за маса. Побарајте од учениците да ја корегираат листата.</p> <p>¶ Побарајте од учениците да решаваат текстуални проблеми кои вклучуваат маса, притоа проблемите се со повеќе од еден чекор. На пример: Следам рецепт за торта за кој се потребни 225 g брашно. Печам 3 торти. Доколку имам вреќичка брашно од 1 kg, колку брашно ќе ми остане откако ќе ги направам тортите?</p>	Подготвена листа на состојки кои ќе се користи за проект, вклучувајќи нереални единици за маса	еквивалентен единици
<b>Недела 13</b>			
<p>Цели за час 1 Избира соодветни мерни единици за проценка, мерење, пресметување и решавање на проблеми во секојдневен контекст. Подредува децимални броеви, вклучувајќи мерење и ги претвара во иста мерна единица. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета. Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.</p>	<p><b>Активности за час 1</b> Часовите од 1 до 3 се фокусираат на зафатнина.</p> <p>¶ Прашајте: <i>Каде користиме мерки поврзани со зафатнина? Кои единици ги користитем? Кои други единици ги знаете? Која е најмалата/најголемата единица за зафатнина?</i></p> <p>¶ Дајте на секоја поголема група ученици слики од предмети во кои се чува течност. Побарајте од учениците да ги подредат предметите од оној со најмала зафатнина до оној со најголема зафатнина. <i>Како би можеле да проверите дека сте во право? Која единица би ја користеле за да ја измерите зафатнината на овој предмет?</i></p> <p>¶ Учениците извршуваат соодветни испитувања од секојдневниот живот, пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Доколку капката која капе од една чешма има зафатнина од <math>\frac{1}{4}</math> ml и чешмата тече постојано во времетраење од еден час ... еден ден ... една недела ... еден месец, колку вода би било потрошено?</li> <li>- Можно е да се намали количината на вода која се користи кога пуштате вода од тоалетното казанче доколку ставете тула во казанчето. Колку вода би можело да заштеди една тула при едно пуштање вода? ... 5 пуштања вода? ... 10 пуштања вода? ... 100 пуштања вода?</li> </ul>	<p>Слики од предмети во кои става вода (една слика за секој ученик во групата), пр. када, базен, чаша, шолја, езерце/базен за морски лавови, тоалетно казанче. Тула и линијар, или димензиите на тулатата (пр. 230 mm, 110 mm, 76 mm)</p>	затворена литар милилитар



## 51. Зафатнина. Мерење. Пресметување и решавање на проблеми

Цели за час 2 Чита скала на аналогни и дигитални мерни инструменти. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.	Активности за час 2 ¶ Учениците играат „Голф со мерење“. Обезбедете шишиња и садови со различни зафатнини. Учениците ја проценуваат, а потоа ја мерат зафатнината со употреба на мензури или цилиндри. Тие водат евиденција за разликата помеѓу нивната проценка и реалната зафатнина. Победник е ученикот со најмалата разлика (или вкупна разлика) после пет обиди. ¶ Учениците дизајнираат и пробуваат овошни коктели, правејќи свои мешавини со употреба на внимателно-измерени количини. Направете книга со рецептни на паралелката за да ги пренесете рецептите на семејства или други паралелки за и тие да ги пробаат. ¶ Дискутирајте како различна опрема за мерење зафатнина може да изгледа несоодветно. <i>Зошто мислите дека нешто што е повисоко и потесно може да изгледа дека собира повеќе? Како може да проверите што има најголема зафатнина? Како би можеле да демонстрирате дека една кафена лажичка собира 5 ml?</i>	Шишиња и други садови за течности Мензури / цилиндри. Пристап до вода.	зафатнина скала прецизно литар милилитар проценува мери
---	---	--	---

## 52. Зафатнина. Претворање од една во друга мерна единица

Цели за час 3 Ги знае ознаките и односите меѓу мерните единици и ги претвора една во друга: - литри (l) и милилитри (ml). Заокружува цели броеви на најблиската 10-ка, 100-ка или 1000-ка и децимални броеви, вклучувајќи мерење, до најблискиот цел број или	Активности за час 3 ¶ Проверете дали учениците ги знаат кратенките за литри (l) и милилитри (ml). Исто така проверете дека учениците се сигурни во своето знаење кога да користат секоја од овие мерни единици. ¶ Дајте им на учениците повеќе видови опрема за мерење на зафатнината. Побарајте од нив да пресметаат еквивалентни количини, пр. <i>Колку кафени лажички има во еден литар?</i> Охрабрете поголем број стратегии за наоѓање на одговорите. ¶ Потсетете ги учениците за табелите за конвертирање на мерните единици за должина и маса. Како би изгледала една табела за зафатнина? Предизвикајте ги учениците меѓусебно да си постават прашања кои се однесуваат на конвертирање на мерните единици за маса. ¶ Резимирајте го наученото за заокружување до најблиската десетинка или цела единица, пр. <i>Колку е 0.541 литри до најблиски-от литар? ... до едно децимално</i>	Мерна опрема како што се мерни лажички, чаши, мензури и цилиндри  Празна tabela за конвертирање:	зафатнина единица милилитар литар коверира еквивалентен заокружува до најблиската десетинка заокружува до едно децимално место заокружува до најблиската единица
--	---	--	--



децимален број со едно децимално место. .	место? Зашто? Која цифра ви помага да одлучите?	<table border="1"> <tr><td>1000</td><td>100</td><td>10</td><td>1</td><td>0.1</td><td>0.01</td><td>0.001</td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>	1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001																																				
1000	100	10	1	0.1	0.01	0.001																																							

### 53. Решавање на задачи со должина, маса и зафатнина

Цели за час 4 Ги знае ознаките и односите меѓу мерните единици и ги претвора една во друга: - километри (km), метри (m), центиметри (cm), миллиметри (mm) - тони (t), килограми (kg) и грами (g) - литри (l) и милилитри (ml). Решава текстуални проблеми кои вклучуваат пресметувања со цели броеви, дропки, проценти, децимални броеви, пари или мерки, вклучувајќи ги и проблемите со повеќе од еден чекор.	Активности за час 4 Фокусот на овај час е да се повторат сите мерни единици од неделите 11, 12 и 13. Може да изберете да се фокусирате на еден специфичен аспект од кој учениците ќе имаат придобивка за некоја понатамошна лекција. Учениците ги вежбаат шаблоните/ моделите кои ги забележале при конвертирање при поголем број мерења. Тие изработуваат постер од она што го имаат научено за конвертирањето при различни ме-рења. Учениците составуваат свои текстуални проблеми вклучувајќи мерења за другите ученици да ги решат, вклучувајќи притоа проблеми со повеќе од еден чекор. <i>Како одлучувате како да го решите проблемот? Како инаку би можеле да го решите проблемот? Дали вашата стратегија беше најефикасна?</i>	Големи листови хартија Боички	Должина, маса зафатнина метар, килограм литар конвертира еквивалентна единица
---	---	----------------------------------	---

### Недела 14

Цели за час 1 Евидентира и објаснува методи, резултати и заклучоци	Активности за час 1 Задачи подготвени од страна на наставникот за повторување на содржините кои се изучиле во темата		
---	---	--	--



55. Втора писмена работа			
Цели за час 2 Проверка на стекнатите знаења и вештини	Активности за час 2 Ученикот работи смостојно, решава зададени задачи кои претходно се подгответи од страна на натавникот		
56. Анализа на втора писмена работа			
Цели за час 3 Анализа на тестот за стекнатите знаења и вештини	Активности за час 3 Се анализираат решенијата на задачите од тестот од претходниот час, се дава упатство за најчестите грешки		

### Единица 1Д: Работа со податоци и решавање проблеми

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 15			

### 57. Цртање и толкување столбест дијаграм

Цели за час 1 Црта и толкува: столбести дијаграми; дијаграми на фреквенција за групирани дискретни податоци; секторски дијаграми; пиктограми. Црта прецизни математички дијаграми и графици. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви,	Активности за час 1 <ul style="list-style-type: none"> <li>■ Дискутирајте зошто работата со податоци е особено важна во денешното општество. Истакнете дека оваа недела учениците ќе разгледаат голем број начини на претставување податоци и ќе вежбаат цртање и толкување на различни дијаграми.</li> <li>■ Покажете им на учениците повеќе столбести дијаграми. За која намена може да се користат и што може да претставуваат столбестите дијаграми? Што е слично ... различно за двата типа дијаграми? Составете листа за пот-сетување на општите закономерности поврзани со столбестите дијаграми, како што е наслов, ознаки на оските и соодветна скала.</li> <li>■ Учениците работат во парови. На секој пар дајте им повеќе столбести дијаграми, кон не ги следат општите закономерности. Побарајте од учениците да ги критикуваат дијаграмите и да наведат како би можноло да се подобрят.</li> <li>■ Дајте им на учениците група на податоци и побарајте од нив да нацртат столбест дијаграм за да ги престават податоците. Учениците потоа го толкуваат дијаграмот. (Забелешка: Цртањето со примена на софтвер го забрзува процесот на цртање на</li> </ul>	Повеќе примери на столбести дијаграми кои ги следат општите закономерности. (Би можеле да пребарате примери на интернет. За оваа активност користете дијаграми кои се правилно изработени и прикажуваат точни општи закономерности. Зачувайте ги неточните примери за втората задача.) Повеќе примери на	столбест дијаграм оски законитост толкува
---	--	--	---



<p>символи, зборови, дијаграми, табели и графици. Евидентира и објаснува методи, резултати и заклучоци.</p>	<p>дијаграмот и остава време за учениците да го толкуваат дијаграмот, што е фокус на часот.) Прашања кои се однесуваат на толкувањето би можеле да го вклучуваат следно: <i>Кој е најчест /најпопуларен ...? Која е разликата помеѓу најпопуларен и најмалку популарен ...? Зошто мислите дека има разлика помеѓу ...?</i></p>	<p>столбести дијаграми кои <b>не ги</b> следат општите закономерности. Би можеле да искористите претходни примери на учениците, дијаграми кои ги имате создадено или неточни примери од интернет Претходно собрани конечен број на податоци. Основен создавач на столбести дијаграми е достапен на:  <a href="http://nces.ed.gov/nceskids/createAgraph/">http://nces.ed.gov/nceskids/createAgraph/</a> и покомплексен создавач на столбести дијаграми е достапен на:  <a href="http://www.chartgo.com/">http://www.chartgo.com/</a>Альтернативно обезбедете хартија со квадратчиња и линијари</p>	
---	--	---	--

### 58. Цртање и толкување пиктограм

<p>Цели за час 2 Црта и толкува: столбести дијаграми; дијаграми на фреквенција за групирани дискретни податоци; секторски дијаграми; пиктограми.. Црта прецизни</p>	<p>Активности за час 2 Фокусот на овај час се пиктограмите.  <b>¶</b> Покажете поголем број пиктограми. За која намена може да се користат и што може да претставуваат пиктограмите? Што е слично ... различно за различните пиктограми? Составете листа за потсетување на општите закономерности поврзани со пиктограмите, како што е наслов и користење на соодветна легенда.  <b>¶</b> Учениците работат во парови. На секој пар дадете им повеќе пиктограми кон не ги следат општите закономерности. Побарајте од учениците да ги критикуваат</p>	<p>Повеќе примери на пиктограми кои ги следат општите закономерности. (Би можеле да преバラрате примери на интернет. За оваа активност користете пиктограми кои се</p>	<p>пиктограм легенда законитост толкува</p>
---	---	--	---



математички дијаграми и графици	<p>пиктограмите и да наведат како би можело да се подобрят.</p> <p>Дајте им на учениците група на податоци и побарајте од нив да нацртаат пиктограм за да ги престават податоците. Учениците потоа го толкуваат пиктограмот.</p> <p>(Забелешка: Цртањето со примена на софтвер го забрзува процесот на цртање на пиктограм и остава време за учениците да го толкуваат пиктограмот, што е во фокусот на часот.)</p> <p>Како ја избравте вашата легенда?</p> <p>Прашања кои се однесуваат на толкувањето би можеле да го вклучат следното: <i>Кој е најчест /најпопуларен ...? Која е разликата помеѓу најпопуларен и најмалку популарен ...?</i></p>	<p>правилно изработени и прикажуваат точни општи закономерности. Зачувайте ги неточните примери за втората задача.) Повеќе примери на пиктограми кои <b>не ги</b> следат општите закономерности. Би можеле да искористите претходни примери на пиктограми изработени од учениците, пиктограми на измислено однесувањето на реални објекти кои ги имате создадено или неточни примери од интернет</p> <p>Претходно собрани конечен број на податоци Основен изработувач на пиктограми каде што може да се промени квалитетот на сликата и склата е достапен на:</p> <p><a href="http://www.softschools.com/math/data_analysis/pictograph/make_your_own_pictograph/">http://www.softschools.com/math/data_analysis/pictograph/make_your_own_pictograph/</a></p> <p>Алтернативно обезбедете</p>	
---------------------------------	--	--	--



		претходно испечатени слики, ножички и лепак	
<b>59. Цртање и толкување секторски дијаграм</b>			
Цели за час 3 Црта и толкува: столбести дијаграми; дијаграми на фреквенција за групирани дискретни податоци; секторски дијаграми; пиктограми.. Црта прецизни математички дијаграми и графици.	<p>Активности за час 3 Фокусот на овај час се секторските дијаграми.</p> <p>■ Покажете им на учениците поголем број секторски дијаграми. Поставете прашања за специфични секторски дијаграми, пр. <i>Кои информации ни ги кажува овој секторски дијаграм? Како? Кој е најчест /најпопуларен? Како знаете?</i></p> <p>Потоа поставете поопшти прашања, пр. <i>Како се претставени информациите во секторски дијаграми? Што е слично ... различно за различните секторски дијаграми?</i></p> <p><i>Поврзете со работата со процен-ти ученото порано во полугодието. Дискутирајте како податоците дадени во проценти може да бидат покорисни од податоците дадени со броеви.</i></p> <p>Составете листа на факти поврзани со секторски дијаграми како што се наслов, означени сектори (или легенда) и додавање % на секој сектор доколку е потребно.</p> <p>■ На парови од ученици дадете им повеќе секторски дијаграми кон не ги следат општите закономерности. Побарајте од учениците да ги критикуваат секторските дијаграми и да објаснат како би можело да се подобрят.</p> <p>■ Дајте им на учениците група од едноставни податоци и побарајте од нив да ги претстават со секторски дијаграм. Учениците потоа го толкуваат секторскиот дијаграм. Демонстрирајте им го на учениците цртањето на секторски дијаграм, бидејќи ова е прв пат кога тие го изучуваат цртањето секторски дијаграми. (Забелешка: Цртањето на секторски дијаграм со примена на софтвер го забрзува процесот и остава време за учениците да го толкуваат секторскиот дијаграм, што е важен фокус за оваа лекција.) Прашања кои се однесуваат на толкувањето на секторскиот дијаграм би можеле да го вклучуваат следното: <i>Кој е најчест /најпопуларен ...? Која дропка од ... е ...?</i></p>	<p>Повеќе примери на секторски дијаграми кои ги следат општите закономерности. (Би можеле да пребарате примери на интернет. За оваа активност користете секторски дијаграми кои се правилно изработени и прикажуваат точни општи закономерности. Зачувайте ги неточните примери за втората задача.)</p> <p>Повеќе примери на секторски дијаграми кои <b>не ги</b> следат општите закономерности. Би можеле да искористите претходни примери изработени од учениците, секторски</p>	секторски дијаграм црта законитост дел од целина толкува

		<p>дијаграми кои ги имате изработено или неточни примери од интернет.</p> <p>Претходно собран конечен број на податоци</p> <p>Основен создавач на секторски дијаграми е достапен на:</p> <p><a href="http://nces.ed.gov/nceskids/createAgraph/">http://nces.ed.gov/nceskids/createAgraph/</a></p> <p>и покомплексен создавач на секторски дијаграми е достапен на:</p> <p><a href="http://www.chartgo.com/">http://www.chartgo.com/</a></p>	
--	--	---	--

#### 60. Дијаграми на фреквенција за групирани дискретни податоци

Цели за час 4 Црта и толкува: столбести дијаграми; дијаграми на фреквенција за групирани дискретни податоци; секторски дијаграми; пиктограми.. Црта прецизни математички дијаграми и графици. Идентификува и	Активности за час 4 Фокусот на овај час се дијаграмите на фреквенција за групирани дискретни податоци. ■ Покажете поголем број дијаграми на фреквенција за групирани дискретни податоци. Тие треба да вклучуваат столбести дијаграми, секторски дијаграми и пиктограми. За која намена може да се користат и што може да претставуваат дијаграмите на фреквенција? Што е слично ... различно за различните дијаграми на фреквенција? Зашто се групирани податоците? Како поинаку би можело да се групираат податоците? Составете листа за потсетување на општите закономерности поврзани со дијаграмите на фреквенција, како што е: наслов, еднакво групирање на податоци, означени оски и соодветна скала. ■ На групи од ученици покажете им повеќе дијаграми на фреквенција, кон не ги	Повеќе примери на дијаграми за фреквенција, кои ги следат општите закономерности. Тие би можеле да го вклучуваат следното: столбести дијаграми, секторски дијаграми и пиктограми. (Би можеле да пребарате примери на интернет.	дијаграм на фреквенција групирани податоци столбест дијаграм пиктограм секторски дијаграм
---	---	--	---



<p>претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.</p> <p>Евидентира и објаснува методи, резултати и заклучоци.</p>	<p>следат општите закономерности. Побарајте од учениците да ги критикуваат дијаграмите и да наведат како би можело да се подобрят.</p> <p>Дајте им на учениците од необработени податоци и побарајте од нив да нацртат групирана tabela на фреквенција. Согласно табелата, учениците цртаат дијаграм на фреквенција за да ги претстават податоците. Потоа учениците го толкуваат нивниот дијаграм.</p> <p><i>Како ги избравте ваши групирања? Како одлучувате кој дијаграм да го користите?</i></p>	<p>За оваа активност користете дијаграми кои се правилно изработени и прикажуваат точни општи закономерности. Зачујте ги неточните примери за втората задача.)</p> <p>Повеќе примери на дијаграми на фреквенција кои <b>не ги</b> следат општите закономерности. Тие би можеле да го вклучуваат следното: столбести дијаграми, секторски дијаграми и пиктограми.</p> <p>Претходно собрана група на дискретни податоци, кои може да се групираат. Вклучете податоци кои најдобро се претставуваат со употреба на секторски дијаграм за да ги поддржите учениците во консолидирање на нивното разбирање на секторски дијаграми.</p>	
<b>Недела 16</b>			
<b>61. Пресметува аритметичка средина од едноставни табели на фреквенции</b>			
Цели за час 1	Активности за час 1	Едноставни табели	аритметичка средина



<p>Пресметува аритметичка средина, вклучувајќи и од едноставни табели на фреквенции. Споредува две множества податоци користејќи две или повеќе од мерките ранг, аритметичка средина, медијана или мода. Користи логички следства и изведува заклучоци.</p>	<p>¶ Објаснете дека размислувате да одите на одмор во јули, но не сте сигурни каде да одите. Имате неколку можни дестинации и сакате помош од учениците при изборот. Дајте му на секој ученик табела на фреквенција која покажува температура за 31 ден од претходниот јули на различна дестинација. Поттикнете ги учениците да наведат како тие би можеле да ги анализираат податоците. Повторете ја дефиницијата за „аритметичка средина“ и како се пресметува. Учениците ја наоѓаат аритметичката средината на температурите на нивните дестинации.  <i>Што ви кажува вашата аритметичката средина?</i>  Групите ги споделуваат нивните средини за . <i>Која дестинација за одмор мислите дека би била најдобра? Зошто?</i></p> <p>¶ Учениците фрлаат коцка за да подготват табела на фреквенција и да го најдат значењето на фрлени броеви.  ¶ Учениците работат во парови за меѓусебно да си ги измерат висините за да формираат група од податоци за паралелката. Потоа учениците ја наоѓаат аритметичката средината на висината на сите ученици во паралелката. Може да се користат калкулатори како помош во пресметувањето.  <i>Што ви кажуваат аритметичката средината за висините на учениците?</i>  ¶ Учениците создаваат табели за да најдат средина.</p>	<p>на фреквенции кои ги прикажуваат температурите во јули на различни дестинации за летен одмор</p> <p>Коцка</p> <p>Метро или линијари од еден метар</p> <p>Калкулатори</p> <p>Софтвер со табели</p>	<p>просек табела на фреквенција податоци статистика</p>
---	--	--	---

## 62. Аритметичка средина, Ранг. Мода и Медијана

<p>Цели за час 2 Наоѓа мода (или модална класа за групирани податоци), медијана и ранг. Споредува две множества податоци користејќи две или повеќе од мерките ранг, аритметичка средина, медијана или мода. Користи логички следства и изведува заклучоци</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>¶ Во групи, учениците ги споредуваат температурите на можни дестинации за летен одмор со анализирање на рангот, модата и медијаната. <i>Зошто е корисно да се знае рангот ... модата ... на температурите? Која дестинација би ми ја препорачале врз основа на сите статистики? Зошто?</i></p> <p>¶ Учениците ги наоѓаат аритметичката средината, медијаната, модата и рангот на голем број различни групи од податоци.  <i>Што ви кажуваат аритметичката средина ... медијаната ... модата ... рангот во контекст на овие податоци?</i></p>	<p>Едноставни табели на фреквенции кои ги прикажуваат температурите во јули на различни дестинации за летен одмор.</p> <p>Претходно подгответни множества податоци</p> <p>Активности кои се засноваат на аритметичка средина, медијана, мода и ранг се</p>	<p>просек мода медијана аритметичка средина податоци статистика</p>
---	--	--	---



		<p>достапни на:  <a href="http://www.bbc.co.uk/schools/teachers/k_s2_activities/mathss/activities/modemedianmean.swf">http://www.bbc.co.uk/schools/teachers/k_s2_activities/mathss/activities/modemedianmean.swf</a></p>	
<b>63. Споредување на две множества податоци користејќи ранг, аритметичка средина, медијана или мода</b>			
Цели за час 3 Наоѓа мода (или модална класа за групирани податоци), медијана и ранг.  Споредува две множества податоци користејќи две или повеќе од мерките ранг, аритметичка средина, медијана или мода.  Користи логички следства и изведува заклучоци.	<p>Активности за час 3</p> <p>☒ Во парови, учениците ги испитуваат следните проблеми:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Томас извлекол 1, 8, 5 и 2 од комплет карти. Средината е 4. Влече уште една карта и средината сè уште е 4. Која карта ја извлекол?</li> <li>- Адам има извлечено пет карти</li> </ul> <p>Шесте карти имаат средина 10 и ранг 6. Кои се броевите на другите две карти?</p> <p>☒ Во парови, учениците ја споредуваат аритметичката средината, медијаната, модата и рангот за времетраења на патување со користење на распореди за патување (возен ред). Тие ги користат своите наоди за да ја изберат најдобрата опција за транспорт.</p> <p><i>Како одлучувате? Која статистика најмногу ви помогна? Зашто?</i></p> <p>☒ Учениците користат статистика за да анализираат податоци поврзани со прашања кои се однесуваат на животната средина, пр. тие би можеле да ги споредат поновите податоци за поплави или врнеки со оние од пред 50 години.</p> <p><i>Што ви кажува аритметичката средината ... медијаната ... модата ... рангот за овие податоци?</i></p>	Различни распореди за патување (возен ред) за транспорт до одредена дестинација	просек мода медијана аритметичка средина податоци статистика
<b>64. Изведување на заклучоци врз основа на дијаграм и едноставна статистика</b>			
Цели за час 4	<p>Активности за час 4</p> <p>☒ Во групи, учениците создаваат дијаграми/графици на температури-те, врнеки и часови на сончеви периоди во различни туристички дестинации. <i>Како одлучувате кои тип на дијаграм/график да го користите?</i> Тие избираат дестинација врз основа на нивните графици и дијаграми и го оправдуваат својот избор</p>	Едноставни табели на фреквенција кои ги прикажуваат температурите во јули, врнеки и часови на сончеви периоди од различни туристички	оправдува анализира заклучок статистика

		дестинации.	
Недела 17			
<b>65. Полугодишен тест</b>			
Цели за час 1 Примена на стекнатите знаења и вештини	Активности за час 1 Ученикот работи смостојно, решава зададени задачи кои претходно се подгответи од страна на натавникот		
<b>66. Анализа на тестот и оценување на учениците</b>			
Цели за час 2 Идентификување и посочување на направените грешки при решавање на понудените задачи	Активности за час 2 Се анализираат решенијата на задачите од тестот од претходниот час, се дава упатство за најчестите грешки		

## ВТОРО ПОЛУГОДИЕ

### Единица 2А: Број и решавање проблеми

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 1			
<b>67. Претворање на дропка во децимален број, децимален број во дропка</b>			
Цели за час 1 Препознава еднаквост на најчесто користени дропки, децимални броеви и проценти.	Активности за час 1 <input type="checkbox"/> Во парови, учениците користат хартија, карта и сметалки за да направат визуелни прикази на дропки. <input type="checkbox"/> Прикажете табела од месна вредност вклучувајќи колони со наслов за десетинки и стотинки. Прашајте, пр. <i>Кој децимален број е една десетикна и пет стотинки?</i>	Хартија, карта и сметалки. Голема табела за месна вредност која вклучува	дропка децимален број процент еквивалентен конвертира



<p>Упростува дропки со кратење на заедничките делители и идентификува еднакви дропки; претвара неправилна дропка во мешан број и обратно; претвора децимален број во дропка, на пример <math>0.23 = \frac{23}{100}</math>.</p> <p>Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.</p>	<p><i>Колку стотинки вреди цифрата 6 во <math>23.56? \dots 73.69?</math> Резимирајте го наученото за конвертирање (претвора) децимални броеви во дропки, со прашување, пр. <i>Која дропка е дропката запишана како децимален број <math>0.7? \dots 0.56?</math> Зошто?</i></i></p> <p>Учениците одредуваат проценти како делови од 100 со боење на табели 10 на 10. <i>Колкав дел (дропка) од целото е тоа? Колкав децимален број е тоа? Зошто?</i> свртена надолу. Птоа тие еден по еден превртуваат две карти. Доколку се соодветни, ученикот го задржува тој пар, објаснува како знае дека тие се пар и потоа повторно отвара друг пар. Доколку картите не се совпаѓаат, ги враќа на своите места со лицето свртено надолу. Победник е ученикот кој ќе собере најмногу парови.</p>	<p>колони за десетинки и стотинки Табели 10 на 10 може да се преземат од: <a href="https://www.nsa.gov/academia_files/coll ected_learning/elem entary/patterns/rep eating_patterns_3.pdf">https://www.nsa.gov/academia_files/coll ected_learning/elem entary/patterns/rep eating_patterns_3.pdf</a></p> <p>Активност со бројна права за еквивалентност е достапна на: . <a href="http://www.ictgame s.com/equivalence.html">http://www.ictgame s.com/equivalence.html</a></p>	
--	---	---	--

### 68. Претворање на дропка во процент и децимален број

<p>Цели за час 2 Препознава еднаквост на најчесто користени дропки, децимални броеви и проценти. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилна употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и</p>	<p>Активности за час 2 Во парови, учениците препознаваат еднаквост на дропки, децимални броеви и проценти. Дајте им на учениците карта на која е прикажана дропка, децимален број или процент. Птоа побарајте од нив да ги најдат другите две карти кои се соодветни на негивата, пр. <i>1/4, 0.25, 25%. Како знаете дека вашиите три броја се еквивалентни?</i> Учениците играат домино со препознавање на еднаквост на дропки, децимални броеви и проценти во парови. (Секој ученик зема шест домина. Еден по еден ставаат домино така што тоа се спојува со домино кое е веќе поставено и е соодветни со едниот дел.. Кога учениците немаат домино кое се совпаѓа, тие подигнуваат ново домино од комплетот додека да добијат такво кое се совпаѓа. Победник е ученикот кој прв ќе ги постави сите свои домина).</p>	<p>Карти, од кои секоја прикажува дропка, децимален број или процент кои најчесто се користат. Корисна онлајн алатка за преглед на еквивалентност на дропки, децимали и проценти е достапна на: <a href="http://mathszone.web space.virginmedia.com /mw/other/Number/fr actions/frac%20dec%2">http://mathszone.web space.virginmedia.com /mw/other/Number/fr actions/frac%20dec%2</a></p>	<p>дропка децимален број процент еквивалентен конвертира</p>
--	---	---	--



графици.	<p>¶ Учениците играат онлајн игри за да вежбаат наоѓање на еквивалентни дропки, децимали и проценти.</p>	<p><a href="#">Opercent/FDP%20contents.html</a></p> <p>Комплет домино може да се испечати од: <a href="http://www.helpingwithmath.com/printables/others/6rp1Fraction-Dominoes0.htm">http://www.helpingwithmath.com/printables/others/6rp1Fraction-Dominoes0.htm</a></p> <p>Игра за еквивалентност на дропки-децимални броеви е достапна на: <a href="http://www.bsquaredfuture.com/pluginfile.php/209/mod_resource/content/1/para002c.swf">http://www.bsquaredfuture.com/pluginfile.php/209/mod_resource/content/1/para002c.swf</a></p> <p>Игра со совпаѓање е достапна на: <a href="http://www.interactivestuff.org/match/maker.phtml?featured=1&amp;id=8">http://www.interactivestuff.org/match/maker.phtml?featured=1&amp;id=8</a></p> <p>Кликнете на стрелката „Ready to play (Подгответо да почне)“ за почеток. Кликнувајте на две карти секој пат, обидувајќи се да изберете пар кој се совпаѓа</p>	
----------	--	---	--

#### 69. Еквивалентни дропки. Кратење дропки

Цели за час 3 Упростува дропки со кратење на заедничките делители и идентификува	Активности за час 3 Фокусот на овај час е упростувањето дропки. ¶ Со употреба на веб-страницата на Fractions Lab, создавајте дропки како дијаграми и користете ги за истражување на еквивалентни на дропки:	<a href="http://fractionslab.lk.lac.uk/">http://fractionslab.lk.lac.uk/</a>	крати конвертира поедноставува најниски членови
---	---	---	---



<p>еднакви дропки; претвара неправилна дропка во мешан број и обратно; претвора децимален број во дропка, на пример <math>0.23 =</math> <math>23/100</math>. Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Кликнете на зеленото копче 'Student Launch (Ученик - почеток)' во горниот дел.</li> <li>- Кликнете на икона на десната страна за да го изберете типот на дијаграм.</li> <li>- Застанете и кликнете ги стрелките до именителот и броителот за да формирате дропка.</li> <li>- Со десен клик на вашиот дијаграм изберете ја опцијата 'Find Equivalent (Најди еквивалент)'.</li> <li>- Застанете и кликнете ги стрелките до бројот '1' за да се види како се менува дијаграмот за да имате еквивалентни дропки.</li> </ul> <p><i>Како се менува дијаграмот кога се одредуваат еквивалентни дропки? Зашто?</i></p> <p><i>Како можеме да ги упростиме дропките? Колку е во нејзината наједноставна форма? Како можете да нацртате слика за да го представите дропката?</i></p> <p>□ Демонстрирајте како да најдете заеднички делители за да ја најдете нескратливата форма на дропка, пр. <math>24/6 \times 2/2 = 4/3</math></p> <p><i>Кои се содржателите на броителот ... именителот? Кои се заедничките делители? Зашто можете да ги скратите заедничките делители?</i></p> <p>Дајте им на учениците други примери кои самите ќе ги пробаат.</p> <p>□ Учениците користат онлајн игри за да го консолидираат нивното разбирање на упростувањето на дропките.</p>	<p>Активност која вклучува упростување дропки е достапна на:</p> <p><a href="http://www.mathplayground.com/fractions_reduce.html">http://www.mathplayground.com/fractions_reduce.html</a></p> <p>Игри со дропки се достапни на:</p> <p><a href="http://www.sheppardsoftware.com/mathgames/fractions/mathman_reduce_fractions.htm">http://www.sheppardsoftware.com/mathgames/fractions/mathman_reduce_fractions.htm</a></p> <p><a href="http://www.math-play.com/simplifying-fractions-game/simplifying-fractions-game.html">http://www.math-play.com/simplifying-fractions-game/simplifying-fractions-game.html</a></p> <p><a href="http://www.what2learn.com/home/exam/games/maths/simplifying3/">http://www.what2learn.com/home/exam/games/maths/simplifying3/</a></p>	<p>упростена форма броител именител (заеднички) делител</p>
---	--	--	---

#### 70. Претворање на неправилни дропки во мешан број

<p>Цели за час 4 Упростува дропки со кратење на заедничките</p>	<p>Активности за час 4 Фокусот на овај час е претворање на неправилните дропки во мешани броеви и обратно.</p>	<p><a href="http://www.visualfractions.com/MixedtoFractions/mixedtofrCircles.html">http://www.visualfractions.com/MixedtoFractions/mixedtofrCircles.html</a></p>	<p>откажува претвора (конвертира) мешан број</p>
---	--	--	--



<p>делители и идентификува еднакви дропки; претвара неправилна дропка во мешан број и обратно; претвора десимален број во дропка, на пример <math>0.23 = \frac{23}{100}</math>. Проверува резултати од пресметувања со користење на инверзни операции.</p>	<p>¶ Повторете го наученото за тоа како да претворите мешани броеви во неправилни дропки. Веб-сајтот би можел да се користи за поддршка на дискусијата. <i>Кoj e бројот на цели делови од мешаниот број? Како можеме да го запишеме со делот записан како дропка?</i></p> <p>Со помош на учениците, демонстрирајте како да претворате неправилни дропки како мешани броеви.</p> <p>¶ Учениците играат игра со спо-јување (совпаѓање) на неправилни дропки со еквивалентните мешани броеви. Секоја мала група има комплет од карти. Тие ги распоредуваат картите со лицето свртено надолу на масата. Учениците еден по еден превртуваат две карти. Доколку двете карти се совпаѓаат, тие ги задржуваат и уште еднаш превртуваат други. Доколку двете карти не се совпаѓаат, играта ја продолжува следниот играч. Победник е ученикот кој ќе собере најмногу карти.</p> <p>¶ Учениците користат онлајн игри за да го консолидираат нивното разбирање на запишување на неправилните дропки во мешани броеви и обратно.</p>	<p>Кликнете „START (СТАРТ)“ во горниот дел за почеток. Внесете ги броителот и именителот и „OK“ за проверка на одговори, потоа кликнете „NEW EXAMPLE (НОВ ПРИМЕР)“ за да ги прикажете следните примери. Карти на кои се неправилни неправилни дропки и карти на кои се дадени нивното мешани броеви во кои може да се претворат. Учениците би можеле да го проверат своето разбирање за неправилни дропки на:</p> <p><a href="https://www.studyladder.co.uk/games/activity/converting-improper-fractions-to-mixed-numbers-4512?lc_set=">https://www.studyladder.co.uk/games/activity/converting-improper-fractions-to-mixed-numbers-4512?lc_set=</a></p> <p>Игри се достапни на:</p> <p><a href="http://www.mathplayground.com/fractions_improper.html">http://www.mathplayground.com/fractions_improper.html</a></p> <p><a href="http://www.sheppardsoftware.com/mathgames/fractions/mathman_improper_fractions.htm">http://www.sheppardsoftware.com/mathgames/fractions/mathman_improper_fractions.htm</a></p>	<p>правилна дропка неправилни дропки</p>
--	---	--	--



Недела 2	71. Споредување на дропки		
Цели за час 1 Споредува две дропки со користење на дијаграми, или со користење на калкулатор за претворање на дропки во децимални броеви, на пример. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици	<p>Активности за час 1</p> <p>¶ Во парови, учениците дискутираат како да цртаат дијаграми за да споредуваат парови на дадени дропки. Дискутирајте, со употреба на веб-сајтот за поддршка.</p> <p>¶ Користете ја веб-страницата на Fractions Lab за да прикажете споредба на дропки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Кликнете на зелената опција во горниот дел 'Student Launch (Ученик – почеток)'.</li> <li>- Кликнете на иконата на десната страна за да го изберете типот на дијаграм.</li> <li>- Застанете и кликнете ги стрелките до именителот и броителот за да формирате дропка.</li> <li>- Повторете ги чекорите за да формирате различни дропки</li> <li>- Кликнете на копчето на вагата во горниот дел.</li> <li>- Повлечете ги дропките кон кутиите за да ги споредите.</li> </ul> <p><i>Која е најголема дропка? Зашто? Како помагаат дијаграмите?</i></p> <p>¶ Дајте им на учениците правоаголници 4 на 5 поделени на квадрати. Побарајте од нив да обожават (да иштрафираат) од еден правоаголник и . Која дропка е поголема, или ? Објаснете дека со употреба на правоаголникот, ефективно ги конвертирате (донесувате) дропките до ист именител што ги прави полесни за споредување. Учениците користат правоаголници 4 на 5 за да споредуваат други дропки со именители 2, 4, 5 и 10.</p>	<p><a href="http://www.webmath.com/k8cf.html">http://www.webmath.com/k8cf.html</a></p> <p>Впишете ги двете дропки и кликнете ги оние за кои веб-сајтот ќе даде одговор со употреба на дијаграми за поддршка</p> <p><a href="http://fractionslab.lk.lac.uk/">http://fractionslab.lk.lac.uk/</a></p> <p>4 на 5 правоаголници поделени на 20 квадрати</p>	претвора (конвертира) споредува поголемо помало
Цели за час 2 Споредува две дропки со користење на дијаграми, или со користење на калкулатор за претворање на дропки во децимални броеви, на пример. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви,	<p>Активности за час 2</p> <p>¶ <i>Што е поголемо, или ? Зашто?</i> Дискутирајте за стратегиите, пр. претворање на двете дропки во дваесетинки. Објаснете дека исто така можете да користите запишување на дропката како децимален број за споредување:</p> $\frac{3}{4} = 0.75 \text{ и } \frac{4}{5} = 0.8$ <p><math>\frac{4}{5} = 0.8</math> е поголемо од <math>= 0.75</math>.</p> <p>¶ Учениците предвидуваат кој број бил поделен со 10, 100 или 1000 за да добијат различни децимални броеви, пр. 0.23. Тие проверуваат со употреба на калкулатор. <i>На која дропка е еквивалентен децимал-ниот број 0.23? Како можете да користите калкулатор за конвертирање дропки во децимални броеви?</i></p> <p>¶ Учениците работат во групи од по четири ученика. Еден ученик прикажува две карти со дропка. Другите три ученика ја кажуваат дропката за која мислат дека е најголема (или најмала, во зависност од изборот кој е однапред направен). Проверуваат со</p>	<p>Активноста за вежбање претворање на дропки во децимали е достапна на:</p> <p><a href="http://mathszone.ebspace.virginmedia.com/mw/decimals/tenths-hundredths.swf">http://mathszone.ebspace.virginmedia.com/mw/decimals/tenths-hundredths.swf</a></p>	претвора (конвертира) споредува дропки децимален број



символи, зборови, дијаграми, табели и графици.	употре-ба на калкулатор. Најбрзиот ученик ги добива картите и е следен кој ќе влече две карти. Победник е ученикот со најмногу карти. Учениците споредуваат две дропки со употреба на онлајн табела. Таа демонстрира споредба со употреба на еквивалентни проценти	Карти со дропки Калкулатори  <a href="http://www.mrbartoonmaths.com/resources/keystage3/numbers/Equivalent%20F,D,P.xls">http://www.mrbartoonmaths.com/resources/keystage3/numbers/Equivalent%20F,D,P.xls</a>	
--	---	---	--

**73. Подредување на дропки**

Цели за час 3 Споредува две дропки со користење на дијаграми, или со користење на калкулатор за претворање на дропки во децимални броеви, Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, символи, зборови, дијаграми, табели и графици.	Активности за час 3 Учениците ставаат комплет од карти со дропки по редослед според големината. Тие може да нацртаат дијаграми или да користат калкулатор каде што е потребно. <i>Како знаете која од овие две дропки е поголема? Дали нацртавте дијаграм за да одлучите? Дали требаше да користите калкулатор?</i>  Учениците користат онлајн активности за да го консолидираат нивното разбирање на споредување и подредување на дропки.	Комплети од карти, на секоја запишана е дропка. Притоа вклучете некои дропки за кои учениците ќе треба да употребат калкулатор за споредување. Активности се достапни на: <a href="http://www.topmarks.co.uk/Flash.aspx?b=maths/fractions">http://www.topmarks.co.uk/Flash.aspx?b=maths/fractions</a> Доколку е можно одете на 'Testing Room (Соба за тестирање)' за да споредите две дропки. <a href="http://www.primaryresources.co.uk/online/actions.swf">http://www.primaryresources.co.uk/online/actions.swf</a>	конвертира децимална дропка децимален број дропка еквивалентен споредува подредува
---	---	--	--

**74. Делење со остаток**

Цели за час 4	Активности за час 4	Монистра, жетони	дели
---------------	---------------------	------------------	------



<p>Знае дека ако при делење , деленикот не е содржател на делителот, ќе има остаток, на пример <math>157:25 = 6</math> остатокот 7. Остатокот може да се изрази како дропка од делителот (како дело од делителот), на пример, <math>157:25 = 6 \frac{7}{25}</math></p>	<p>☒ Во парови, учениците ја прегледуваат идејата за делење со остаток, притоа користат комплети од монистра или жетони во групи. Тие го запишуваат секое делење чиј остаток е цел број како на пр. <math>19 : 5 = 3</math> остаток 4  <i>Кога има остаток?</i> (кога деленикот не е содржател на делителот)</p> <p>☒ Користете ја алатката на веб-страницата за да дискутирате за запишување на остатоци како дропки. Демонстрирајте делење со употреба на мрежа. <i>Како можеме да го изразиме остатокот како дропка?</i> Зошто? Поврзете го остатокот од делењет со дропката на редот од мрежата исполнет со „преостанатите“ жетони.</p> <p>☒ Со помош од учениците, демонстрирајте го стандардниот писан метод за делење.  <i>Ќој е остатокот како дропка?</i> Зошто?</p> <p>☒ Во парови, учениците користат карти со цифри за да добијат делења на формата:      ☐☐☐ : ☐</p> <p>Тие индивидуални го пресметуваат одговорот, запишувајќи го остатокот како дропка. Потоа тие го споредуваат нивниот одговор со одговорот на партнерот.  <i>Дали ќе има остаток?</i> Зошто / Зошто не? <i>Како одлучивте како да го запишете остатокот како дропка?</i></p>	<p>(или каменчиња)      Калкулатори – еден по ученик или по пар ученици  <a href="http://www.taw.org.uk/lic/itp/itps/remainers_06.swf">http://www.taw.org.uk/lic/itp/itps/remainers_06.swf</a>      Кликнете на горното лево поле за да додадете жетон.      Кликнете на „=“ за да го откриете делењето.      За да создадете ваше делење, користете ги стрелките над/под броевите (кои се појавуваат кога ќе застанете над нив) или кликнете на мрежата со квадратчиња во колони.      Кликнете на знакот „=“ во делењето за да го откриете одговорот.      Кликнете на остатокот за да го запишете како дропка.      Карти со цифри од 0–9 по пар</p>	<p>делење остаток дропка</p>
--	--	---	------------------------------



Недела 3	75. Собирање и одземање на дропки		
Цели за час 1 Собира и одзема две едноставни дропки наоѓа делови од целини (кога одговорот е цел број); множи дропка со цел број Проценува, одредува приближна вредност и ја проверува својата работа	<p>Активности за час 1</p> <p>Фокусот на овај час е собирање и одземање на дропки.</p> <p>☒ Во парови, учениците дискутираат за собирање на две дропки со истиот именител, со збир поголем од 1, пр. Тие создаваат дијаграми за да ги оправдаат своите одговори, користејќи ги дадените кругови и правоаголници. <i>Дали вашиот одговор е во наједно-став-на (нескратлива) форма? Како знаете?</i></p> <p>Повторете за собирање на дропки со различни именители, пр. <i>. Дали одговорот ќе биде поголем од 1? Зошто? Како дијаграмите ви помагаат да ги направите пресметувањата?</i> (Објаснете дека е потребно дропките да се доведат до дропки со заеднички именител.)</p> <p>☒ Учениците користат кругови или правоаголници од хартија за да собират и одземат дропки и одговорат која дропка ја добиле при пресметувањето. <i>Како одлучувате за кои дропки ќе ви помогнат во пресметката вашите кругови/-правоаголници?</i> (дропки кои може да се претворат во дваесетинки и четвртини)</p> <p>☒ Користете го веб-сайтот на Fractions Lab за да истражите собирање и одземање на дропки. (Забелешка: Fractions Lab не дава одговори, но ги проверува предвидените одговори).</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Кликнете на зеленото копче во горниот дел 'Student Launch (Ученик – почеток)'.</li> <li>Кликнете на иконата од десната страна за да изберете топ на дијаграм.</li> <li>- Застанете и кликнете ги стрелките до броителот и именителот за да формирате дропка.</li> <li>- Повторете ги чекорите за да формирате различна дропка.</li> <li>- Пресметајте го и запишете го одговорот.</li> </ul> <p>(Можете да прикажете еквивален-тни дропки со десен клик на вашиот дијаграм, со избирање на 'Find Equivalent (Најди еквивалент)' и со кликнување на стелките до '1'.)</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Кликнете на опцијата на вагата во горниот дел и потоа изберете ја опцијата „Add/subtract (собери/-одземи)“.</li> <li>- Повлечете ги дропките кон кутиите за да го споредите точниот збир/разлика со предвидениот одговор.</li> </ul> <p>☒ На парови од ученици дадите им хартија со квадратчиња за собирања и одземања на дропки. Тие создаваат свои дијаграми за да им помогнат да ги најдат одговорите. <i>Како одлучувате кои дијаграми да ги користите?</i> Објаснете дека можете да користите одреден број делови од дијаграмот еднаков на заедничкиот именител.</p>	<p>Кругови или правоаголници изработени од хартија и поделени на 24 еднакви делови</p> <p>Кругови или правоаголници од хартија, поделени на 24 еднакви делови</p> <p><a href="http://fractionslab.lk.ac.uk/">http://fractionslab.lk.ac.uk/</a></p>	<p>собира собирање пресметува разлика одзема</p> <p>Хартија со</p>

	<i>Како можете да проверите дека вашиот одговор е разумен?</i>	квадратчиња	
<b>76. Вежби за Собирање и одземање на дропки</b>			
Цели за час 2 Собира и одзема две едноставни дропки, на пример наоѓа делови од целини (кога одговорот е цел број); множи дропка со цел број. Проценува, одредува приближ-на вредност и ја проверува својата работа.	<p>Активности за час 2</p> <p>Фокусот на овај час е вежбање собирање и одземање на дропки.</p> <p>☒ Дискутирајте за собирање и одземање дропки со различни именители . <i>Како би можеле да го користиме кој ќе ни помогне да го пресметаме одговорот? Како би можеле да пресметаме без дијаграм?</i> Демонстрирајте конвертирање во дропки за кои треба да се пресмета заеднички именител. <i>Како можеме да го знаеме приближно одговорот пред да пресметаме?</i></p> <p>☒ Учениците користат карти со дропки за да добијат собирања и одземања на дропки. <i>Дали треба да ги претвориме двете дропки за да го најдете одговорот? Зошто?</i></p> <p>☒ Учениците составуваат свои собирања и одземања на дропки за партнерот да ги реши. Тие треба да ги знаат одговорите на нивните прашања. Учениците ги споредуваат одговорите и разговараат за какви било разлики во размислувањето.</p>	Комплет од карти со дропки, пр. <a href="http://www.drmikes-math-games-for-kids.com/support-files/math-fraction-game-cards.pdf">http://www.drmikes-math-games-for-kids.com/support-files/math-fraction-game-cards.pdf</a>	собира собирање пресметува приближува разлика одзема одземање именител заеднички именител броител еквивалентен претвора (конвертира)
<b>77. Одредување делови од целина</b>			
Собира и одзема две едноставни дропки, на пример наоѓа делови од целини (кога одговорот е цел број); множи дропка со цел број. Знае и применува признаци за деливост со 2, 3, 5, 6, 8, 9, 10 и 100. Проценува, одредува приближ-на вредност и ја проверува својата работа	<p>Активности за час 3</p> <p>Фокусот на овој час е наоѓање делови од количини.</p> <p>☒ Врз основа на учењето во други одделенија, учениците работат во парови за да создадат листа на инструкции за пресметување на дропка од количина, пр. <math>\frac{3}{8}</math> од 240. Дискутирајте и подобрете ги инструкциите како паралелка. <i>Како можете да проверите дали вашиот одговор е разумен?</i> (пр. треба да биде помеѓу <math>\frac{1}{4}</math> и <math>\frac{1}{2}</math> од 240, значи помеѓу 60 и 120.)</p> <p>☒ Дајте им на учениците прашања за делови од количина кои брзо се решаваат, пр. <math>\frac{7}{8}</math> од 32. Тие ги покажуваат нивните одговори на мини бели табли.</p> <p>☒ Покажете делови од количина, пр. од 155. <i>Дали одговорот ќе биде цел број? Зошто?</i> (Да, бидејќи 155 е делив со 5)</p> <p>Учениците го применуваат нивното знаење на признаците за деливост за да состават свои прашања за делови од количина, чии одговори се цели броеви. <i>Како знаете дека одговорот е цел број?</i> Тие ги споделуваат нивните прашања со партнерот и ги споредуваат одговорите и дискутираат за какви било разлики во размислувањето.</p>	Прашања може да се добијат на: <a href="http://www.mathplayground.com/fractions_fractionof.html">http://www.mathplayground.com/fractions_fractionof.html</a>  Мини бели табли	дел од целината дропка (за количина) признаци за деливост



<b>78. Множење на дропка со цел број</b>			
Цели за час 4 Собира и одзема две едноставни дропки, на пример наоѓа делови од целини (кога одговорот е цел број); множи дропка со цел број. Проценува, одредува приближна вредност и ја проверува својата работа.	<p>Активности за час 4</p> <p>Фокусот на овај час е множење дропка со цел број.</p> <p>¶ Прикажете множење на дропка со броител еден, пр. <math>\frac{1}{3} \times 6</math>. Објаснете дека ова може да се смета од 6 делови <math>\frac{1}{3}</math> или како <math>\frac{1}{3}</math> од 6</p> <p>Демонстрирајте ги двете толкувања со употреба на слики од пица (6 третини од пица или 6 пици поделени на 3 групи).</p> <p>Во парови, учениците дискутираат како би можеле да го најдат следното, пр. .</p> <p>Дискутирајте и демонстрирајте со користење на слики од пица. Објаснете дека</p> <p>¶ Учениците ја користат веб-страницата за да вежбаат едноставни множења на дропки. <i>Koja strategija ja koristite?</i></p> <p>¶ Учениците користат коцка за да добијат множења од формата:</p> <p>Тие го пресметуваат нивниот одговор и потоа го користат нивното знаење за конвертирање дропки во децимални броеви со употреба на калкулатор за да се провери дека нивните одговори се разумни (пр. за <math>\frac{2}{3}</math> од 34, внесувајќи <math>2 : 3 34 =</math> и со споредба на 22.6666... со нивниот одговор во форма на дропка).</p>	<p>Слики од пици или слично за да се демонстрира множење на дропки</p> <p><a href="http://www.mathgames.com/skill/4.67-multiply-fractions-by-whole-numbers">http://www.mathgames.com/skill/4.67-multiply-fractions-by-whole-numbers</a></p> <p>Коцка Калкулатори</p>	дропка цел број множи множење упростува мешан број проверува разумен
<b>Недела 4</b>	<b>79. Поим за размер.</b>		
Цели за час 1 Користи запис на размер, упростува размери и дели количина на два дела во дадениот размер. Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.	<p>Активности за час 1</p> <p>¶ Објаснете го терминот 'размер' со употреба на слики или предмети за да поедноставите:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Размерот споредува дел со дел, пр. „за секој ... , потребно ни е ...“</li> <li>- Размерот меѓу овие броеви се запишува во формата „а спрема b“ или почесто во формата „а : b“</li> </ul> <p>¶ Учениците го запишуваат размерот за дадените слики, пр. Односот на црвено обоените земји и сино обоените земји.</p> <p>Учениците ги прикажуваат нивните одговори на мини бели табли. Објаснете дека редоследот на размерот е важен, пр.</p> <p>размерот на црвени во однос на сини = 2 : 3 е различен од размерот на црвени во однос на сини = 3 : 2 но е еднаков на размерот на сина во однос на црвена = 3 : 2</p>	<p>Слики или предмети во две различни бои Слики кои претставуваат размер. Примери се достапни (со инструкции на английски јазик) на:</p> <p><a href="http://www.transum.org/software/SW/Staffer_of_the_day/Students/Ratio.asp">http://www.transum.org/software/SW/Staffer_of_the_day/Students/Ratio.asp</a></p>	размер бележење на размер, пр.2 : 3

	<p>Учениците фрлаат коцка два пати и ги запишуваат броевите како размер. Тие исто така го претставуваат размерот со дијаграм, пр. 3 : 4 како 3 зелени бонбони до 4 црвени бомбони.</p>	<p>Мини бели табли Коцка Учениците може да вежбаат боене форми во даден размер на: <a href="http://www.softschools.com/math/ratios/ratio_coloring_game/">http://www.softschools.com/math/ratios/ratio_coloring_game/</a>. Инструкциите се на английски јазик.</p>	
<b>80. Упростување на размер. Еквивалентен размер</b>			
<p>Цели за час 2 Користи запис на размер, упростува размери и дели количина на два дела во дадениот размер. Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>Дајте им на учениците комплет од копчиња, или слично. Учениците ги користат предметите за да покажат размери. Побарајте од нив да најдат и да ги оправдаат еквивалентните размери, пр. <math>1 : 2 = 2 : 4</math>.</p> <p><i>Што значи вашиот размер?</i> (пр. 1 црвено копче на секои 2 сини копчиња) <i>Па така, кој размер е еквивалентен на 1 : 2?</i> <i>Зошто?</i> (пр. 2 : 4 бидејќи ова се уште дава 1 црвено на секои 2 сини копчиња)</p> <p>Дајте им на учениците размери за поедноставување, пр. 5 : 10... 6 : 15 ... 132 : 60. Тие ги прикажуваат нивните одговори на мини бели табли. <i>Како знаете дека тоа е наједноставната форма?</i></p> <p>Учениците работат во мали групи. Еден по еден тие влечат карта и објаснуваат во нивната група како го упростиле размерот, односно како дошле до одговорот. Секој во групата треба да разбере како ученикот го нашол одговорот пред да дојде ред на следниот ученик.</p> <p>Предизвикајте ги учениците да работат во парови или мали групи на покомплексни проблеми со размер, како што се:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Двајца ученика делат <math>x</math> денари со размер <math>5 : 7</math>. Помалиот дел е 150 денари, колку е поголемиот дел?</li> </ul> <p><i>Како го решивте ова?</i> Доколку ова е препоголем предизвик за учениците, побарајте од нив да ја испитаат поедноставната верзија на проблемот со употреба на обоени пред-</p>	<p>Комплети од обоени предмети, пр. копчиња или обоени каменчиња. Претходно подготвени размери за упростување, вклучувајќи текстуални проблеми. Мини бели табли и маркери Карти кои прикажуваат претходно подготвени размери во контекст за упростување, пр. - Бројот на момчиња во еден клуб е 12 и бројот на девојчиња е 16. Изразете го размерот на момчиња во однос на девојчиња во</p>	<p>размер еквивалентен упростува упростена форма</p>

	<p>мети, пр. 15 денари или дури и 5 денари пред да се зголемува вредноста.</p>	<p>упростена форма.          - Паркот има 2800 метри квадратни посадени со цвеќиња и тревник од 4400 метри квадратни. Изразете го размерот на цветната плоштина во однос на тревната плоштина во упростена форма. (По избор) Комплети од обоени предмети, пр. копчиња Следните веб-страни (на английски јазик) се одлични ресурси за употреба на коцки за моделирање размери на учениците:  <a href="http://www.mathplayground.com/tb_ratios/thinking_blocks_ratios.html">http://www.mathplayground.com/tb_ratios/thinking_blocks_ratios.html</a>  <a href="http://www.thinkingblocks.com/thinkingblocks_ratios/tb_ratio_main.html">http://www.thinkingblocks.com/thinkingblocks_ratios/tb_ratio_main.html</a></p>	
--	--	--	--

### 81. Врска меѓу размер и дел од целината

<p>Цели за час 3          Препознава врска меѓу размер и дел од целината.          Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.</p>	<p>Активности за час 3          ☐ Разјаснете ја дефиницијата за „дел од целината“ со учениците.          - Дел од целина е споредување на дел со целината, пр. од ...          - Обично се изразува како дропка, децимален број или процент.          Разјаснете ја разликата помеѓу размер и дел од целина, барајќи од учениците да ги изразат размерите и дел од целина за комплети од слики или предмети.          ☐ Дискутирајте за примената на дел о целината и размер во секојдневниот живот, пр.          - дел од целината: да се изеде од пита, да се истрча од една трка.          - размер: конвертирање километри во литри, одредување на количина во рецепт со</p>	<p>Слики или предмети во две различни бои          Игра со вежби за наоѓање еквивалентни дропки за размер е достапна на:  <a href="http://academics.co">http://academics.co</a></p>	<p>размер          дел од целина          дропка          процент          децимален број          шаблон/модел          врска/однос          упростува          упростена форма</p>
---	--	---	--



	<p>зголемување и намалување.</p> <p>Дајте им на учениците одреден број искази за дел од целина. Тие прво го изразуваат исказот со употреба на дропки, децимални броеви и проценти за да вежбаат примена на речникот за дел од целина, пр. Во еден литар сок, 200 ml е концентрат. Може да се запише како од сокот е концентрат. 0.2 од сокот е концентрат. и 20% од сокот е концентрат.</p> <p>Охрабрете ги учениците да запишат еквивалентен исказ за размер, пр. Размерот на концентрат во однос на вода е 1 : 4.</p> <p>Охрабрете ги учениците да ги запишат нивните дропки и размери во нивната наједноставна форма, како во примерите погоре. <i>Што забележувате за моделите и односите помеѓу размерите и деловите од целината?</i></p>	<p><a href="http://m/games/ratio-stadium/ratio-stadium.html">m/games/ratio-stadium/ratio-stadium.html</a></p> <p>Кликнете "Play (Активирање)", потоа „Continue (Продолжи)“, потоа „Play now (Активирај сега)“, потоа „Start game (Почни ја играта)“</p> <p>Карти со искази за пропорција (дел од целината)</p>																															
	<b>82. Решавање на проблем задачи со размер</b>																																
<p>Цели за час 4</p> <p>Препознава врска меѓу размер и дел од целината.</p> <p>Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.</p>	<p>Активности за час 4</p> <p>Учениците работат во мали групи за да пополнат делумно пополнета табела, како што е онаа прикажана од десно. Охрабрете дискусија за односите, поедноставувајќи какви било можни контексти кои се совпаѓаат со исказите за дел од целина.</p> <p>Објаснете дека размерот <math>a : b</math> е еквивалентен на делот <math>a/a+b</math> од целината.</p> <p>Дајте им на учениците серија од прашања поврзани со размер и дел од целина во форма на игра <i>Koj сака да биде милионер?</i>. Учениците ги користат А, В, С и D картите за да ги прикажат нивните одговори. Победник е ученикот кој ќе добие најмногу пари до крајот на играта</p>	<p>Големи листови кои прикажуваат делумно пополнети табели, пр.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>Исказ пропорција-дел целина</th> <th>Размер</th> <th>Дропка</th> <th>Процент</th> <th>Децимален број</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>20 од 100</td> <td>1 : 5</td> <td><math>\frac{1}{5}</math></td> <td>20%</td> <td>0.2</td> </tr> <tr> <td>35 од 70</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td>75%</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td>2 : 7</td> <td><math>\frac{2}{7}</math></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>Комплет од карти А, В, С, D за секој ученик</p>	Исказ пропорција-дел целина	Размер	Дропка	Процент	Децимален број	20 од 100	1 : 5	$\frac{1}{5}$	20%	0.2	35 од 70								75%			2 : 7	$\frac{2}{7}$								
Исказ пропорција-дел целина	Размер	Дропка	Процент	Децимален број																													
20 од 100	1 : 5	$\frac{1}{5}$	20%	0.2																													
35 од 70																																	
			75%																														
	2 : 7	$\frac{2}{7}$																															
Недела 5																																	

### 83. Правопропорционални величини

<p>Цели за час 1 Користи правопропорционалност во даден контекст; решава едноставни проблеми со размер и правопропорционалност. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува</p>	<p><b>Активности за час 1</b></p> <p>¶ Објаснете го значењето на терминот „правопропорционалност“: До-колку две количини се правопропорционални, втората количина се зголемува со истиот коефициент како првата. Дискутирајте за примерот со саатнина. Колку заработкаат е директно пропорционално со бројот на часови кои ги работите. Колку повеќе часови работите, толку повеќе ве плаќаат, правопропорционално.</p> <p>Кога вашата плата е 500 денари на час:</p> <p>Доколку работите 1 час, добивате 500 денари</p> <p>Доколку работите 2 часа, добивате 1000 денари</p> <p>Доколку работите 3 часа, добивате 1.500 денари итн.</p> <p>Плата во денари = <math>500 \times</math> одработени часови</p> <p>500-та ја нарекуваме „множител“.</p> <p>¶ Охрабрете ги учениците да размислат за множители со извршување на активност т.н. „скршен калкулатор“. Во парови, учениците користат калкулатор за да променат еден број во друг. Дозволено им е само да ги користат опциите · и : (бидејќи копчињата за собирање и одземање се скршени), пр.</p> <p>Променете 10 во 15 ... 8 во 20 ... 5 во 8 ... 1,5 во 8,5 ... 1,2 во 3,4. <i>Кој е множителот (коефициент)?</i></p> <p>¶ Дајте им на учениците контексти во кои тие треба да користат директна пропорција во контекст, пр.</p> <p>Во рецепт за 4 палачинки, потребни ви се:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- 6 лажици брашно</li> <li>- од литар млеко</li> <li>- 1 прстофат сол</li> <li>- 1 јајце</li> </ul> <p><i>Колку јајца се потребни за да се направат 8 палачинки? Колку млеко е потребно за да се направат 10 палачинки? Како знаете? Кој множител го користевте? Дали вашиот отговор е разумен? Зашто?</i></p>	<p>Динамички модел на две прачки кои растат и се намалуваат правопропорционално е достапен на <a href="http://zonalandeducation.com/mstm/physics/mechanics/forces/directProportion/directProportion.html">http://zonalandeducation.com/mstm/physics/mechanics/forces/directProportion/directProportion.html</a>!</p>	<p>правопропорционалност коефициент множител</p> <p>Калкулатори</p> <p>Претходно подгответни контексти за правопропорционалност, пр.едноставни</p>
--	---	--	--



		рецепти	
<b>84. Решавање на проблеми со размер и правопропорционалност</b>			
Цели за час 2 Користи правопропорционалност во даден контекст; решава едноставни проблеми со размер и правопропорционалност. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни	<p>Активности за час 2</p> <p>Учениците си замислуваат дека одат на одмор. Тие користат интернет за да ги најдат девизните курсеви (или претходно подготвени информации) за да одредат колку од одредена валута би можеле да добијат, да речеме, за 10 000 денари. Потоа тие одредуваат (без помош од интернет) колку би добиле, да речеме, за 5 000, 12 000 или 28 000 денари. <i>Како го решивте ова? Кој множител го користевте?</i></p> <p>Учениците делат денари и монети од замислена валута во даден размер за да создадат свој девизен курс, пр. 1 денар за 7 замислени монети. Тие создаваат свои сопствени проблеми кои вклучуваат поголеми количини од пари за партнериот да ги реши, пр. <i>Колку замислени монети добивате за 500 денари? Колку денари добивате за 2310 замислени монети? Како го пресметавте ова? Кој множител го користевте?</i></p> <p>Кажете им на учениците дека 1 литар боја чини 1200 денари, но достапни се помали пакувања. <i>Колку би очекувале да чини пакување/кантичка од 0,6 литри ... 0,75 литри ... 2,5 литри ... 5 литри? Зашто? Дали трошокот е разумно пресметан? Како знаете?</i> (пр. 0,6 литри е нешто повеќе од половина литар, па така би очекувале трошокот да биде прилично близку до 600 денари).</p>	<p>Пристап до интернет конвертор на валути, како што е:</p> <p><a href="http://www.xe.com/currencyconverter/">http://www.xe.com/currencyconverter/</a></p> <p>или</p> <p>Испечатени девизни курсеви</p> <p>Вистински или пластични денари</p> <p>Картонски монети или замислена валута</p> <p>Калкулатори</p>	правопропорционалност множител
<b>85. Решава проблеми од секојдневниот живот</b>			
Цели за час 3 Користи правопропорционалност во даден контекст; решава едноставни проблеми со размер и правопропорционалност. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни	<p>Активности за час 3</p> <p>Учениците ги истражуваат и испитуваат цените на прехрамбени производи со различна големина (пр. пакувања јогурт со маса од 120 g и 500 g). <i>Дали цената е правопропорционална на масата?</i></p> <p>Дајте им на учениците листа за пазарење. Учениците ги споредуваат цените на пакувања со различна големина и одредуваат која е најдобра вредност. <i>Како одлучувите која од овие две единици е подобрата вредност?</i></p> <p>Дајте им на учениците повеќе фотографии со различна големина. Прашајте ги колку би изнесувала една страна доколку другата страна има даден број центиметри. На пример, фотографија од 16 см на 10 см зголемена на постер од x см на 25 см. <i>Дали големината која ја пресметавте е разумна? Што би се случило доколку зголемувањето на сликата не било правопропорционално со првичната слика?</i></p> <p>Учениците мешаат боја следејќи даден размер или дизајнираат своја боја/нијанса,</p>	<p>Пристап до веб-сайт на супермаркет или</p> <p>Прехрамбени производи со различна големина од ист тип/или празни пакети, означени со цени</p> <p>Листа за пазарење</p> <p>Пристап до веб страница на супермаркет</p>	правопропорционалност множител најдобра вредност



	<p>забележувајќи го размерот. Нивниот партнери се обидуваат одново да ја создаде бојата и потоа ги споредуваат боите за да види колку близку (прецизно) се тие.</p> <p>¶ Наведете поголем број текстуални проблеми кои вклучуваат правопропорционалност како што се овие подолу. Учениците ги решаваат поединечно и потоа ги споредуваат нивните одговори со оние на партнера, дискутирајќи за какви било различно размислување.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- 1000 денари = 16 евра</li> </ul> <p><i>Колку евра ќе добијам за 2000 денари?</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- 12 моливи чинат 150 денари. Колку моливи може да се купат за 600 денари?</li> <li>- Јана патувала со <math>30 \text{ km/h}</math> во времетраење од 30 минути. Доколку патувал со <math>60 \text{ km/h}</math> на истото расстояние, колку време би ѝ било потребно?</li> <li>- Потребни се 10 часа да се наполне резервоар од <math>200 \text{ m}^3</math> со употреба на четири цевки. Колку време би било потребно да се наполни резервоар од <math>500 \text{ m}^3</math> со употреба на две цевки?</li> </ul> <p><i>Ќој множител го користевте? Како го решивте ова? Дали вашиот одговор има смисла во контекст на проблемот? Зошто?</i></p>	<p>или Прехрамбени намирници / празни пакувања означени со цени Фотографии со различни големини</p> <p>Боја: бела, црна, црвена, сина, жолта Мерни инструменти (како што се шприцови во ml) за мерење боја Претходно подготвени текстуални проблеми кои вклучуваат правопропорционалност</p>	
--	---	--	--

#### 86. Контролен тест

Цели за час 4 Упростува дропки со кратење на заедничките делители и идентификува еднакви дропки; претвара неправилна дропка во мешан број и обратно; претвора децимален број во дропка	Активности за час 4 Ученикот самостојно ги решава подготвените задачи од страна на наставникот за проверка на стекнатите вештини	Наставно ливче, учебник, калкулатор	
---	---	-------------------------------------	--



<p>Собира и одзема две едноставни дропки, множи дропка со цел број. Користи размер, правопропорционалност; решава едноставни проблеми со размер и правопропорционалност. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни.</p>			
--	--	--	--

**Единица 2Б: Алгебра и решавање проблеми**

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 6			
<b>87. Редослед на операции во алгебарски изрази</b>			
<p>Цели за час 1 Користи редослед на операции, вклучувајќи и загради, при едноставни пресметувања. Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.</p>	<p>Активности за час 1</p> <p>¶ Повторете го наученото во прво полугодие за редоследот на извршување на операциите. Можете да ја користите активноста на веб-страницата како помош со вашата дискусија.</p> <p>¶ Дајте им на учениците комплети карти со броеви. Од броевите на секоја карта прават бројно равенство со употреба на загради и аритметички операции за да добијат точни пресметувања, пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- 2, 3, 4, 14 би било <math>2(3 + 4) = 14</math></li> <li>- 2, 4, 16 би било <math>42 = 16</math></li> <li>- 2, 3, 4, 6 би можело да биде <math>3 \times 4 : 2 = 6</math> or <math>3 \cdot 4 = 2 \cdot 6</math></li> </ul> <p><i>Дали треба да вклучите загради? Зошто / Зошто не?</i></p> <p>¶ Учениците играат онлајн активност за да го вежбаат редоследот на операции.</p>	<p><a href="http://www.softschools.com/math/order_of_operations/games/">http://www.softschools.com/math/order_of_operations/games/</a> Кликнете на „Start (Старт)“. Потоа кликнете на симболите за операција во правилниот редослед за да го најдете решението. Комплети од карти со повеќе броеви на секоја карта.</p> <p><a href="http://www.mathplayground.com/order_of_operations.html">http://www.mathplayground.com/order_of_operations.html</a> Кликнете на „Start (Старт)“ за почеток. Кликнете на точните броеви по редослед и потоа кликнете „Submit (Поднеси)“.</p> <p><a href="http://www.math-play.com/Order-of-Operations-Millionaire/division-millionaire.html">http://www.math-play.com/Order-of-Operations-Millionaire/division-millionaire.html</a> Изберете да имате еден играч или двајца играчи. Изберете лик и потоа кликнете</p>	<p>редослед на операции загради аритметички закони</p>



		„Next (Следно)“. Кликнете „Let's Play (Да играме)“. Изберете го најниското можно ниво на таблата со поени за да добиете прашања	
<b>88. Ментални стратегии при операции во алгебарски изрази</b>			
Цели за час 2 Користи редослед на операции, вклучувајќи и загради, при едноставни пресметувања. Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.	Активности за час 2 ■ Играјте натпревар во кој се оценува брзината на пресметување. Индивидуално или во пар додека е пуштена штоперица, учениците ги пресметуваат и/или внесуваат загради за да ги добијат точни пресметувања. ■ Играјте „Погоди го моето пресметување“. Учениците ви даваат три броја. Вие им го давате одговорот. Учениците ги одредуваат операциите кои сте ги користеле за да го добиете вашиот одговор. Повторете неколку пати. <i>Кои насоки ги користествте?</i> ■ Учениците работат во мали групи. Тие го добиваат секој од броевите од 1 до 10 како одговор од пресметување со употреба само на броевите 1, 2, 3 и 4 само по еднаш, пр. $(2 - 1) \cdot (4 - 3) = 1$ $(2 \times 1) \cdot (4 - 3) = 2$ $(2 + 1) : (4 - 3) = 3$ $1 + 2 + 4 - 3 = 4$ $12 - 3 - 4 = 5$ $12 : 4 + 3 = 6$ $13 - 4 - 2 = 7$ $12 : 3 + 4 = 8$ $14 - 3 - 2 = 9$ $14 : 2 + 3 = 10$ <p>Дали има само еден начин да се добие секој број? Алтернативно, дадете и на секоја група измешано пакување со карти од 1–9 од кое ќе ги изберете нивните првични четири броеви.</p>	Претходно подгответни пресметувања (По избор) Штоперица  Големи листови хартија и пенкала  (По избор) Комплет од карти со цифри од 1-9 по група	редослед на операции загради аритметички закони
<b>89. Примена на едноставни формули</b>			
Цели за час 3 Изведува и користи едноставни формули, на	Активности за час 3 ■ Потсетете се на задачите со претворање за време во прво полугодие. Поставете неколку брзи прашања поврзани со конверзија помеѓу две специфични единици (пр.		формула правопропорционалност

<p>пример, запишува часови во минути. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.</p>	<p>часови во минути), секој пат прашувајќи ги учениците како го добиле одговорот. Забележете ги прашањата и одговорите на табла. <i>Што забележувате?</i> Објаснете дека, независно од почетниот број, секогаш се множи со константа (т.е. множителот/кофи-циентот на правопропорционалност), пр. за часови во минути, часовите секогаш се множат со 60. <i>Како би можеле да го запишеме ова како формула?</i> (пр. <math>m = 60h</math>)</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>☒ Учениците одредуваат формули за да конвертираат од една мерна единица во друга, пр. од kg во g, од cm<sup>2</sup> во m<sup>2</sup>. <i>Дали константата ќе биде поголема од 1 или помала од 1? Зашто? Кои конверзии (претворања) имаат иста константа?</i> (пр. kg во g и l во ml)</li> <li>☒ Учениците прават табела за да конвертираат од една мерна единица во друга.</li> </ul>		<p>множител константа променлива единица претвора (конвертира) Софтвер со табели</p>
<b>90. Примена на формули во решавање на проблеми</b>			
<p>Цели за час 4 Изведува и користи едноставни формулки, на пример, запишува часови во минути. Користи аритметички закони и инверзни операции за да се поедностават пресметувањата со цели броеви и децимални броеви. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.</p>	<p>Активности за час 4</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>☒ Учениците работат во парови. Дајте им одредени примери на конверзија на помалку познати единици, пр.  <math>5 \text{ инчи} = 12,7 \text{ см}</math>      <math>30 \text{ инчи} = 76,2 \text{ см}</math>            Вклучете примери каде што единиците не се правопропорционални (пр. европски и британски големини на чевли, степени <math>^{\circ}\text{C}</math> и <math>^{\circ}\text{F}</math>). Во парови, учениците прво одредуваат кои единици се правопропорционални, пред да запишат формули само за тие конверзии. <i>Како можете да одлучите дали има константен множител?</i></li> <li>☒ Учениците работат во групи. Побарајте од нив да размислат за примена во секојдневниот живот за дадени формулки со формата <math>y = mx</math>, пр. <math>d = 120t</math> би можело да биде растојанието во km изминати на автопат (со 120 km/h). Проширете на други едноставни формулки, пр. <math>f = 100d + p</math> би можело да чини такси превозот во денари каде што <math>d</math> = растојание и <math>p</math> = трошок за земање на патниците.</li> <li>☒ Дајте им на учениците исказ. Од него тие запишуваат формула, пр. Во просек, луѓето спијат 7 часа секој ден.  <i>Како би ги пресметал часовите поминати спиејќи во текот на 1 недела? ... 1 месец? ... 1 година? ... x денови?</i></li> </ul>	<p>Примери на претворање (конверзија) на помалку познати единици, вклучувајќи и некои кои не се правопропорционални Калкулатори Претходно подготвени едноставни формулки</p> <p>Претходно подготвени искази Интересна колекција на примери во</p>	<p>формула правопропорционалност множител константа променлива единица претвора (конвертира)</p>



		секојдневниот живот е достапна (на англиски јазик) на: <a href="https://www.tes.com/teaching-resource/rearranging-real-life-equations-6290843">https://www.tes.com/teaching-resource/rearranging-real-life-equations-6290843</a> Треба да се регистрирате за да ја преземете датотеката. Регистрацијата е бесплатна.	
--	--	---	--

**Недела 7****91. Собирање и одземање на цели броеви**

Цели за час 1 Препознава негативни броеви дадени на бројна права и подредува, собира и одзема позитивни и негативни цели броеви во даден контекст. Поедноставува линеарни изрази, на пр. собира слични членови; множи со константна надвор од заграда. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми	Активности за час 1 ■ Повторете собирање и одземање со позитивни броеви. Наведете серија на бројни изрази пресметувања, пр. $8 - 12$ , $7+(-2)$ , $5 - (-3)$ . Учениците ги прикажуваат нивните одговори на мини бели табли. ■ Прикажете предмети или слики кои претставуваат изрази со цел да демонстрирате собирање на слични членови за да се поедностават изразите. Почнете со дискусија за изразите со иста променлива, пр. $8x + 3x$ (пр. демонстрирање со употреба на 8 книги и 3 книги) и $7y - 4y$ . Продолжувате со изрази со повеќе од една променлива, пр. $5a + 5b + 2a$ и вклучувајќи повеќе операции, пр. $6h + 4d - 3h$ . На крајот дискутирајте за множење со константа пред заграда, пр. $2(3a + 4b)$ . ■ Учениците користат карти со алгебарски членови за да ги добијат и упростат изрази со следната форма:  Потоа тие ги добиваат, прошируваат и упростуваат, каде што е тоа можно, изразите со сл. форма: $2 (\underline{\quad} + \underline{\quad})$ $2 (\underline{\quad} - \underline{\quad})$	Мини бели табли Предмети или слики за да претставуваат непознати Карти кои прикажуваат алгебарски членови, пр. $-3x$ , $+2x$ , $5y$ , $-1y$ ... Карти кои прикажуваат алгебарски членови, пр. $-3x$ , $+2x$ , $5y$ , $-1y$ ... Интерактивни прашања кои вклучуваат собирање на слични членови може да се добијат на: <a href="http://www.interactiv">http://www.interactiv</a>	позитивен негативен израз константа член слични членови упростува упростена форма симбол непозната
---	--	---	--



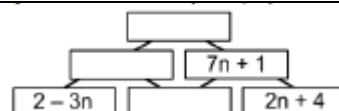
	<p>Учениците ги оправдуваат своите одговори на партнерот.</p> <p>☒ Учениците работат во парови. Секој пар има карти со алгебарски членови. Картите ги ставаат со лицето свртено надолу. Влечат четири карти (или повеќе доколку сакаат) и формираат изрази со собирање и оземање на слични членови.</p>	<p><a href="http://e-maths.com/collecting-like-terms-10qqi.html">e-maths.com/collecting-like-terms-10qqi.html</a></p> <p>Изберете</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- 1, 2, 3 или случаен број на променливи</li><li>- максимална вредност за коефициенти</li><li>- максимален број членови</li><li>- дали да има негативни броеви</li><li>- дали да има константи.</li></ul> <p>Потоа кликнете на 'New questions (Нови прашања)'. Кога сите прашања се одговорени, кликнете на 'Check answer (Проверете го одговорот)' за да проверите.</p>	
--	---	--	--

## 92. Операции со алгебарски изрази

Цели за час 2 Составува едноставни алгебарски изрази, користејќи букви во замена за броеви. Поедноставува линеарни изрази, на пр. собира слични членови; множи со константна надвор од	Активности за час 2 ☒ Учениците пополнуваат пирамиди со „слични членови“, каде што го наоѓаат одговорот за секоја тула со додавање на членовите на двете тули подолу. <i>Дали вашиот израз е во најупростена форма? Како знаете?</i> Повторете ја активноста со поголем број пирамиди каде што недостасуваат повеќе изрази, пр.	Листови со пирамида, пр. <a href="http://www.greatmathsteachingideas.com/wp-content/uploads/2012/02/Pyramid-collecting-like-terms-worksheet-easy.pdf">http://www.greatmathsteachingideas.com/wp-content/uploads/2012/02/Pyramid-collecting-like-terms-worksheet-easy.pdf</a>	израз константа член слични членови упростува упростена форма инверзна операција
--	---	--	--



заграда.  
Работи со броеви,  
алгебарски изрази и  
равенки и применува  
често користени  
алгоритми.



Како можете да го најдете овој израз кој недостасува? Каде можете да користите инверзни операции како помош?

Учениците составуваат свои пирамиди со 'слични изрази' за партнерот да ги пополнi. Дали е можно да се пополни пирамидата со сите ваши изрази кои недостасствуваат? Зошто? Охрабрете дискусија помеѓу партнериите за да ги споредите пополнетите пирамиди.

### 93. Линеарни функции

Цели за час 3  
Изведува и користи  
едноставни формули, на  
пример, запишува часови  
во минути.  
Заменува позитивни цели  
броеви во едноставни  
линеарни  
изрази/формули.  
Работи со броеви,  
алгебарски изрази и  
равенки и применува  
често користени  
алгоритми.

Активности за час 3

Прикажете функционална машина, пр.

Влез <i>x</i>	Излез <i>y</i>
36	72
28	56
47	99

Што треба да направите со вредноста за  $x$  за да го добиете  $y$ ? Како ќе биде формулата која ќе ни кажува што да правиме со вредностите за  $x$  за да го добиеме  $y$ ? ( $y = 2x$ ) Колку ќе биде  $y$  ако  $x$  е 25? ... 0? ... -10?

Повторете за различна функционална машина.

Учениците користат табела за да добијат свои сопствени функционални машини. Кој е правилото за вашата функционална машина? Како можете да го изразите тоа како формулa? Пред да внесете инпут, колку мислите дека ќе биде аутпутот? Можете ли да објаснете зошто ова е случај? Учениците ја споделуваат нивната функционална машина со другите. За секоја функционална машина, тие ја добиваат формулата со внесување неколку влезни броеви и потоа ги предвидуваат излезните броеви за некои други влезни броеви.

Функционална  
машина која може  
да се користи за да  
се добие формула е  
достапна на:  
<http://www.mathplayground.com/functionmachine.html>

Кликнете 'Advanced  
(Напреден)'.  
Користете  
'Computer decides  
input (Компјутерот  
одлучува за инпут)'  
два пати за да  
добиете два инпути  
и аутпути. Потоа  
внесете идеи за  
формулата.  
Софтвер со табели

### 94. Примена на линеарни формули

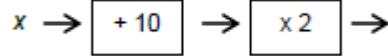
Цели за час 4  
Заменува позитивни цели  
броеви во едноставни

Активности за час 4

Учениците користат Нивоа 1–5 од активноста на веб-сајт за да вежбаат замена на позитивни цели броеви во формулите. Како знаете по кој редослед да

Интерактивна  
пракса за замена во  
формули е  
замена  
формула  
израз



<p>линеарни изрази/формули. Составува едноставни алгебарски изрази, користејќи букви во замена за броеви. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми</p>	<p><b>пресметувате?</b> (со примена на редоследот на операции)</p> <p>☒ Побарајте од учениците да сmisлат број и да го запишат. Тие:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Додаваат 10.</li> <li>- Го удвојуваат одговорот.</li> <li>- Одземаат 6.</li> <li>- Го преполовуваат одговорот.</li> <li>- Го одземаат првичниот број.</li> </ul> <p>Што забележуваат учениците откако ги добијат нивните конечни одговори? (Секој добива 7.)</p> <p>Започнете со создавање на дијаграм на функции за да го претставите процесот:</p>  <p>Во парови, учениците го пополнуваат дијаграмот и потоа се обидуваат да создадат формула за излезот <math>y</math>. <b>Што забележувате?</b> Објаснете дека формулата се упростува на <math>y=7</math>, заради тоа секој го добива тој одговор:</p> $y = \frac{2(x+10) - 6}{2} - x = \frac{2x+20 - 6}{2} - x = \frac{2x+14}{2} - x = x + 7 - x = 7$ <p>☒ Дајте им на учениците 'трик со смислување број' сличен на овој погоре. Тие користат дијаграми и алгебра за да објаснат зошто секој ќе го добие истиот одговор. Предизвикајте ги учениците да сmisлат свој 'трик со смислување број'.</p>	<p>достапна на:  <a href="http://www.transum.org/software/SW/Starter_of_the_day/Students/Substitution.asp?Level=1">http://www.transum.org/software/SW/Starter_of_the_day/Students/Substitution.asp?Level=1</a></p>	<p>член влез излез редослед на операции непозната</p>
<p><b>Недела 8</b></p>	<p><b>95. Решавање линеарни равенки</b></p>		

<p>Цели за час 1 Составува и решава едноставни линеарни равенки со целоброжни коефициенти (со непозната само на едната страна), на пример, <math>2x = 8</math>; <math>3x + 5 = 14</math>; <math>9 - 2x = 7</math>. Работи со броеви,</p>	<p>Активности за час 1</p> <p>☒ Објаснете дека некои равенки може да се решат едноставно со размислување за одговорот, пр. за <math>x - 3 = 5</math>, размислете „Кој број минус 3 дава 5?“. О, но за другите можеби ќе бидат потребни повеќе чекори за да се реши равенката. Дискутирајте кои операциите може да се применат на двете страни од една равенка за да се решат равенка со следната форма <math>x = ...</math>, пр. <math>2x - 1 = 5</math>: Чекор 1-(додавање 1 на двете страни) <math>2x = 6</math> Чекор 2-(делење на двете страни со 2) <math>x = 3</math> Алатката на веб-сајтот е корисна за визуелизирање на постапката за решавање на</p>	<p><a href="http://www.mathplayground.com/AlgebraEquations.html">http://www.mathplayground.com/AlgebraEquations.html</a></p> <p>Кликнете на '1-step equation (решавање на равенка во 1 чекор)' за равенки со еден чекор или '2-step equations (решавање на</p>	<p>равенка еднаквост член</p>
--	--	--	-------------------------------

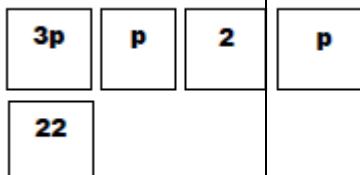


<p>алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми.</p>	<p>равенката.</p> <p>Во парови, учениците го користат веб-сајтот за да вежбаат решавање на едноставни линеарни равенки. <i>Како ќе го добиете х самостојно? Зашто?</i></p> <p>Учениците запишуваат и решаваат равенки кои се соодветни на дадени текстуални проблеми, пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Невена смислува број. Кога ќе го удвои бројот и ќе одземе 5, одговорот е 23. Кој е нејзиниот број, <math>n</math>?</li> <li>- Во паралелка од 30 ученици, има четири момчиња повеќе од девојчиња. Колку девојчиња (<math>g</math>) има во паралелката? Колку момчиња има во паралелката?</li> </ul> <p><i>Зашто вашата равенка се совпаѓа со текстуалниот проблем? Како можете да ја решите? Како можете да го проверите вашиот одговор? (со негова замена назад во равенката)</i></p>	<p>равенка во 2 чекори)' за два чекори. Повлечете ги плочките кон средината до вагата за да моделирате постапки</p> <p><a href="http://www.mathplayground.com/AlgebraEquations.html">http://www.mathplayground.com/AlgebraEquations.html</a></p> <p>Кликнете на '1-step equation (равенка во 1 чекор)' за равенки со еден чекор или '2-step equations (равенка во 2 чекори)' за два чекори.</p> <p>Кликнете на 'PRACTICE (ПРАКСА)' во долниот лев агол за да започнете со решавање на равенки. Учениците може да ги користат скалите на вагата за да им помогнат да ги решат равенките (погледнете погоре). Тие кликуваат "CHECK (ПРОВЕРИ)" за да ги проверат одговорите кои ги внесуваат.</p> <p>Претходно подгответи текстуални проблеми</p>	
---	---	--	--

#### 96. Решавање на текстуални проблеми со две променливи

<p>Цели за час 2 Составува и решава</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>Во парови, учениците дискутираат за текстуален проблем со две непознати, пр.</p>	<p>Текстуални проблеми</p>	<p>равенка непозната</p>
---	--	----------------------------	--------------------------



<p>едноставни линеарни равенки со целобројни коефициенти (со непозната само на едната страна), на пример, <math>2x = 8</math>; <math>3x + 5 = 14</math>; <math>9 - 2x = 7</math>. Работи со броеви, алгебарски изрази и равенки и применува често користени алгоритми</p>	<p>Татјана оди во кафуле во Париз со пријател. Купува два пијалака топло чоколадо и едно колаче за да го подели. Плаќа 6.10 €.  <i>Која равенка го претставува овој проблем? Можете ли да го решите? (не) Кои се можните одговори за цената на колачето?</i>      После одредено време на размислување, појаснете дека равенката која одговара на проблемот е на пр.  <math>2c + p = 610</math> (или 6.10)      Објаснете дека не можете да најдете едно решение на оваа равенка бидејќи има две непознати. Дискутирајте со учениците за можните одговори за цената на колачето.  <i>Кои дополнителни информации ви се потребни за да ја најдете цената на колачето? (цената на топло чоколадо). Доколку едно топло чоколадо чини 1.75 €, која е цената на колачето?</i>      Со помош на учениците, демонстрирајте наоѓање на решението: <math>2c + p = 610</math>  <math>350 + p = 610</math> (одземање за <math>c</math>)  <math>p = 260</math> (одземање 350 од двете страни на равенката)      Па така колачето чини 2.60 €.      Во парови, учениците составуваат свои текстуални проблеми. Тие запишуваат како користеле алгебра за да ги решат проблемите, а потоа ги споделуваат со целата паралелка.        По групи од ученици поделете карти на кои се прикажани променливи и константи. Тие ги користат картите за да состават различни равенки, пр. <math>3p + p + 2 + p = 22</math>      Работат заедно за да ги решат равенките, запишувајќи ги чекорите на решавање на секоја равенка. <i>Како можете да ги проверите вашиот одговори?</i></p>	<p>Големи листови хартија      Карти кои прикажуваат променливи и константи</p> 	<p>променлива константа</p>
---	---	---	-----------------------------

### 97. Линеарна функција

Цели за час 3

Активности за час 3

Големи листови

влез-аргумент



Здружение на математичари - Охрид

<p>Претставува едноставни функции, користејќи зборови, симболи и придржување по дадено правило. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во</p>	<p>¶ Потсетете ги учениците дека функциите ги пресликуваат влезните броеви во излезните броеви. Учениците цртаат дијаграми на пресликување за дадени функции, со користење на вредности за <math>x</math> цели броеви, пр. <math>x \rightarrow 2x + 1</math>:</p> <p>Како можете да ја описете функцијата со зборови? Тие ги користат дијаграмата за да пополнат табели со вредности за <math>x</math> и <math>f(x)</math>, пр.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th><math>x</math></th> <th>0</th> <th>1</th> <th>2</th> <th>3</th> <th>4</th> <th>5</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <th><math>f(x)</math></th> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>¶ Учениците ја повторуваат активноста како погоре со користење на негативни цели броеви и дропки за вредности на <math>x</math>. ¶ Во парови, учениците пополнуваат табели со вредности за <math>x</math> и <math>f(x)</math>, пр.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th><math>x</math></th> <th>1</th> <th>2</th> <th>3</th> <th>4</th> <th>5</th> <th>6</th> <th>7</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <th><math>f(x)</math></th> <td>10</td> <td>12</td> <td>14</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>Колку би било <math>f(x)</math> доколку <math>x</math> е 10 ... 20 ... 100? Кое е правилото за наоѓање на <math>f(x)</math>? Како можете да го запишете тоа како функција? Повторете ја активноста со проширување на табелата со негативни цели броеви и дропки за вредности на <math>x</math>.</p>	$x$	0	1	2	3	4	5	$f(x)$							$x$	1	2	3	4	5	6	7	$f(x)$	10	12	14					<p>хартија Претходно подгответени функции</p>	<p>излез-вредност на функција правило функција пресликување табела</p>
$x$	0	1	2	3	4	5																											
$f(x)$																																	
$x$	1	2	3	4	5	6	7																										
$f(x)$	10	12	14																														

### 98. Дијаграми на пресликување. Одредување на линеарни функции

<p>Цели за час 4 Претставува едноставни функции, користејќи зборови, симболи и придржување по дадено правило. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во</p>	<p>Активности за час 4 ¶ Во парови, учениците дискутираат за дијаграми на пресликување и ги одредуваат функциите. <i>Како одлучувате за таа функција? Како ја описале функцијата со зборови? Како би изгледала функцијата доколку ...?</i> ¶ Учениците спојуваат карти кои ги прикажуваат истите функции запишани на различен начин, пр.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-right: 20px;"> <math>n \rightarrow (n - 1) \cdot 2</math> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-right: 20px;"> <math>n \rightarrow n \cdot 2 - 2</math> </div> </div>	<p>Претходно подгответени дијаграми за пресликување Комплети од карти со функции за активност со спојување (совпаѓање)</p>	<p>аргумент вредности на функција правило функција еквивалентен упростена форма упростува</p>
---	--	--	---



проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.	<p>Учениците работат во парови. Запишуваат функции кои се еквивалентни на дадена функција, пр. за <math>x \rightarrow 2x + 3 + 4</math>:</p> $\begin{aligned}x &\rightarrow 2(x + 2) + 3 \\x &\rightarrow 2x + 7 \\x &\rightarrow 2x + 10 - 3 \\x &\rightarrow \frac{4x + 14}{2}\end{aligned}$ <p><i>Која од функциите е во најупростена форма?</i></p>																																	
Недела 9	99. Цртање на график на линеарна функција																																	
<p>Цели за час 1 Наоѓа координатни парови кои ја задоволуваат линеарната равенка, каде што <math>y</math> е дадена експлицитно во однос на <math>x</math>; го црта соодветниот график; препознава графици пара-лелни на <math>x</math> и/или <math>y</math>-оската. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици. Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во единствени случаи.</p>	<p>Активности за час 1</p> <p>Со помош на учениците создадете пресликување за едноставна линеарна функција, пр. <math>x \rightarrow 2x</math></p> <table border="1" data-bbox="916 573 1028 716"> <tr><td>1</td><td>→</td><td>4</td></tr> <tr><td>2</td><td>→</td><td>8</td></tr> <tr><td>3</td><td>→</td><td>12</td></tr> <tr><td>4</td><td>→</td><td>16</td></tr> <tr><td>5</td><td>→</td><td>20</td></tr> </table> <p>Поврзете ја функцијата со равенката <math>y = 2x</math>. Со помош на учениците, создадете табела од вредности за <math>x</math> и <math>y</math>:</p> <table border="1" data-bbox="736 838 1208 901"> <thead> <tr><th><math>x</math></th><th>0</th><th>1</th><th>2</th><th>3</th><th>4</th><th>5</th><th>6</th></tr> </thead> <tbody> <tr><th><math>y</math></th><td>0</td><td>2</td><td>4</td><td>6</td><td>8</td><td>10</td><td>12</td></tr> </tbody> </table> <p>Побарајте од учениците да ги користат вредностите на <math>x</math> и <math>y</math> како координатни парови за цртање на графикот, пр.</p> <p>Објаснете што претставува графи-кот. <i>Која е равенката на овој график? Зошто?</i> Дајте им на учениците равенки на прави паралелни со <math>x</math>- или <math>y</math>-оска, пр. <math>x = 4</math>, <math>y = -3</math>, <math>x = 0</math>, <math>y = 0</math>. Тие ја претставува секоја права како график и ја опишуваат. <i>Кои точки се на вашата линија? Зошто?</i> Дискутирајте за наодите. <i>Без да го нацртате графикот, што можете да кажете за графикот <math>y = 5</math>? (Паралелен е со <math>x</math>-оската и 5 единици над неа.) ... <math>x = -2</math>?</i></p>	1	→	4	2	→	8	3	→	12	4	→	16	5	→	20	$x$	0	1	2	3	4	5	6	$y$	0	2	4	6	8	10	12	<p>Хартија со квадратчиња Линијари Следната алатка може да се користи за да се испита односот/врската помеѓу функции и графици: <a href="https://nrich.maths.org/6951">https://nrich.maths.org/6951</a> кликнете на функционалната машина Повлечете ги броевите кон полето за инпут за да го насликате графикот. Може да ги отстраните операциите од функционалната машина со кликување на нивните црвени точки.</p>	<p>аргумент вредности на функција правило функција пресликување равенка координати <math>x</math> координата <math>y</math> координата црта график оска паралелна</p>
1	→	4																																
2	→	8																																
3	→	12																																
4	→	16																																
5	→	20																																
$x$	0	1	2	3	4	5	6																											
$y$	0	2	4	6	8	10	12																											

	<p>☒ Во парови, учениците ја користат следната терминологија за да претстават линеарна функција дадена со зборови:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- алгебарска функција</li> <li>- пресликување (дијаграм)</li> <li>- равенка</li> <li>- табела со <math>x</math> и <math>y</math> вредности</li> <li>- график.</li> </ul> <p><i>Кои карактеристики на различните прикажувања на графикот се исти ... различни?</i></p>	<p>Можете да повлечете нови операции и да ги додадете со влечење на белиот спојувач на дното.</p> <p>Хартија со квадратчиња Линијари</p>	
<b>100. Тек на линеарна функција</b>			
<p>Цели за час 2</p> <p>Наоѓа координатни парови кои ја задоволуваат линеарната равенка, каде што <math>y</math> е дадена експлицитно во однос на <math>x</math>; го црта соодветниот график; препознава графици паралел-ни на <math>x</math> и/или <math>y</math>-оската.</p> <p>Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици</p> <p>Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>☒ Побарајте од учениците да опишат равенки со зборови, пр. <math>y = 4x - 3</math></p> $y = 3 - 4x$ $y = 4x + 3$ $y = 4(x + \frac{3}{4})$ $y = 4x$ $4y = x$ <p>☒ Учениците работат во мали групи. Секој ученик создава табела со вредности за <math>x</math> и <math>y</math>, за една од равенките погоре. Потоа секоја група го црта својот график на иста координатна рамнинка, означувајќи го со својата равенка..</p> <p>Поврзете ги еквивалентните равенки и побарајте од учениците да ги споредат нивните прави. <i>Кои сличности ... разлики можете да ги забележите? Можете ли да ги објаснете?</i></p> <p>☒ Потсетете ги учениците за визуелните прикажувања на низи кои ги направиле во првото полугодие. Во групи, учениците создаваат шаблони на низа со употреба на стапчиња, пр.</p>  <p>Од визуелното прикажување, тие го запишуваат следното:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- бројната низа</li> <li>- правилото за добивање на член по член</li> <li>- општ член како формула</li> <li>- пресликување</li> </ul>	<p>Големи листови хартија со квадратчиња</p>	<p>равенка координати <math>x</math> координата <math>y</math> координата црта график оски еквивалентен низа член правило за добивање на член по член општ член формула пресликување</p>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- функционална машина</li> <li>- табела од координатни парови</li> <li>- график.</li> </ul> <p><i>Како се поврзани различните прикажувања?</i></p>		
<b>101. Примена на линеарна функција</b>			
Цели за час 3 Изведува и користи едноставни формули, на пример, запишува часови во минути.  Наоѓа координатни парови кои ја задоволуваат линеарната равенка, каде што у е дадена експлицитно во однос на х; го црта соодветниот график; препознава графици паралелни на х и/или у-оската.  Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни.	<p>Активности за час 3</p> <p>На часовите, учениците работат во групи на повеќе испитувања со отворени прашања. Тие ги претставуваат своите стратегии. За време на испитувањата, поставете прашања за да се разгледа тоа што е нејасно и да поттикнат кај учениците нови идеи. Идеи за испитувања се следните:</p> <p><b>■ Температура</b> Температурата може да се измери во целзиусови степени (<math>^{\circ}\text{C}</math>) или фаренхајтови степени (<math>^{\circ}\text{F}</math>). Точката на смрзнување на водата е <math>0^{\circ}\text{C}</math> и <math>32^{\circ}\text{F}</math>. Точката на вриење на водата е <math>100^{\circ}\text{C}</math> и <math>212^{\circ}\text{F}</math>. Обидете се да најдете формула за претворање на исчитувањата во фаренхајтови степени во целзиусови степени... претворање на исчитувањата на целзиусови степени во фаренхајтови степени. <i>Можете ли да најдете темпе-ратура на која исчитувањата во целзиусови и фаренхајтови степени се исти? Што би ви помогнало тоа?</i></p> <p><b>■ Тарифи за мобилни телефони</b> Истражувајте ги тарифите за мобилни телефони и создадете формули за различните договори за давател на услуги. Најдете која е најдобрата вредност за парите. Претставете ги информациите јасно за потрошувачите. <i>Колку информации ќе соберете? Кои информации би биле особено корисни за потрошувачите? Како можете јасно да ги представите?</i></p> <p><b>■ Конверзија (претворање) на валута</b> Најдете го односот меѓу денари и друга валута и запишете го како формула. Претставете го овој однос јасно за туристите. <i>Можете ли да опишете начин за претворање денари во друга валута со зборови? Кои информации би биле особено користи за туристите? Како можете ова јасно да го представите?</i></p>	Претходно подгответени испитувања Големи листови хартија	однос/врска формула график претвора (конвертира)
<b>102. Подготовка за писмена работа</b>			
Цели за час 4 Изведува и користи едноставни формули,	<p>Активности за час 4</p> <p>Задачи подгответени од натсвникот за повторување на задачите од темата</p>		

црта график;			
Недела 10			
<b>103. Трета контролна писмена работа</b>			
Цели за час 1 Проверка на стекнатите знаења и външтини	Активности за час 1 Самостојно решавање на однапред подгответи задачи од страна на наставникот		
<b>104. Анализа на контролна писмена работа</b>			
Цели за час 2 Посочување на направените пропусти при решавање на понудените задачи	Активности за час 2 Анализа на задачите зададени на претходниот час		

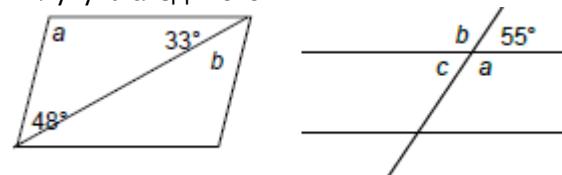
## Единица 2В: Геометрија и решавање проблеми

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 10			
<b>105. Агли на трансверзала</b>			
Цели за час 3 Почнува да препознава агли на трансверзала на две паралелни прави (вклучувајќи го случајот трансверзалата да е нормална на паралелните прави). Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и	<p>Активности за час 3</p> <p>☒ Повторете го наученото за термините 'паралелна' и 'нормална' права, барајќи од учениците да работат во групи за да запишете дефиниција на секој термин. Кога ќе бидат готови, секоја група ја чита својата дефиниција. Воведете го терминот „трансверзала“ (права која сече две или повеќе паралелни прави). Оценете го разбирањето на учениците, барајќи од нив да нацртат нормална трансверзала на две паралелни прави.</p> <p>☒ Учениците користат трансверзали кои не се нормални на две паралелни прави. Тие ги одредуваат еднаквите агли во рамките на трансферзала на две паралелни прави преку овие различни задачи:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- цртање и ротирање на трансверзала со употреба на компјутерски програм;</li> <li>- боене на еднакви агли на трансверзала на две паралелни прави со споредба на нивните големини со паус хартија за цртање;</li> <li>- проверка на големината на аглите на трансверзала на две паралелни прави со употреба на агломер.</li> </ul>	<p>Компјутер со основна програма за цртање Линијари Паус хартија за цртање Агломери</p> <p>Интерактивна трансферзала е достапна на: <a href="http://www.mathopenref.com/transversal.html">http://www.mathopenref.com/transversal.html</a></p>	<p>паралелна нормална трансверзала сече агол прав агол накрсни агли</p>



графици.	<p><i>Што забележувате кај аглите кои се исти? Можете ли да забележи-те шаблон/модел? Зашто мисли-те дека овие агли се еднакви?</i></p> <p><i>Што би било различно за еднакви-те агли доколку трансверзалата била нормална? (сите агли би биле еднакви—сите тие би биле прави агли)</i></p> <p>☒ Воведете го терминот 'накрсни агли' за да објаснете напоредни агли кај пресекот на две прави.</p>	<p><a href="#">al.html</a></p> <p>Повлечете ја портокаловата точка за да ги промените аглите кај точките каде што трансверзалата ги сече паралелните линии. Интерактивен приказ на накрсни агли е достапен на: <a href="http://www.mathopenref.com/anglesvertical.htm">http://www.mathopenref.com/anglesvertical.htm</a></p> <p>☒ Повлечете ја портокаловата точка за да ги испитате големините на накрсни агли</p>	
<b>106. Одредување непознат агол на трансверзала</b>			
<p>Цели за час 4</p> <p>Определува непознат агол користејќи ги знаењата за збирот на аглите околу точка, на права, во триаголник, и докажува дека накрсните агли се еднакви; изведува и користи дека збирот на аглите на четириаголник е <math>360^\circ</math>.</p>	<p>Активности за час 4</p> <p>☒ <i>Што знаете за збирот на аглите во триаголник? (збирот секогаш е <math>180^\circ</math>)</i></p> <p>Во парови учениците испитуваат:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Дали е вистина дека секој четириаголник може да се подели на два триаголника?</i></li> <li>- <i>Колку е збирот на аглите во било кој четириаголник? Зашто?</i></li> </ul> <p>☒ Учениците се потсетуваат за односите помеѓу аглите. Со примена на апликацијата GeoGebra тие конструираат агли околу точка, агли на права, накрсни агли, триаголници и четириаголници. Тие работат со конструираните фигури и следат што се случува со аглите.</p> <p>☒ Учениците го применуваат нивното знаење за односите меѓу аглите за да ги најдат аглите кои недостасствуваат во дијаграми од трансверзала на две паралелни прави.</p>	<p>Интерактивни многуаголници се достапни на: <a href="https://www.mathsisfun.com/quadrilaterals.html">https://www.mathsisfun.com/quadrilaterals.html</a></p> <p>Кликнете на опцијата 'Angles (Агли)' и повлечете ги аглите на</p>	<p>агол триаголник четириаголник збир агли околу точка агли на права трансверзала накрсни агли</p>



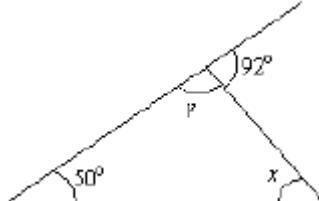
<p>Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>Учениците прецизно ги конструираат дијаграмите од трансферзала на две паралелни прави, за да ги проверат своите одговори. Можните дијаграми од трансверзала на две паралелни прави, го вклучува следниото:</p>  <p>Дискутирајте за стратегиите. Зошто мислите дека вашата стратегија е точна? Дали би можеле да го најдете одговорот на друг начин?</p>	<p>четириаголникот за да го промените четириаголникот и проверете дали збирот на аглите останува ист. Апликација за цртање, пр. GeoGebra кој е достапна бесплатно на:  <a href="https://app.geogebra.org/#geometry">https://app.geogebra.org/#geometry</a></p> <p>Претходно подгответени дијаграми од трансверзала на две паралелни прави, во кои недостасува агол (агли во точка, на права, во триаголник, во четириаголник и накрсни агли). Линијари Агломери</p>	
<p>Недела 11</p>			
<p>Цели за час 1 Определува непознат агол користејќи ги знаењата за збирот на</p>	<p>Активности за час 1</p>	<p>Претходно подгответени дијаграми во кои недостасува агол</p>	<p>(внатрешен) агол, збир агли околу точка агли на права трансверзала</p>
<p>Учениците работат во парови, дискутираат и пресметуваат непознати агли во дијаграмите. Дискутирајте за стратегиите кои се користат на ниво на паралелка.</p>	<p>Дискутирајте за стратегиите кои се користат на ниво на паралелка.</p>		

<p>аглите околу точка, на права, во триаголник, и докажува дека накрсните агли се еднакви; изведува и користи дека збирот на аглите на четириаголник е <math>360^\circ</math>.</p> <p>Решава едноставни геометриски проблеми со користење на својствата на страните и аглите за да идентификува еднакви должини, да пресмета непознати агли, и да го објасни размислувањето.</p>	<p>☒ Во мали групи учениците дискутираат за прашања кои се однесуваат на страните и внатрешните агли на триаголници и четириаголници, пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Еден агол на правоаголен триаголник е <math>34^\circ</math>. Кои се другите два негови агли?</li> <li>- Двете страни на еден делтоид се 3 см и 6 см. Кои се должините на другите страни?</li> </ul> <p><i>Кое свойство на формата ви помогна да отговорите на тоа прашање?</i></p> <p>☒ Учениците создаваат свои дијаграми во кои недостасува агол или прашања за својство на некоја форма на хартија. Тие ги запишуваат одговорите на задниот дел од хартијата.</p>	<p>(агли кај точка, на права, во триаголник, во четириаголник и вертикално спротивни агли).</p> <p>Дијаграми на:</p> <p><a href="http://www.helpingwithmath.com/by_subject/geometry/go_missing_angles_8g_5.htm">http://www.helpingwithmath.com/by_subject/geometry/go_missing_angles_8g_5.htm</a> може исто така да бидат корисни за да се дискутира како да се решаваат проблеми во кои не се познати некои агли.</p> <p>Претходно подготвени прашања за страните и внатрешните агли на триаголници и четириаголници</p>	<p>накрсни агли триаголник правоаголен, рамностран, рамнокрак, разностран триаголник четириаголник квадрат правоаголник ромб паралелограм делтоид, трапез</p>
--	---	---	---

### 108. Одредување непознати агли кај триаголник, четириаголник

<p>Цели за час 2</p> <p>Решава едноставни геометриски проблеми со користење на својствата на страните и аглите за да идентификува еднакви должини, да пресмета непознати агли, и да го</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>☒ По случаен пат дистрибуирајте ги дијаграмите во кои недостасува агол и прашањата за својство на форма подготвени на претходниот час од неделата. Во парови, учениците разговараат и решаваат. <i>Дали вашиот одговор се совпаѓа со оној на задниот дел од хартијата? Кое знаење го користевте? Дали има повеќе од една стратегија за ова прашање?</i></p> <p>Во мали групи, учениците дискутираат за непознатите агли на триаголници и четириаголници кои вклучуваат и надворешни агли и за чие решавање се потребни</p>	<p>Дијаграми за агли кои недостасуваат и прашања за својства на форма подготвени на третиот час од неделата</p>	<p>агол внатрешен агол надворешен агол збир агли на права триаголник правоаголен триаголник</p>
--	--	---	---



<p>објасни размис-лувањето. Определува непознат агол ко-ристејќи ги знаењата за збирот на аглите околу точка, на пра-ва, во триаголник, и докажува дека накрсните аgli се еднакви; изведува и користи дека збирот на аглите на четириаголник е <math>360^\circ</math>.</p>	<p>два чекори, пр.</p>  <p><i>Дали имате доволно информации за да го пресметате овој агол? Зошто/зошто не? Кое знаење може да го употребите за да го најдете овој агол?</i></p>	<p>Претходно подгответни дијаграми за агли кои недостасуваат, триаголници и четириаголници, кои вклучуваат надворешни агли и за чие решавање се потребни два чекори</p>	<p>рамностран триаголник рамнокрак триаголник разностран триаголник четириаголник квадрат правоаголник ромб паралелограм делтоид трапез</p>
--	---	---	---

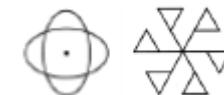
### 109. Карактеристики на 3Д форми

<p>Цели за час 3 Препознава и опишува 3Д форми и некои од нивните карактеристики, на пример, бројот на сидови, рабови и темиња. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии.</p>	<p>Активности за час 3</p> <p>¶ <i>Кои од овие форми се полиедри? Што се другите форми кои не се полиедри? Што можете да кажете за нивните својства?</i></p> <p>¶ (Забелешка: Следната активност се повторува од шесто одделение, но е проширена и вклучува алгебарски шаблон/модел помеѓу сидови, рабови и темиња). Учениците работат во парови со голем број различни полиедри. Земајте една по една форма и избројте ги нејзините сидови, рабови и темиња. Тие ги запишуваат своите наоди во табела:</p> <table border="1" data-bbox="714 981 1215 1133"> <thead> <tr> <th>сидови</th> <th>рабови</th> <th>темиња</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table> <p><i>Дали можете да забележите какви било шаблони/модели во бројот на сидови, рабови и темиња за полиедри? Кон крајот на лекцијата помогнете им на учениците да изведат заклучок за врската меѓу сидовите, рабовите и темињата на полиедрите: <math>V - E + F = 2</math>, кој за прв пат беше забележан од Леонард Ојлер (1707–1783).</i></p> <p>¶ Поделете повеќе 3Д форми по групи и побарајте од нив да одредат колку е можно повеќе својства за секоја 3Д форма</p>	сидови	рабови	темиња													<p>3D форми (вклучувајќи некои кои не се полиедри) како што се коцка, квадар, цилиндар, полутопка, призми, пирамиди, тетраедар</p> <p>Полиедри кои вклучуваат коцка, квадар, призми, пирамиди, тетраедар</p>	<p>3D форми полиедар, полиедри коцка квадар цилиндар полутопка призма пирамида пирамида со основа квадрат сфера тетраедар</p>
сидови	рабови	темиња																



		<p>тетраедар Некои интерактивни 3Д форми се достапни на: <a href="https://www.learner.org/interactives/geometry/platonic.html">https://www.learner.org/interactives/geometry/platonic.html</a> .</p>	
<b>110. Препознавање и описување на 3Д форми</b>			
Цели за час 4 Препознава и описува 3Д форми и некои од нивните карактеристики, на пример, бројот на сидови, работи и темиња. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии.	<p>Активности за час 2</p> <p>☒ Играјте „20 прашања“ во мали групи или како цела паралелка. Еден ученик тајно влече име на 3Д форма од вреќа. Другите ученици поставуваат прашања на кои може да се одговори само со 'да' или 'не' за да се обидат да ја одредат формата. Тие се ограничени да постават најмногу 20 прашања пред да ја погодат формата. За да ги охрабрите учениците да користат математичка терминологија, прикажете клучни термини, пр. „сидови“, „темиња“ и „работи“.</p> <p>☒ За да поттикнете развивање на истражувачките вештини кај учениците, може во мали групи да истражуваат преку една од онлајн активностите:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Секоја група има 27 мали коцки:</li> <li>по три од девет бои. Тие ги подредуваат коцките за да направат коцка од 3 по 3 така што секој сид на поголемата коцка содржи една од секоја боја.</li> <li>- Учениците замислуваат тридимензионална форма од мрежи 3 на три џамли и целта на играта да се направи поголем број на прави со три џамли.</li> </ul>	<p>Имиња од 3Д форми на карти, пр. коцка, квадар, цилиндар, полутопка, призма, пирамида, пирамида со основа квадрат, сфера, тетраедар Непрозирна торба или кутија од која може да се влечат картите</p> <p><a href="http://nrich.maths.org/768/index">http://nrich.maths.org/768/index</a></p> <p>Мали коцки во 9 бои <a href="http://nrich.maths.org/895">http://nrich.maths.org/895</a></p>	<p>3Д форми полиедар, полиедри коцка квадар цилиндар полутопка призма пирамида пирамида со основа квадрат сфера</p>
Недела 12			

## 111. Ротациона симетрија

<p>Цели за час 1 Препознава осна и ротациона симетрија кај 2Д форми и модели; црта оска на симетрија и формира модели со две оски на симетрија; идентификува ред на ротациона симетрија. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии. Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.</p>	<p>Активности за час 1</p> <p>¶ Разгледајте ја ротационата симетрија. Демонстрирајте го ефектот на ротирањето на правоаголник околку неговата централна точка. Нацртајте правоаголник на табла и исечете ист таков правоаголник од картон и потоа ротирајте го правоаголникот околку неговиот центар. Објаснете дека, бидејќи правоаголникот од картон се совпаѓа со него-виот цртеж на табла два пари во едно цело вртење (<math>360^\circ</math>), велиме дека формата има 'ротациона симетрија од втор ред'. Објаснете дека доколку една форма се совпадне со нејзиниот цртеж само еднаш, тогаш таа нема ротациона симетрија, но ова се вика 'ротациона симетрија од прв ред'. ¶ Потсетете ги учениците за ротирањето на формите околку едно теме. Побарајте од нив да ротираат правоаголник за <math>90^\circ</math> околу едно теме четири пати за да направат шаблон. <i>Кој ред на ротациона симетрија го има моделот?</i> (ред 4). Потоа тие го ротираат правоаголникот <math>45^\circ</math> околу едно теме осум пати. <i>Кој ред на ротациона симетрија го има шаблонот/моделот?</i> (ред 8) ¶ Резимирајте го наученото дека центарот на ротација може да биде во било која точка. Покажете им на учениците примери кои ги имаат претходно подгответено или од интернет. ¶ Дајте им на учениците шаблони-/модели кои се веќе нацртани и побарајте од нив да ги одредат оските на симетрија и редот на ротациона симетрија. ¶ Дајте им на учениците модели (шаблони) чиј дел е нацртан (пр. една четвртина) и побарајте од нив да ги пополнат за да имаат две оски на симетрија.</p>	<p>Голем правоаголник од картон</p> <p>Мали картонски правоаголници Агломери Примери на модели на ротација, кои го прикажуваат центарот на ротација во различни позиции, како што се</p>  <p>или оние на: <a href="http://kw.pm.org/wiki/index.cgi?NineBlo cksPerlReview">http://kw.pm.org/wiki/index.cgi?NineBlo cksPerlReview</a></p> <p>Претходно нацртани шаблони или компјутерски добиени шаблони</p> <p>Делумно претходно подгответени шаблони или</p>	<p>ротациона симетрија ред на ротација центар на ротација ротира осна симетрија оска на симетрија</p>
---	--	---	---

		претходно компјутерски добиени шаблони	
<b>112. Осна и ротациона симетрија на 2Д форми</b>			
Цели за час 2 Препознава осна и ротациона симетрија кај 2Д форми и модели; црта оска на симетрија и формира модели со две оски на симетрија; идентификува ред на ротациона симетрија. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии. .	<p>Активности за час 2</p> <p>Учениците добиваат 2Д форми со употреба на компјутерски софтвер и ги одредуваат нивните оски на симетрија и ротациона симетрија.</p> <p>Предизвикајте ги учениците: <i>Колку форми може да направите со 2 оски на симетрија? ... 3 оски на симетрија? Колку форми може да направите со ротациона симетрија од прв ред? ... 2? ... 3? ... 4? ... 5? Кои беа потешки за цртање? Зошто?</i></p> <p>Дајте им на учениците 2Д форми кои се веќе нацртани и побарајте од нив да ги одредат оските на симетрија и редот на ротациона симетрија.</p> <p>Дајте им на учениците 2Д форми кои се делумно нацртани (една четвртина) и побарајте да ги дополнат така што да имаат двете оски на симетрија.</p>	<p>Едноставен софтвер за цртање или динамичен геометриски софтвер, во зависност од сигурноста на учениците да го користат.</p> <p>Претходно нацртани форми или претходно компјутерски добиени форми</p> <p>Претходно нацртани делумно целосни форми или претходно добиени компјутерски форми</p>	<p>2Д форми (и нивните имиња)</p> <p>осна симетрија</p> <p>оска на симетрија</p> <p>ротациона симетрија</p> <p>ред на ротација</p> <p>центар на ротација</p>
<b>113. Цртање отсечки, паралелни и нормални прави</b>			
Цели за час 3 Користи линијар, комплет триаголници и агломер за да: - Мери и црта отсечка до најблискиот милиметар. - Мери и црта остар, тап и неконвексен агол, до најблискиот степен. - Црта паралелни и	<p>Активности за час 3</p> <p>Фокусот на овај час е мерење и цртање отсечки до најблискиот милиметар и цртање паралелни и нормални прави.</p> <p>Учениците работат во парови. Дајте им на учениците претходно нацртани отсечки за тие да ги измерат до најблискиот милиметар.</p> <p>Секој ученик потоа се менуваат со партнериот, кој ја проверува неговата работа.</p> <p>Дискутирајте за било какви отстапувања.</p> <p><i>Што можете да направите за да се осигурате дека мерите колку е можно попрецизно?</i></p> <p>Учениците работат во парови. Еден ученик кажува должината на отсечка во</p>	<p>Претходно нацртани отсечки</p> <p>Линијари (mm)</p> <p>Линијари (mm)</p> <p>Обична хартија</p> <p><a href="https://www.mathsisfun.com/geometry/construct-ruler-triangle.html">https://www.mathsisfun.com/geometry/construct-ruler-triangle.html</a></p>	<p>мери</p> <p>должина</p> <p>милиметар, mm</p> <p>паралелен</p> <p>нормален</p> <p>права</p> <p>отсечка</p> <p>комплет од линијари</p>

<p>нормални прави.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Конструира триаголник зададен со две страни и аголот меѓу нив или два аgli и страна на која лежат двета аgli.</li> <li>- Конструира квадрати и правоаголници.</li> <li>- Конструира правилни многуаголници, даден со страна и внатрешен агол.</li> </ul> <p>Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>милиметри. Неговиот партнери ја црта отсечка со дадена должина за ученик кој ја кажа нејзината должина со мерење да ја провери. Потоа тие ги менуваат улогите.</p> <p>¶ Користете ги анимациите на веб-страницата за да демонстрирате употреба на линијар и комплет од триаголници за да цртате паралелни и нормални прави.</p> <p>¶ Учениците работат во мали групи. Побарајте да мерат во милиметри. Секој ученик црта паралелни прави на дадено растојание помеѓу нив. Учениците се согласуваат во рамките на нивната група кој има нацртано најпрецизни паралелни линии. <i>Кој е вашиот совет за цртањето прецизни паралелни прави?</i> Повторете неколку пати. Извршете слична активност за нормални прави. <i>Кој е вашиот совет за цртањето прецизно нормални прави?</i></p>	<p>Линијари (mm) Комплет од линијари Обична хартија</p>	
---	---	---	--

#### 114. Мерење и цртање конвексни и неконвексни аgli

<p>Цели за час 4</p> <p>Користи линијар, комплет триаголници и агломер за да:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Мери и црта отсечка до најблискиот милиметар.</li> <li>- Мери и црта остатар, тап и неконвексен агол, до најблискиот степен.</li> <li>- Црта паралелни и нормални прави.</li> <li>- Конструира триаголник зададен со две страни и аголот меѓу нив или два аgli и страна на која лежат двета аgli.</li> <li>- Конструира квадрати и</li> </ul>	<p>Активности за час 4</p> <p>Фокусот на овај час е мерењето и цртањето остри, тапи и неконвексни аgli до најблискиот степен.</p> <p>¶ <i>Што е агол?</i> Осигурајте се дека учениците разбираат дека две полуправи со заеднички почеток ја разделуваат рамнината на два дела и секој од тие два дела заедно со двете полуправи се нарекува агол. <i>Со што ги мериме аглите? Што треба да запомниме кога користите агломер за вашите мерења да бидат прецизни?</i></p> <p>¶ Дајте им на учениците претходно нацртани аgli за тие да ги измерат до најблискиот степен. Учениците се менуваат со партнери кој ја про-верува нивната работа. Дискутирајте за било какви отстапувања. <i>Како можеме прецизно да ги измериме неконвексните аgli?</i></p> <p>¶ Учениците работат во парови. Еден ученик кажува големина на агол. Неговиот партнери црта агол со дадена големина. Ученикот кој кажал колку степени да биде аголот го проверува. Потоа тие ги менуваат улогите. Ја повторуваат постапката додека секој ученик да има нацртано остатар, тап и неконвексен агол. <i>Како можеме прецизно да цртаме неконвексни аgli?</i></p> <p>¶ Учениците работат во мали групи. Дајте им одреден број степени. Секој ученик црта</p>	<p>Претходно нацртани аgli – остри, тапи и неконвексни аgli Агломери Линијари Агломери Анимации кои прикажуваат како да нацртате остри и тапи аgli се достапни на: <a href="https://www.mathsisfun.com/geometry/protractor-using.html">https://www.mathsisfun.com/geometry/protractor-using.html</a></p>	<p>мери агол степени агломер остатар агол тап агол неконвексен агол</p>
--	---	--	---



правоаголници. - Конструира правилни многуаголници, даден со страна и внатрешен агол. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.	агол со дадена големина. Учениците се согласуваат во рамките на групата за тоа кој има нацртано најпрецизен агол. Повторете ја активноста неколку пати.	Линијари Агломери	
<b>Недела 13</b>			
<b>115. Конструкција на триаголник</b>			
Цели за час 1 Користи линијар, комплет триаголници и агломер за да: - Мери и црта отсечка до најблискиот милиметар. - Мери и црта остат, тап и неконвексен агол, до најблискиот степен. - Црта паралелни и нормални прави. - Конструира триаголник зададен со две страни и аголот меѓу нив или два агли и страна на која лежат двета агли.	Активности за час 1 Фокусот на овај час е конструирање на триаголник со дадени две страни и аголот помеѓу нив или два агли и страната на која лежат двета агли. ☒ Демонстрирајте како да конструи-рате триаголник со дадени две страни и аголот меѓу нив. Би можеле да го искористите веб-сајтот за помош. ☒ Учениците земаат три карти – една карта за „агол“ и две карти за „страна“. Тие го конструираат триаголникот кој се совпаѓа со големината на аголот и страните дадени на картите. Партнерот ја проверува големината на страните и аголот. ☒ Користете ја активноста погоре, но заменете овој пат со два агли и една страна (ACA) за триаголници. ☒ Учениците меѓусебно се предизви-куваат давајќи си страни и агли на триаголници за нивниот партнери да ги нацрта	Голем агломер, голем линијар <a href="http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathsspace/triangles_bearings/revision/2/">http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathsspace/triangles_bearings/revision/2/</a> Кликнете 'Next (Следно)' за да следат чекорите за конструкција Два комплета карти: еден комплет кој прикажува големина на агли и еден комплет кој прикажува големина на страните Агломери, Линијари <a href="http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathsspace/triangles_bearings/revision/2/">http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathsspace/triangles_bearings/revision/2/</a>	конструира мери триаголник страна агол степени агломер

[es bearings/revision  
/2/](#)

Кликнете 'Next (Следно)' за да следат чекорите за конструкција

### 116. Конструкција на правоаголник, квадрат и правилен многуаголник

<p>Цели за час 2</p> <p>Користи линијар, комплет триаголници и агломер за да:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Мери и црта отсечка до најблискиот милиметар.</li> <li>- Мери и црта остар, тап и неконвексен агол, до најблискиот степен.</li> <li>- Црта паралелни и нормални прави.</li> <li>- Конструира квадрати и правоаголници.</li> <li>- Конструира правилни многуаголници, даден со страна и внатрешен агол. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</li> </ul>	<p>Активности за час 2</p> <p>Фокусот на овај час е конструирање правоаголници, квадрати и други правилни многуаголници, со дадена страна и внатрешен агол.</p> <p>¶ Побарајте од учениците да ги користат своите вештини за цртање паралелни и нормални прави и отсечка со дадена должина за да нацртаат квадрат чија страна има должина 5 см. <i>Како се осигурувате дека сте нацртале прецизен квадрат?</i> Повторете за правоаголник со дадени димензии.</p> <p>¶ Учениците работат во парови. Побарајте од нив да ги употребат своите вештини во цртање отсечки со дадена должина и аgli за да конструираат правилен петтаголник со должина на страната 6 см и внатрешен агол <math>108^\circ</math>. Учениците цртаат страна и агол од петтаголникот. Нивниот партнери ги проверува ме-рењата на аголот и должината на страната пред да ја нацртаат следната страна.</p> <p>Дискутирајте, на пример <i>Кои вештини и знаење требаше да ги користите? Кој дел ви беше нај-голем предизвик? Зошто мислите дека користевме комплет од триаголници за да нацртаме квадрати и правоаголници, а агломер за други правилни многуаголници?</i></p> <p>¶ Учениците конструираат колку е можно повеќе правилни многуаголници, со дадена должина на страните и аголот помеѓу нив.</p>	<p>Обична хартија Линијари</p> <p>Комплет од линијари</p> <p>Обична хартија Линијари</p> <p>Агломери</p> <p>Обична хартија Линијари</p> <p>Агломери</p> <p>Алтернативно, учениците би можеле да конструираат многуаголници со примена на софтвер, како што е GeoGebra кој е бесплатно достапен на: <a href="https://app.geogebra.org/">https://app.geogebra.org/</a></p>	<p>конструира мери многуаголник правоаголник правилен рамностран триаголник квадрат петтаголник шесттаголник седумтаголник осумтаголник деветтаголник десеттаголник страна агол внатрешен агол степени агломер</p>



		<a href="#">a.org/#geometry)</a>	
<b>117. Складни форми и рефлексија</b>			
Цели за час 3 Трансформација на 2Д форми и точки со : ■ ротација околу дадена точка, ■ транслација.  Знае дека формите остануваат складни по овие трансформации. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии. Црта прецизни математички дијаграми и графици.	<p>Активности за час 3</p> <p>Фокусот на овај час се складните форми и рефлексија.</p> <p>■ Побарајте од учениците да состават дефиниција за складност. Колку математички прецизни може да бидат? Учениците може да го смислат следното: „Истата форма и големина“ или „Две форми се складни кога можете со вртење и/или лизгање едната да се совпадне точно со другата.“ Прикажете ја точната дефиниција.</p> <p>■ Дајте им на учениците голем број форми нацртани на хартија со различни насоки. Некои од формите треба да бидат складни. <i>Кои од формите се складни? Како знаете?</i> Доколку учениците не се сигурни за некои форми, треба да ги исечат така што ќе можат директно да ги споредат.</p> <p>■ Повторете го наученото за рефлексија. Учениците создаваат проблем со рефлексија за нивниот партнери да го реши. На пример, тие би можеле:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- да ги наведат координатите на темињата на една форма и да побараат од нивниот партнери да ја преслика формата за дадена оска на симетрија</li> <li>- да ги нацртаат формата и нејзината слика и од нивниот партнери да побараат да ја одреди оската на симетрија.</li> </ul> <p>Побарајте од учениците да наведат факти за формата и нејзината слика пр.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формата и нејзината слика се складни</li> <li>- сликата е свртена верзија на формата</li> <li>- формата и нејзината слика се на исто нормално растојание од оската на симетрија, но на спротивни страни</li> </ul>	<p>Листови кои прикажуваат некои форми кои се складни и некои кои не се.</p> <p>Ножици</p> <p>Координатни системи со четири квадранти или хартија со квадратчиња. (Координатни системи се достапни на <a href="http://www.math-aids.com/Graph_Paper/">http://www.math-aids.com/Graph_Paper/</a>)</p> <p>Линијари</p>	складен рефлексија слика оска на симетрија нормален координати
<b>118. Ротација околу дадена точка</b>			
Цели за час 4 Трансформација на 2Д форми и точки со : ■ ротација околу дадена точка, ■ транслација.  Знае дека формите остануваат складни по овие трансформации.	<p>Активности за час 4</p> <p>На овај час се фокусирате се на ротација околу дадена точка.</p> <p>■ Објаснете дека ротацијата се дефинира со задавање на центарот на ротација, аголот на ротација и насоката на ротација (во насока на стрелките на часовникот или спротивно од насоката на стрелките на часовникот).</p> <p>пр. 'Триаголникот ABC ротира за <math>90^\circ</math> во насока спротивно од насоката на стрелките на часовникот околу (0, 0).' Објаснете дкеа формата и неј-зината слика добиена при ротација се складни.</p> <p>■ Дајте им на учениците координати на три точки. Побарајте од нив да ги поврзат точките и потоа добиениот триаголник да го ротираат за <math>90^\circ</math> спротивно од насоката на</p>	<p>Координатни системи со четири квадранти или хартија со квадратчиња (Координатни системи се достапни на <a href="http://www.math-aids.com/Graph_Paper/">http://www.math-aids.com/Graph_Paper/</a>)</p>	<p>ротација слика центар на ротација ротациона симетрија ред на ротациона симетрија степени во насока на стрелките на часовникот спротивно од насоката</p>



<p>Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии. Црта прецизни математички дијаграми и графици.</p>	<p>стрелките на часовникот околку точкат со координати <math>(0, 0)</math> три пати. <i>Што забележувате за коорди-натите на новите точки?</i> Дајте им на учениците координати на нови три точки. <i>Каде би биле точките на триаглникот доколку тој бил ротиран за <math>90^\circ</math> околку точката со координати <math>(0, 0)</math>?...<math>180^\circ</math>?...<math>270^\circ</math>?...<math>360^\circ</math>?</i></p> <p>☒ Демонстрирајте ротирање на форма околу точка за да се добие шаблон-/модел. Побарајте од учениците да создадат свои шаблони/модели со ротирање на форма за <math>60^\circ</math> со користење на изометриска хартија. <i>Како ви помага изометристката хартија? Кoj ред на ротациона симетрија го има шаблонот? Зашто?</i></p>	<p><a href="http://aids.com/Graph_Paper/">aids.com/Graph_Paper/</a></p> <p>Линијари Агломери Верзија од оваа активност е достапна на: <a href="http://nrich.maths.org/6987">http://nrich.maths.org/6987</a></p> <p>Изометриска хартија, пр. од <a href="http://nrich.maths.org/content/id/8506/DottedIsometricGrid_10mm.pdf">http://nrich.maths.org/content/id/8506/DottedIsometricGrid_10mm.pdf</a></p> <p>Линијари</p>	<p>на стрелките на часовникот координати</p>
<p><b>Недела 14</b></p>			
<p>Цели за час 1 Трансформација на 2Д форми и точки со : ☒ ротација околу дадена точка, ☒ трансляција. Знае дека формите остануваат складни по овие трансформации. Ги препознава, споредува и користи својствата на формите во две и три димензии.</p>	<p>Активности за час 3 Фокусот на овај час е трансляцијата.</p> <p>☒ Објаснете дека трансляцијата се дефинира со прецизирање на растојанието и насоката на движење, пр. 'Триаголникот ABC се движи за 2 единици кон десно.' Објаснете дека формата и нејзината слика при трансляција се складни.</p> <p>☒ Прикажете форми во координатен систем и побарајте од учениците да ги нацртат формите и/или да ги запишат координатите после трансляција за даден број единици паралелно со x-оската или y-оската, пр. -7 единици паралелно со x-оската. Објаснете дека за негативен број на единица се поместува кон лево или надолу, а за позитивен број на единица се поместува кон десно или нагоре.</p> <p>☒ Поставете голем координатен систем (мрежа) на подот од училиницата или салата за физичко образование и воспитание со употреба на изолир или нешто слично. Побарајте од еден дел од учениците да застанат во коорди-натниот систем за да</p>	<p>Форми на координатен систем (слични на оние на <a href="http://www.active-maths.co.uk/worksheets/3transform/referhp81.html">http://www.active-maths.co.uk/worksheets/3transform/referhp81.html</a>) Поголем простор Изолир или нешто слично за да се направи „човечки“</p>	<p>трансляција слика насока растојание негативен позитивен координати складни</p>



Црта прецизни математички дијаграми и графици.	формираат форма. Другите ученици даваат инструкции за трансляција, пр. Поместете се -4 единици паралелно со у-оската. Секој проверува дали движењето е точно.	координатен систем	
<b>120. Примена на рефлексија, ротација, трансляција</b>			
Цели за час 2 Трансформација на 2Д форми и точки со : ■ ротација околу дадена точка, ■ трансляција. Знае дека формите остануваат складни по овие трансформации. Црта прецизни математички дијаграми и графици	Активности за час 2 На овај час се прави спојување на трансформациите опфатени на претходните часови. ■ Наведете примери на поголем број шаблони на тетиси, знамиња итн. Во парови, учениците дискутираат и одредуваат кои трансформации се користени за создавање на шаб-лоните. <i>Што користевте за да идентификувате дека е рефлексија? ...ротација? ... трансляција? Колку линии на симетрија има шаблонот? Кој е неговиот ред на ротациона симетрија?</i> ■ Учениците дизајнираат свои шаблони со употреба на рефлекси, ротации и/или трансляции. Објаснуваат како го направиле нивниот шаблон. <i>Дали постои друг начин како можело да се направи истиот шаблон со употреба на различни трансформации?</i>	Примери на шаблони, пр. тетиси, знамиња Хартија и боички или компјутерски програм за цртање или софтвер за цртање, пр. GeoGebra кој е бесплатно достапен на: <a href="https://app.geogebra.org/#geometry">https://app.geogebra.org/#geometry</a>	трансформација слика складен рефлексија симетрија осна симетрија ротација, центар на ротација ротациона симетрија, ред на ротациона симетрија трансляција растојание шаблон/модел
<b>121. Контролен тест</b>			
Цели за час 3 Проверка на стекнатите вештини и знаења	Активности за час 3 Самостојно решавање на однапред подгответи задачи од страна на наставникот		

**Единица 2Г: Мерење и решавање проблеми**

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
Недела 14			
<b>122. График за зависноста меѓу растојание и време</b>			
Цели за час 4 Црта и толкува графици од секојдневниот живот вклучувајќи повеќе од	Активности за час 4 ■ Побарајте од учениците да дадат податоци за график кој ја дава врската меѓу растојание и време. Притоа, податоците да се менуваат бавно во една насока и потоа остануваат исти пред да се менуваат назад кон почетната точка и тоа малку побрзо.	Отворен простор Табела со графичка функција (или графичка хартија и линиски график	график за зависноста меѓу растојание и време



<p>една ситуација, на пример, график за патување. Црта прецизни математички дијаграми и графици. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни</p>	<p>Паралелката собира информации за времето и растојанието од почетната точка. Ги прикажуваат податоците во tabela за да ја види промената на графикот на секои неколку секунди. Дискутирајте како графикот се однесува во однос на движењето. Во која точка од графикот ... има движење наназад? Дали графикот е симетричен? Зошто / Зошто не? Дали графикот претставува дискретни или континуирани податоци? Зошто? (континуирани пода-тоци бидејќи сите точки на графикот–дури и помеѓу обележаното време–имаат значење.) Учениците цртаат графици за растојание-време кој се однесува на нивното патување од дома до училиште, или други еднонасочни графици за растојание-време во познати контексти. Партнерот го толкува графикот со описување на патувањето. <i>Зошто графикот не оди назад од 0 km?</i> (бидејќи растојанието неможе да има вредност негативен број) <i>Дали патувавте со иста брзина цело време? Како вашиот график го објаснува ова?</i></p>	<p>линијари) Селотејп Штоперица Хартија со квадратчиња Линијари</p>	<p>континуирани податоци брзина растојание време</p>
<b>Недела 15</b>			
<b>123. График за зависноста меѓу растојание и време за патување</b>			
<p>Цели за час 1 Црта и толкува графици од секојдневниот живот вклучувајќи повеќе од една ситуација, на пример, график за патување. Црта прецизни математички дијаграми и графици. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни</p>	<p>Активности за час 1 Дајте им на учениците график за зависноста меѓу растојание и време за патување. Тие го описуваат патувањето на својот партнер. Тие дискутираат за било какви разлики во нивните описувања. <i>Што прикажува овој дел од графикот? Како знаете?</i> Дајте им на учениците текстуален проблем и побарајте од нив да го претстават проблемот со график, со цел да го најдат решението, пр. Група од 10 ученика се на теренско патување кога нивниот автобус се расипува на 40 километри од училиштето. Една наставничка земала 5 ученика од нив и ги вратила во училиштето со нејзиниот автомобил, патувајќи со просечна брзина од 40 km на час. Другите 5 ученика почнуваат да одат кон училиштето бавно со брзина од 4 km на час. Наставничката ги остава првите 5 ученика во училиштето, потоа веднаш се враќа по другите повторно патувајќи со брзина од 40 km на час. Колку поминале учениците до моментот кога автомобилот ќе ги стигне? <i>Како вашиот график ќе го претстави патувањето на наставникот и учениците кои пешачат? Каде ќе започнува вашиот график? Зошто? Која е клучната информација за следниот дел од вашиот график?</i></p>	<p>График за патување за учениците да го толкуваат, како што е оној на <a href="http://timestutorials.co.uk/worksheets_review.php?elid=1827">http://timestutorials.co.uk/worksheets_review.php?elid=1827</a>.</p>	<p>график за зависноста меѓу растојание и време линиски график континуирани податоци брзина растојание време</p>



**124. Користи 12-часовен и 24-часовен систем**

<p>Цели за час 2 Знае врски меѓу единиците за време; разбира и користи 12-часовен и 24-часовен систем; толкува распоред; пресметува временски интервали. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>■ Колку секунди има во минута? ... минути во час? ... часови во ден?      ■ Покажете им на учениците часовник и побарајте да го прочитат времето на часовникот. Колку ќе биде часот за ... минути? (пр. 45 минути, 97 минути). Повторете неколку пати, вклучувајќи неколку прашања што се однесуваат и за предходно – Колку беше часот ... пред неколку минути? Користете време од аналоген и од дигитален часовник. Треба да повикате ученици да и постават неколку прашања на паралелката исто така.</p> <p>■ Која е предноста на користењето време на часовник со 24 часа? Појаснете дека пресметувањето на времето со 12 часа треба да вклучува информација за тоа дали тоа се однесува на утрото (помеѓу 12 на полноќ и 12 на пладне) и попладне/навечер (помеѓу 12 на пладне и 12 на полноќ). Часовниците со 24 часа немаат потреба од ваква информација (показател), па затоа може да бидат појасни. Кога би можеле да користиме часовници кои го пресметуваат времето со 12 часа ... 24 часа? (пр. време на часовникот од 12 часа кога зборуваме за времето сега, а време на часовникот од 24 часа за возните редови за патувања)</p> <p>■ Повторете го читањето на времето на часовник кој користи 12-часовен и 24-часовен систем. Би можеле да користите една од следните активности за ова:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Учениците играат игра со спојување на карти во парови или мали групи. Тие ги подредуваат картите со лицето надолу кон масата. Еден по еден превртуваат две карти. Доколку двете карти се совпаѓаат, тие ги задржуваат и повторно превртуваат две карти. Доколку двете карти не се совпаѓаат, играта преминува на следниот играч. Победник е ученикот кој ќе собере најмногу карти.</li> <li>- Секој ученик има лепливо ливче на грбот кое го покажува времето на часовникот кое го немаат видено. Учениците за да го најдат партнериот со лепливо ливче на кое има еквивалентно време на грбот со неговото, им поставува прашања на другите ученици чиј одговор треба да е 'да'/'не', пр. Дали моето време е време од 12 часа? Дали моето време е наутро? ...</li> </ul>	<p>Дигитални и аналогни часовници Има онлајн часовник кој ги прикажува двата на:  <a href="http://www.k5learning-clock.com/">http://www.k5learning-clock.com/</a></p>	<p>минута час ден време часовник со 12-часа часовник со 24-часа</p> <p>Комплети од карти кои прикажуваат времиња од 12 часа и од 24 часа и притоа времињата од двата вида на часовници се совпаѓаат на различни карти Комплет од лепливи ливчиња за учениците да ги носат кои прикажуваат времиња од 12 часа и 24 часа на различни лепливи ливчиња</p>
<b>125. Толкува распоред. Пресметување временски распоред</b>			
Цели за час 3	Активности за час 3	Временски	минута



<p>Знае врски меѓу единиците за време; разбира и користи 12-часовен и 24-часовен систем; толкува распоред; пресметува временски интервали. Проценува, одредува приближна вредност и ја проверува својата работа. Користи логички следства и изведува заклучоци.</p>	<p>Дајте им на учениците возни редови кои вклучуваат два типа на транспорт, пр. патување со автобус од нивниот дом до Скопје и патување со воз од Скопје до друга локација. Побарајте од учениците да го испланираат најсоодветното патување до конечната дестинација за да пристигнат во дадено време. <i>Што ако се дупне гума на автобусот и тој задоцни? Кога би бил следниот можен воз?</i></p> <p>Дајте им на учениците информации како следните: Има автобус од една автобуска постројка на секој 20 минути од 6:23 наутро до 8:23 навечер. Во текот на денот во други периоди, другите автобуси се на секои 30 минути. Учениците создаваат возен ред за да го прикажат времето на автобусот за целиот ден. <i>Дали ќе користите време од 12 часа или од 24 часа за вашиот возен ред? Зошто? Кои шаблони се во вашиот распоред?</i></p>	<p>распоред (возен ред) за два различни типови на транспорт за двете фази на патување</p>	<p>час ден време временски распоред (возен ред)</p>
---	--	---	---

### 126. Мерна единица за плоштина

<p>Цели за час 4 Знае ознаки и врски меѓу метри квадратни метри(<math>m^2</math>) центиметри квадратни (<math>cm^2</math>) милиметри квадратни (<math>mm^2</math>) Проценува, одредува приближна вредност и ја проверува својата работа. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>Активности за час 4</p> <p>Повторете го наученото за метри квадратни (<math>m^2</math>), центиметри квадратни (<math>cm^2</math>) и милиметри квадратни (<math>mm^2</math>). <i>Што мериме со овие единици?</i> Наведете предмет (пр. глава од игла, фудбалски терен) и побарајте од учениците да покажат карта со најсоодветната единици која ќе се користи за мерење на плоштината на предметот. <i>Колку проценувате дека е вашата плоштина? Зошто?</i></p> <p>Дискутирајте што значи <math>2^2</math>. Во мали групи, учениците прават метар квадратен и центиметар квадратен и се обидуваат да направат милиметар квадратен. Споредете ги мерните единици поставувајќи прашања како: <i>Колку <math>cm^2</math> има во <math>1 m^2</math>? Колку <math>mm^2</math> има во <math>3 cm^2</math>?</i> Учениците користат дијаграми како помош да ги направат потребните пресметувања и да одговорат</p>	<p>Три карти за секој ученик, и секоја е запишано <math>m^2</math> или <math>cm^2</math> или <math>mm^2</math> Мини бели табли и маркери Линијари од еден метар Линијари од 30 см кои прикажуваат см и mm Конец Ножички Хартија за сечење Би можеле да го користите веб-сајтот за претворање (конверзија) на мерните единици за да ги проверите одговорите, пр. на: <a href="http://www.checkyo">http://www.checkyo</a></p>	<p>плоштина единица метри квадратни (<math>m^2</math>) центиметри квадратни (<math>cm^2</math>) милиметри квадратни (<math>mm^2</math>) претвора (конвертира)</p>
--	--	---	---



		<a href="http://www.checkyourmath.com/convert/area/cm_m.php">urmath.com/convert /area/cm_m.php</a>	
Недела 16			
<b>127. Плоштина. Претворање од една во друга мерна единица</b>			
Цели за час 1  Знае ознаки и врски меѓу метри квадратни метри( $m^2$ ) центиметри квадратни ( $cm^2$ ) милиметри квадратни ( $mm^2$ )  Проценува, одредува приближна вредност и ја проверува својата работа. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета	Активности за час 1  ☒ Поставете прашања за претворање (конверзија) на мерните единици со цел учениците да го направат пресметување со мантални стратегии. <i>Како го најдовте вашиот одговор? Како знаете дека вашиот одговор е разумен? Кои се 'правилата' за конвертирање од ... во ...?</i>  ☒ Во мали групи, учениците играат игра со совпаѓање на плоштина со употреба на два комплета на карти кои прикажуваат еднакви плоштини дадени со различна мерна единица за плоштина. Тие ги подредуваат картите со лицето кон масата. Еден по еден превртуваат по две карти. Доколку двете карти покажуваат еднакви плоштини, тие ги задржуваат и повторно отвораат две карти. Доколку двете карти не покажуваат еднакви плоштини, играта преминува кон следниот играч. Победник е ученикот кој ќе собере најмногу карти.  ☒ Активноста се повторува со три комплети на карти. Учениците групираат еквивалентни мерења на плоштина во купчиња од по три карти.	Би можеле да го користите веб-сайтот за претворање (конверзија) на мерните единици за да ги проверите одговорите, пр. на: <a href="http://www.checkyourmath.com/convert/rea/cm_m.php">http://www.checkyourmath.com/convert/rea/cm_m.php</a> Комплети од карти кои прикажуваат парови на еквивалентни мерења со употреба на метри квадратни ( $m^2$ ) центиметри квадратни ( $cm^2$ ) или милиметри квадратни ( $mm^2$ ) на различни карти. Комплети од карти кои прикажуваат парови на еквивалентни мерења со употреба на метри квадратни ( $m^2$ ) центиметри	претвора (конвертира) множи дели метри квадратни ( $m^2$ ) центиметри квадратни ( $cm^2$ ) милиметри квадратни ( $mm^2$ )



			квадратни ( $\text{cm}^2$ ) или милиметри квадратни ( $\text{mm}^2$ ) на три различни карти.	
<b>128. Пресметува периметар и плоштина</b>				
Цели за час 2  Изведува и користи формули за периметар и плоштина на правоаголник; пресметува периметар и површина на сложени форми составени од правоаголници.  Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи.  Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.	Активности за час 2  <p>■ <i>По што се разликуваат плоштина и периметар?</i> Покажете им на учениците голем број правоаголници нацртани на хартија со квадратчиња. Побарајте од нив да ја запишат должината, ширината, плоштината и периметарот. <i>Како можете да го најдете периметарот со употреба на хартијата со квадратчиња?</i> <i>Што е со плоштината?</i></p> <p>■ Повторете го наученото за плоштини и периметар на правоаголник. <i>Зошто функционираат овие формули?</i> Користете дијаграми, како што се оние на веб-сајтовите, за демонстрација.</p> <p>■ Предизвикајте ги учениците да нацртаат колку е можно повеќе правоаголници со плоштина од <math>24 \text{ cm}^2</math>. На учениците може да им додадете предизвико: <i>Дали можете да направите правоаголници со димензии децимални броеви</i> (пр. <math>2.5 \text{ cm} \times 9.6 \text{ cm}</math>). <i>Кои се димензиите на правоаголникот со најдолем/најмал периметар?</i> <i>Како знаете дека го најдовте?</i></p>	Претходно подгответи правоаголници на хартија со квадратчиња Интерактивни дијаграми кои се однесуваат на периметарот и плоштината на правоаголници се достапни на: <a href="http://www.mathopenerref.com/rectangle_perimeter.html">http://www.mathopenerref.com/rectangle_perimeter.html</a> <a href="http://www.mathopenerref.com/rectangle_area.html">http://www.mathopenerref.com/rectangle_area.html</a> Повлечете ја портокаловата точка за да ги промените димензиите на правоаголникот и да го видите како со промената на димензиите се менува периметарот/плоштината на правоаголникот.	плоштина периметар формула пресметува должина ширина квадрат правоаголник центиметри центиметри квадратни ( $\text{cm}^2$ )	

		голникот. Обична хартија и линијари	
--	--	---	--

**129. Пресметува периметар и плоштина на сложени форми**

Цели за час 3 Изведува и користи формули за периметар и плоштина на правоаголник; пресметува периметар и плоштина на сложени форми составени од правоаголници. Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.	Активности за час 3 ■ Учениците решаваат проблеми за да го пресметаат периметарот и/или плоштината на сложени форми кои може да се поделат на правоагол-ници. Учениците споредуваат и разговараат за нивните одговори со партнериот. <i>Како ќе ја поделиш формата? Дали ти се познати сите должини на страните кои се потребни? Како можеш да пресметаш дополнителни страни кои ти се потребни? Дали постои само еден начин да ја поделиш формата?</i> ■ Учениците цртаат сложени форми кои може да се поделат на правоаголници за нивниот партнери да ја најде плоштината и периметарот. <i>Дали имаш дадено доволно информации? Дали имаш дадено дополнително информа-ции? Како го најде одговорот?</i> ■ Учениците работат во парови. Дајте им скица на четири или пет соби (сите сложени форми) кои треба да се постелат со тепих. Обезбедете ценi за различни теписи по $m^2$ и шајки за тепих по $m$ . Учениците одлучуваат кој е најдобриот начин да се потроши претходно одредениот буџет.	Претходно подгответени сложена форма (дијаграми кои не се поделени на правоаголници) Примери се достапни на: <a href="http://www.cimt.plymouth.ac.uk/projects/mepres/book7/bk7i9/bk7_9i4.htm">http://www.cimt.plymouth.ac.uk/projects/mepres/book7/bk7i9/bk7_9i4.htm</a>	плоштина периметар формула пресметува должина ширина квадрат правоаголник центиметри центиметри квадратни ( $cm^2$ )
--	--	--	--

**130. Волумен. Мена единица за волумен**

Цели за час 4 Ја изведува и користи формулата за волумен на квадар; пресметува волумен на квадар. Препознава математички својс-tва, модели и врски, воопштувајќи ги во	Активности за час 4 ■ Дефинирајте го поимот „волумен“ како дел од просторот што го зафаќа една 3Д форма. Објаснете дека единиците за волумен се запишуваат со 3. Прикажете коцки со волумен $1 cm^3$ за да се направи разлика помеѓу $cm^2$ и $cm^3$ . <i>Што е посебно за коцката од <math>1 cm^3</math>? (Нејзината должина, ширина и висина е по <math>1 cm</math>.)</i> ■ Со помош на учениците, направете метар кубен од 12 линијари од по 1 метар и споредете го со коцка од $1 cm^3$ . <i>Колку коцки од <math>1 cm^3</math> би биле потребни да се</i>	коцки со волумен од $1 cm^3$ Дијаграми кои може да ви помогнат да го дефинирате поимот волумен се достапни на:	волумен коцка квадар милиметри кубни ( $mm^3$ ) центиметри кубни ( $cm^3$ ) метри кубни ( $m^3$ )
---	---	---	---



<p>едноставни случаи. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p><i>направи коцка со волумен од 1 m<sup>3</sup>? Зашто?</i></p> <p>Во групи, учениците градат повеќе различни квадари со употреба на коцки од 1 см<sup>3</sup>. <i>Можете ли да најдете општо правило ... формула за пресметка на волуменот на квадар?</i></p> <p>Доколку им е потребна вашата поддршка, би можеле да сугерирате на учениците да ја забележат должината, ширината и висината на секој квадар кој ќе го направат и да ја побараат врската помеѓу броевите и волуменот. Дискутирајте за наодите. Објаснете дека волуменот на еден квадар е плоштината на основата (должина ширина) помножена со висина:</p> <p>Волумен = должностина ширина висина <math>V=a \cdot b \cdot c</math></p>	<p><a href="http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathematics/measures/volume/revision/2/">http://www.bbc.co.uk/bitesize/ks3/mathematics/measures/volume/revision/2/</a></p> <p>12 линијари од еден метри (или стапчиња од 1 m) и лента или конец за да ги задржи заедно</p> <p>1 коцки од 1 см<sup>3</sup> Анимации кои може да бидат корисни за поддршка на вашата дискусија се достапни на: <a href="http://www.learner.org/interactives/geometry/area_volume.html">http://www.learner.org/interactives/geometry/area_volume.html</a> <a href="http://mathsahoy.weebly.com/volume-of-a-cuboid-animation.html">http://mathsahoy.weebly.com/volume-of-a-cuboid-animation.html</a></p>	<p>правило формула должина ширина висина</p>
<p><b>Недела 17</b></p>			

### 131. Волумен на квадар

<p>Цели за час 1 Ја изведува и користи формулата за волумен на</p>	<p>Активности за час 1 Со примена на формулата за која беше зборувано на првиот час од оваа недела, учениците ги пресметуваат волумените на квадар (прво со мерење на работите на</p>	<p>Голем број картонски кутии со различна големина</p>	<p>волумен коцка квадар</p>
--	---	--	-----------------------------



<p>квадар; пресметува волумен на квадар. Препознава математички својства, модели и врски, воопштувајќи ги во едноставни случаи. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>кутиите). Тие ги споредуваат нивните волуmeni со оние на партнерот и дискутираат за какви било несогласувања. <i>Дали твоето пресметување е различно или пак прецизноста на твоето мерење?</i>  <i>Колку би изнесувал тојот волумен во метри кубни? Зашто?</i></p> <p>Учениците фрлаат коцка три пати за да ги добијат димензиите на квадар во центиметри. Тие скицираат квадар со тие димензии и го запишуваат пресметувањето за волуменот на квадарот. Учениците го споделуваат волуменот на нивниот квадар со оној на партнерот и секој се обидува да ги открие ди-мензиите на квадарот од партнерот.</p>	<p>(квадар) (пр. кутии од житарици)  Линијари  Калкулатори (доколку е потребно за пресметките)</p> <p>Коцки  Учениците може самите да направат квадар и да го проверат нивниот волумен на:  <a href="http://www.shodor.org/interactivate/activities/SurfaceAreaAndVolume/">http://www.shodor.org/interactivate/activities/SurfaceAreaAndVolume/</a></p>	<p>милиметри кубни (mm<sup>3</sup>)  центиметри кубни (cm<sup>3</sup>)  метри кубни (m<sup>3</sup>)  формула  димензии  должина  ширина  висина</p>
---	---	---	---

### 132. Плоштина на коцка и квадар

<p>Цели за час 2  Пресметува плоштина на сидови на коцка и квадар од нивните мрежи. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.</p>	<p>Активности за час 2</p> <p>Дајте им на учениците кутии во форма на квадарт кои се отворени во мрежи. Побарајте од учениците да ја пресметаат плоштината од мрежите. <i>Која е вашата стратегија? Дали треба да го измерите секој раб? Дали треба да ја пресметате плоштината на секој сид од квадарот?</i></p> <p>Објаснете дека спротивните сидови на квадарот се исти, па така можете да го најдете збирот од плоштините на трите различни страни и потоа да помножите со 2. <i>Како можете да ја најдете плоштината на коцка?</i></p> <p>Учениците го пресметуваат волумените на кутии во форма на квадар од мрежи. <i>Кои мерења ви се потребни? Кои делови од мрежата ќе ги мерите?</i> Учениците ги проверуваат нивните волуmeni со виткање на секоја мрежа во квадар и со повторно мерење и пресметување</p>	<p>Голем број празни картонски кутии со различна големина (квадар или коцка) отворени во мрежи  Линијари  Калкулатори (доколку е потребно за пресметување)</p> <p>Голем број празни картонски кутии со различна големина (квадар или коцка)</p>	<p>волумен коцка квадар мрежа плоштина центиметри квадратни (cm<sup>2</sup>) милиметри квадратни (mm<sup>2</sup>). милиметри кубни (mm<sup>3</sup>) центиметри кубни (cm<sup>3</sup>) формула</p>
---	--	---	---



		отворени во мрежи Линијари Калкулатори (доколку е потребно за пресметување)	
--	--	--	--

**133. Подготовка за писмена работа**

Цели за час 3 Пресметува плоштина на сидови на коцки и квадар од нивните мрежи. Проценува, одредува приближ-на вредност и ја проверува својата работа. Препознава математички својс-тва, модели и врски, воопшту-вајќи ги во едноставни случаи. Ги разбира секојдневните сис-теми за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета.	Активности за час 3 ☒ Користете ја активноста на веб-сајт за да повторите за мрежа на коцка. Учениците одредуваат кои од дијаграмите се мрежа од коцка. ☒ Учениците работат во парови. Предизвикајте ги да направат колку е можно повеќе различни квадари (или коцки) со дадена плоштина, пр. 72 см <sup>2</sup> . Дајте различна плоштина за секоја група. Тие го изработуваат квадарот прво со цртање на неговата мрежа на хартија со квадратчиња. <i>Кои стратегии ги користите? Дали ги најдовте сите можни квадари чии должини на сидовите се цел број? Како знаете? Кои се волумените на вашиите квадари? Кој има најголем волумен?</i> Проширете го предизвикот барајќи од една група да ја наведе плоштината и волуменот на нивниот квадар за другата група да направи ист таков квадар.	<a href="http://illuminations.nctm.org/Activity.aspx?id=3544">http://illuminations.nctm.org/Activity.aspx?id=3544</a>  Кликнете на еден од дијаграмите. Изберете 'Да' или 'Не', според тоа дали учениците мислат дека дијаграмот е мрежа од коцка или не е мрежа на коцка. дијаграмот ќе се 'свртка' за проверка. Хартија со квадратчиња Селотејп Ножици	волумен коцка квадар мрежа површина центиметри квадратни (см <sup>2</sup> ) милиметри квадратни (мм <sup>2</sup> ). милиметри кубни (мм <sup>3</sup> ) центиметри кубни (см <sup>3</sup> ) формула
--	--	--	--

**134. Четврта контролна писмена работа**

Цели за час 4 Пресметува плоштина на сидови на коцки и квадар од нивните мрежи. Проценува, одредува приближ-на вредност и ја проверува својата работа.	Активности за час 4 Ученикот работи смостојно, решава зададени задачи кои претходно се подгответи од страна на натавникот		
--	--	--	--



Препознава математички својс-тва, модели и врски, воопшту-вајќи ги во едноставни случаи. Ги разбира секојдневните системи за мерење и ги користи за да процени, да измери и да пресмета			
<b>Недела 18</b>			
<b>135. Анализа на четврта контролна писмена работа</b>			
Цели за час 1 Анализа на тестот за стекнатите знаења и вештини	Активности за час 1 Се анализираат решенијата на задачите од тестот од претходниот час, се дава упатство за најчестите грешки		

### Единица 2Е: Работа со податоци и решавање проблеми

Цел на учењето	Предложени активности од кои може да се избере	Ресурси	Терминологија
<b>Недела 18</b>			
<b>136. Веројатност. Скала на веројатност</b>			
Цели за час 2 Го користи јазикот на веројатноста за да го опише и толкува резултатот вклучувајќи веројатност и можност. Разбира и користи веројатност од 0 до 1. Користи логички следства и изведува заклучоци. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни	<p>Активности за час 2</p> <p>☒ Повторете го наученото за јазикот на веројатност и скалата на веројатност (со употреба на зборови):</p> <p>Наведете искази за учениците да ги подредат во скала на веројатност. Исто така побарајте од учениците да запишат свои искази кои ќе ги додадат на скалата на веројатност.</p> <p>☒ Прикажете скала на веројатност која започнува со 0 и завршува со 1. Дискутирајте за различната нумеричка вредност на веројатноста на скалата:</p> <p>: Невозможно = 0 Неверојатно <math>\approx \frac{1}{4}</math>, 0.25 or 25% Еднакво = <math>\frac{1}{2}</math>, 0.5 or 50%</p>	<p>Голема скала на веројатност по група Еден комплет од искази по група, пр.            - Ќе биде сончево утре.            - Сите ние ќе бидеме во унишиште утре.            - Вестите ќе се емитуваат на телевизија вечерва.</p>	<p>веројатност скала на веројатност шанса невозможно неверојатно еднаква шанса, еднакво веројатно сигурно приближно</p>



	<p>итн.</p> <p>Објаснете дека:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- веројатностите може да се изразат во децимали, дропки или проценти</li> <li>- точно каде неверојатно и веројатно соодветствуваат на скалата е прашање за размислување, така што нумеричките вредности за нив се приближни.</li> </ul> <p>¶ Побарајте од учениците да го користат соодветниот јазик на веројатност за дадени нумерички вредности на веројатности, пр. 0.1. Дискутирајте за разликите во мислењата.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Еден од нас ќе патува на Марс следната недела.</li> <li>- Некои од нас ќе ги променат алиштата следната недела.</li> </ul> <p>Хартија за создавање дополнителни искази</p> <p>Голема скала на веројатност на која се означени краевите со 0 и 1</p> <p>Има примери на скала на веројатност на <a href="http://ictedusrv.cumbria.ac.uk/mathss/SecMaths/U3/page_10.htm">http://ictedusrv.cumbria.ac.uk/mathss/SecMaths/U3/page_10.htm</a></p>	
--	---	--	--

### 137. Експеримент. Веројатност на настан

Цели за час 3 Наоѓа веројатност врз основа на еднакво веројатни исходи во едноставни контексти. Споредува експериментална и теоретска веројатност во едноставни контексти. Користи логички следства	Активности за час 3 ¶ Дајте монета/паричка на секој ученик. <i>Кои се можните исходи кога ќе ја фрлиме монетата?</i> (страница со број или страница грб). <i>Која е веројатноста за секој исход?</i> Објаснете дека секој исход е подеднакво веројатен (има еднаква шанса), така што веројатноста на секој исход е $\frac{1}{2}$ или 0.5 или 50%. <i>Што забележувате кај збирот на веројатностите?</i> Зашто е тоа така? (Збирот е 1 бидејќи веројатноста да се добие еден исход или друг е сигурно.) Побарајте од учениците да ја фрлат монетата 30 пати, забележувајќи го резултатот од фрлањето секој пат. Учениците разговараат за нивните индивидуални збиркови за секој исход во групи. Потоа тие ги комбинираат збирковите за да дадат группни збиркови.	Една монета по ученик Генератори на монета се достапни на: <a href="http://www.virtualcointoss.com/">http://www.virtualcointoss.com/</a> (четвртина американски долар)	веројатност теоретска веројатност експериментална веројатност шанса исход 50-50 еднаква шанса еднакво веројатно
--	--	---	---



<p>и изведува заклучоци. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни</p>	<p><i>Дали вашиите експерименти одразуваат шанса 50-50?</i> Дискутирајте за групните исходи на ниво на паралелка. Потоа комбинирајте ги групните збирени. <i>Зошто исходите на некои поединци се доста различни од исходите на другите?</i> <i>Зошто не добиваме точно 50% на паѓање на монетата од страната со број и 50% од страната грб?</i> Објаснете ја разликата помеѓу теоретска веројатност и експерименталната веројатност. ■ Работејќи во парови, учениците дискутираат и ја предвидуваат веројатноста на паѓање 6 при фрлање на коцка. Потоа тие вршат експеримент за 100 фрлања, запишувајќи ги исходите во tabela со цртички. <i>Како го направиете вашето предвидување? Дали вашиот експеримент го поддржува вашето предвидување?</i> Учениците ги анализираат резултатите на секој пар и потоа ги спојуваат податоците од другите парови за да добијат посигурни резултати. Објаснете дека теоретската веројатност да падне 6 при фрлањето на коцка е 1/6 бидејќи 6-ката е една од 6 еднакво веројатно исходи.</p>	<p><a href="https://www.random.org/coins/">https://www.random.org/coins/</a></p> <p>Една коцка по пар Генератори на коцки по случаен избор се достапни на: <a href="http://www.dicesimulator.com/">http://www.dicesimulator.com/</a></p> <p>Изберете „1 коцка“ од листата над сликата, потоа кликнете „Roll (Сврти)“ до сликата за вртење. <a href="https://www.random.org/dice/">https://www.random.org/dice/</a></p> <p>Изберете го бројот на коцка во менито кое се спушта, потоа кликнете 'Roll dice (Свртете ја коцката)' или 'Roll again (Свртете повторно)'.</p>
---	---	---

### 138. Експериментална и теоретска веројатност Веројатност на независни настани

<p>Цели за час 4 Користи експериментални</p>	<p>Активности за час 4 ■ Работејќи во групи, на учениците им се дава тркало со броеви за вртење (рулет) или торба со различни обоени предмети. <i>Која е теоретската веројатност да се добие</i></p>	<p>Едно тркало со броеви за вртење (рулет) или торба</p>	<p>веројатност теоретска веројатност експериментална</p>
--	--	--	--



<p>податоци за проценка на веројатноста. Споредува експериментална и теоретска веројатност во едноставни контексти. Користи логички следства и изведува заклучоци.</p>	<p><b>секој број/боја? Зошто?</b> Тие вртат/извлекуваат 50 пати (ставајќи го предметот назад во тор-бата пред следното извлекување) и ги запишуваат исходите. Го наоѓаат бројот на повторување на ист исход и ги запишуваат нивните резултати. Групите потоа одат до друга клупа за да ги анализираат резултатите на другата група. Потоа се обидуваат да одлучат со кои броеви / бои на предмети мора да биде тркалото за вртење за да се совпаднат резултатите.</p>	<p><b>Како одлучивте? Како вашето предвидување се совпаѓа со реалното тркало за вртење/-тор-ба? Дали експерименталните пода-точи водат во погрешна насока во секој случај? Која е теоретската веројатност... експерименталната веројатност?</b></p> <p>¶ <b>Која е веројатноста да падне 1 при фрлање на коцка за играње? Зошто?</b> Учениците ги наведуваат теоретските веројатности кога фрлаат една коцка, пр. да падне</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- парен број (<math>\frac{1}{2}</math>)</li> <li>- број поголем од 4 (<math>\frac{2}{6} = \frac{1}{3}</math>)</li> <li>- содржател на 3 (<math>\frac{2}{6} = \frac{1}{3}</math>)</li> </ul>	<p>со обоени предмети по група (различно за секоја група): Тркала за вртење со броеви–тркала за вртење поделено на еднакви дела кои прикажуваат шест броја, од кои некои се исти, пр. 1, 1, 1, 2, 3, 4 или 1, 2, 3, 3, 4, 5 или 2, 2, 3, 3, 4, 4</p>	<p>веројатност шанса исход еднакво веројатно</p>
<p>Ги идентификува сите можни исходи кои меѓусебно се исклучуваат кај еден елементарен настан. Споредува експериментална и теоретска веројатност во едноставни контексти. Користи логички следства и изведува заклучоци</p>	<p><b>Kои се можните исходи кога се фрла една коцка? Како ви помага тоа да ја најдете веројатноста?</b> Во парови, учениците меѓусебно се прашуваат за да ги наведат веројатноста на секој исход од нивните листи. <b>Како ја пресметавте таа веројатност? Како можете да ја изразите истата како процент?</b></p> <p>¶ Учениците ја повторуваат актив-ност од погоре за коцка со различен број на страни. ¶ Во парови, учениците си поставу-ваат прашања за веројатноста да се извлече карта од цел шпил. На пример:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Која е веројатноста да се извлече 8?</li> <li>- Која е веројатноста да се извлече срце?</li> </ul>	<p>Обоени предмети во непросирна торба, пр. 2 сини, 4 зелени, 1 бел, 1 жолт или 3 зелени, 3 бели, 3 жолти, 1 виолетова.</p>	<p>шанса (заемно исклучителен) исход настан еднакво 50/50 еднакво веројатно експериментална веројатност теоретска веројатност</p> <p>Учениците би можеле да ги тестираат своите теоретски веројатности со употреба на виртуелната коцка</p>	



		<p>на:  <a href="http://roll-dice-online.com/">http://roll-dice-online.com/</a></p> <p>Изберете го бројот на страни на коцката, бројот на коцка и бројот на вртења. Потоа кликнете на 'Roll dice (Сврти ја коцката)'.  Пакувања со карти</p>	
Недела 19			
Цели за час 1 Одлучува кои податоци ќе бидат релевантни за истражувањето, ги собира и организира податоците. Идентификува и претставува информации или непознати броеви во проблеми, правилно употреба броеви, симболи, зборови, дијаграми, табели и графици.	<p>Активности за час 1</p> <p>Учениците планираат и вршат своето истражување со употреба на вештини за работа со податоци, применувајќи ги во пракса вештините и знаењето кое го стекнале во првото полугодие</p> <p>Доколку не сакате да им дадеде на вашите ученици толку автономија, треба да се следат истите чекори, но секој би можел да работи заедно со паралелката или би можеле да обезбедите претходно утврдени истражувачки прашања по групи.</p> <p>Учениците работат во мали групи.</p> <p>Учениците одлучуваат за темата за нивниот проект, наведувајќи цврста причина за нивниот избор. Таа може да се однесува на тема која ја учат во училиште, или нешто што е лично интересно за нив. Тие одредуваат истражувачко прашање или хипотеза за да ја испитаат. <i>Која е разликата помеѓу истражувачко прашање и хипотеза? Зошто го имате избрано истражувачкото прашање наместо хипотеза? Зошто вашето истражувачко прашање / хипотеза може да биде интересно за испитување?</i></p> <p>Можни теми за проекти би можеле да бидат следните</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Што го прави просечниот ученик во нашата паралелка?</i></li> </ul> <p>Учениците би можеле да собираат податоци како што се висина, далечина на нивниот дом од училиштето, интереси или амбиции. (Забелешка: Потсетете ги учениците да се има во предвид сензитивнос-тите на другите кога одлучуваат кои податоци да ги</p>	<p>тема прашање за истражување хипотеза податоци примарни податоци секундарни податоци собира организира претставува</p> <p>Овие идеи и други се достапни на:  <a href="https://www.stem.org.uk/elibrary/resource/31687/real-data-statistics-projects-for-key-stage-three">https://www.stem.org.uk/elibrary/resource/31687/real-data-statistics-projects-for-key-stage-three</a></p> <p>Треба да се најавите, но ресурсите се</p>	

	<p>собираат.)</p> <p>Тие одлучуваат како ќе пресметаат „просек“.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Животната средина</i></li> </ul> <p>Учениците би можеле да со-берат податоци за: рециклира-ње, трошоци за електрична енергија и/или гас или начини на кои луѓето патуваат до училиште.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Спорт</i></li> </ul> <p>Учениците би можеле да поставуваат прашања како: 'Дали населението на една земја влијае на бројот на медали кои ги добиваат на Олимписките игри?' или 'Во кои спортски активности жените се најблиску до мажите во однос на светскиот рекорд?'</p> <p>Учениците почнуваат да размислуваат за тоа како ќе ги соберат податоците кои им се потребни и како да ги организираат и презентираат. Ги почнуваат свотие листови за планирање</p>	<p>бесплатни. STEM библиотеката содржи многу корисни ресурси.</p> <p>Листови за планирање со следните прашања на нив:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Кое е нашето истражувачко прашање/хипотеза?</li> <li>- Кои податоци ни се потребни? (Дали се примарни податоци или секундарни податоци?)</li> <li>- Како ќе ги собереме податоците?</li> <li>- Како ќе ги запишеме податоците?</li> <li>- Како ќе ги презентираме податоците?</li> </ul>	
--	--	---	--

#### 140. Аритметичка средина. Ранг. Мода. Медијана

Цели за час 2 Црта и толкува: столбести дијаграми; дијаграми на	Активности за час 2 Учениците ја комплетираат нивната презентација на податоци од првиот час и ги толкуваат дијаграмите, табелите и графиците кои ги имаат создадено.		податоци претставува дискретни податоци континуирани податоци
--	--	--	---



<p>фреквенција за групирани дискретни податоци; секторски дијаграми; пиктограми.. Наоѓа мода (или модална класа за групирани податоци), медијана и ранг. Споредува две множества податоци користејќи две или повеќе од мерките ранг, аритметичка средина, медијана или мода. Црта прецизни математички дијаграми и графици.</p>	<p><i>Што ви прикажува вашата табела/график? Кои шаблони/модели се застапени?</i>  <i>Дали ви овозможува да донесете заклучови за вашето истражувачко прашање/хипотеза?</i></p> <p>¶ Доколку е потребно, учениците исто така ги наоѓаат рангот, модата (или модална група), медијаната и средината на нивните податоци и ги користат за да ги анализираат своите податоци.</p> <p><i>Како можете да ја најдете модата на групирани податоци?</i> Објаснете дека барате модална класа наместо доминантниот член кој преовладува во листата на податоци.</p> <p><i>Што ви кажува рангот ... модата ... медијаната ... средината во контекст на вашиите податоци?</i> <i>Што е најкорисно за вашето истражувачко прашање/хипотеза?</i> Кои заклучоци можете да ги донесете?</p>	<p>(По избор)  Софтвер за презентации или  Големи листови хартија и пенкала</p>	<p>групирани податоци  дијаграм на фреквенција  столбест дијаграм  секторски дијаграм  пиктограм  линиски график  наслов легенда  оска ознаки  толкува анализира  заклучок  статистика  аритметичка средина</p>
---	--	---	---

#### 141. Обработка на податоци

<p>Цели за час 3  Изведува заклучоци врз основа на дијаграмот и едноставна статистика. Поврзува резултати или наоди во првичниот контекст и проверува дали тие се разумни. Евидентира и објаснува методи, резултати и заклучоци  Ефективно дискутира и разговара за добиените наоди, усно и во писмена форма</p>	<p>Активности за час 3</p> <p>¶ Учениците ги финализираат заклучоците за нивното истражувачко прашање или хипотеза. Потоа подготвуваат презентација на нивниот проект за паралелката <i>Кои информации ќе бидат најинтересни за паралелката? Како ќе го представите она што го имате направено ... како сте го направиле ... што откривте? Како ќе го задржите вниманието на паралелката? Како ќе се осигурате дека сите се вклучени во презентацијата?</i></p> <p>Групите една по една го споделуваат својот проект со паралелката. Охрабрете ги учениците да поставуваат прашања, пр. <i>Дали имаш стигнато до некои други заклучоци? Што ако си користел(а) друг извор за твоите податоци? Дали мислиш дека твоте наоди би биле различни ако истражувањето било извршено во различен период?</i>  <i>Што понатаму би можело да се истражува?</i></p> <p>Доколку е потребно, учениците би можеле да ги споделат своите проекти со другите паралелки кои учат математика или да ги претстават своите наоди за соодветна</p>		
--	--	--	--



	публика (пр. да ги испратат до заинтересирана компанија/волонтерски групи/политичар итн.).		
<b>142. Подготовка за годишен тест</b>			
Цели за час 4 Собира, одзема цели броеви, децимални броеви, дропки. Користи аритметички својства Решава алгебарски изрази Решава геометриски задачи Препознава, разбира изведува и применува заклучоци,	Активности за час 4 Задачи подготвени од страна на наставникот за повторување на содржините кои се изучиле во учебната година		
<b>Недела 20</b>			
<b>143. Годишен тест</b>			
Цели за час 1 Самостојно Собира, одзема цели броеви, децимални броеви, дропки. Користи аритметички својств Решава алгебарски изрази Решава геометриски задачи Препознава, разбира изведува и применува заклучоци,	Активности за час 1 Ученикот работи смостојно, решава зададени задачи кои претходно се подготвени од страна на наставникот		
<b>144. Анализа на годишниот тест и оценување на учениците</b>			
Цели за час 2 Оценување на учениците	Активности за час 2 Наставникот врши, сублимација и анализа на постигањата на учениците		

